# **Proportionnalité**



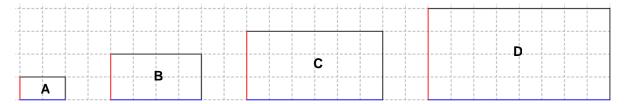
# I) Notion de proportionnalité :

• Chez le boulanger :

«J'achète 4 baguettes, je paie 3,60 € Si j'en prends 8, je paierai 7,20 €.» Cette situation est **proportionnelle**.

« Si j'achète deux fois plus de baguettes, je paie deux fois plus. » Le prix à payer est proportionnel au nombre de baguettes.

• <u>En géométrie</u>: Observons ces quatre rectangles.



« Quand la largeur devient deux fois plus grande, la longueur devient également deux fois plus grande!»

Les largeurs et les longueurs de ces 4 rectangles sont proportionnelles

« La largeur du rectangle C est 3 fois plus grande que celle du rectangle A. La longueur de C est aussi 3 fois plus grande que celle de A. La situation est proportionnelle ! Les longueurs des rectangles sont proportionnelles aux largeurs ! »



#### II) Proportionnalité:

<u>Définition</u>: Deux grandeurs sont **proportionnelles** si les valeurs de l'une s'obtiennent en multipliant (ou en divisant) par un même nombre les valeurs de l'autre.

<u>Ex</u>: chez le boulanger, les **deux grandeurs** sont le **nombre de baguettes** et le **prix à payer** 



| nombre de | 1    | 3    | 5   | 7    |
|-----------|------|------|-----|------|
| baguettes |      |      |     |      |
| Prix (€)  | 0,90 | 2,70 | 4,5 | 6,30 |



Le prix à payer est proportionnel au nombre de baguettes. La situation est proportionnelle. Le tableau est un tableau de proportionnalité.

0,9 est le coefficient de proportionnalité.

# III) Résoudre un problème de proportionnalité :



• Chez le pâtissier :

<u>Ex</u>: Il faut 150 grammes de farine pour réaliser un gâteau pour 4 personnes. Quelle sera la quantité de farine nécessaire pour un gâteau destiné à 5 personnes ?

Si le gâteau est pour deux fois plus de personnes, il faudra deux fois plus de farine ! La situation est proportionnelle.



« Voilà **la première chose** à écrire. Il faut signaler que la situation est proportionnelle! »

On peut alors utiliser différentes méthodes pour résoudre le problème :

#### Méthode 1 : on utilise le coefficient de proportionnalité

|   | Quantité de farine<br>(en grammes) | 150 | ••••• | X |
|---|------------------------------------|-----|-------|---|
| Ī | Nombre de personnes                | 4   | 5     |   |

Calculons le coefficient de proportionnalité :

150:4=37,5

« le coefficient de proportionnalité est 37,5 !»



Calculons la quantité de farine nécessaire pour un gâteau de 5 personnes : 5 x 37,5 = 187,5 g

La quantité de farine nécessaire est 187,5 g.

# Méthode 2 : on utilise « la règle de trois »

Pour faire un gâteau à 4 personnes, il faut 150g de farine

« on dit aussi le passage à l'unité!»

Pour faire un gâteau à 1 personne il en faut 4 fois moins soit  $\frac{150}{4}$  = 37,5 g

Pour faire un gâteau à 5 personnes, il faut 5 x 37,5 = 187,5 g

La quantité de farine nécessaire est 187,5 g.

# Méthode 3 : on utilise le tableau de proportionnalité « horizontalement ».

| Quantité de farine  | 150 | • |
|---------------------|-----|---|
| (en grammes)        |     |   |
| Nombre de personnes | 4   | 5                                       |
|                     | X   |   |

<u>Calculons le coefficient permettant de passer de 4 personnes à 5 personnes :</u> 5: 4 = 1,25

Calculons la quantité de farine nécessaire pour un gâteau de 5 personnes :

Il y a 1,25 fois plus de personnes donc il faut 1,25 fois plus de farine donc,

 $150 \times 1,25 = 187,5 g$ 

La quantité de farine nécessaire est 187,5 g.



### III) Pourcentage:

#### Chez le crémier :

« J'achète un yaourt à **20**% (vingt pour cent) de matière grasse ». Cela signifie que dans **100g** de ce yaourt, il y a **20g** de matière grasse.

« La quantité de matière grasse est proportionnelle à la quantité de yaourt ! »



Le taux de pourcentage est 20% ou  $\frac{20}{100}$ 

<u>Propriété</u>: Appliquer un taux de pourcentage à un nombre, c'est multiplier ce nombre par le taux de pourcentage

Ex : Calculons la quantité de matière grasse dans un pot de 125 g ?

On applique le taux de pourcentage :  $125 \times \frac{20}{100} = 125 \times 0.2 = 25 \text{ g}$ 

Prendre 50% d'une quantité, c'est en prendre la moitié. (on divise par 2)
Prendre 25% d'une quantité, c'est en prendre le quart. (on divise par 4)
Prendre 10% d'une quantité, c'est en prendre le dixième. (on divise par 10)
Ex : Calculons 25% de 28 €: 28 : 4 = 7 €

