

LYCEE CLASSIQUE D'ABIDJAN CLASSE : TD15	DEVOIR DE MATHÉMATIQUES N°1 Durée : 1h45 minutes	Année scolaire 2020-2021 05/10/2020
---	---	---

**EXERCICE 1** (7 points)

- Déterminer le cosinus, le sinus et la tangente de  $-\frac{517\pi}{3}$  et de  $\frac{185\pi}{4}$ .
- Démontrer que pour tout  $x \in \mathbb{R} \setminus \{k\pi, k \in \mathbb{Z}\}$ ,  $1 + \frac{1}{\tan^2 x} = \frac{1}{\sin^2 x}$
- $x$  est un nombre réel de  $] -\pi, -\frac{\pi}{2} [$  tel que  $\tan x = \frac{\sqrt{3}}{3}$ .
  - Démontrer que  $\sin x = -\frac{1}{2}$
  - En déduire  $\sin x$ ,  $\cos(2x)$  et  $\sin(2x)$
- Démontre que le nombre  $A$  défini par  $A = \sin \frac{\pi}{14} \cos \frac{3\pi}{7} + \sin \frac{3\pi}{7} \cos \frac{\pi}{14}$  est égal à 1.
- Démontre que pour tout nombre réel  $x$  on a :  $(1 + \cos x + \sin x)(1 - \cos x - \sin x) = -\sin 2x$ .

**EXERCICE 2** (8 points)

- Calculer en fonction de  $\cos x$  et  $\sin x$ .

$$B(x) = \sin(\pi + x) + \cos(\pi - x) + \sin(-x) + \cos(-x) + \cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) + \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) + \sin\left(\frac{\pi}{2} + x\right)$$

- Résoudre dans  $\mathbb{R}$  puis dans  $] -\pi; \pi [$  les équations suivantes :

$$(E_1): \sqrt{3} \cos x - \sin x = 1$$

$$(E_2): \sin\left(2x + \frac{\pi}{6}\right) = -\frac{1}{2}$$

$$(E_3): \cos\left(x - \frac{\pi}{4}\right) = \sin(2x)$$

**EXERCICE 3** (5 points)

On considère l'équation  $(E): 2x^2 - (\sqrt{3} - \sqrt{2})x - \frac{\sqrt{6}}{2} = 0$

- Vérifier que  $(\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 = 5 + 2\sqrt{6}$
- Résoudre dans  $\mathbb{R}$  l'équation  $(E)$
- En déduire les solutions dans  $\mathbb{R}$  puis dans  $] -\pi; \pi [$  de l'équation

$$(E'): 2\sin^2 x - (\sqrt{3} - \sqrt{2})\sin x - \frac{\sqrt{6}}{2} = 0$$

LYCEE CLASSIQUE ABIDJAN	DEVOIR DE MATHÉMATIQUES	Date : 02/10/2020
Classe : TD4&TD5	Durée : 1H	Année scolaire : 2020-2021

**EXERCICE 1**

Soit ABC un triangle tel que  $Mes(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) = \frac{2\pi}{3}$  et  $Mes(\overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AC}) = -\frac{\pi}{6}$

- 1) Fais une figure
- 2) Détermine la mesure principale des angles orientés suivants :

$$(\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{AC}), (\overrightarrow{BC}, \overrightarrow{CA}) \text{ et } (\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB})$$

**EXERCICE 2**

- I. Simplifie au maximum les expressions suivantes :

$$A = \cos(\pi + x) \cdot \sin\left(\frac{\pi}{2} - x\right) - \cos^2(-x)$$

$$B = \tan(\pi + x) - \tan x$$

$$C = \sin^2\left(x - \frac{\pi}{2}\right) + \sin(\pi - x) \cdot \sin(-x)$$

- II. 1) Démontre que  $\sin\left(\frac{\pi}{3} + x\right) \times \sin\left(\frac{\pi}{3} - x\right) = \frac{3}{4} - \sin^2 x$

- 2) a- En remarquant que  $3x = x + 2x$ , démontre que  $\cos 3x = 4\cos^3 x - 3\cos x$  et  $\sin(3x) = 3\sin x - 4\sin^3 x$

- b- Justifie que pour  $x \neq k\frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z}, \frac{\sin 3x}{\sin x} - \frac{\cos^3 x}{\cos x} = 2$

- 3) Démontre que pour  $x \neq \pi + \frac{k\pi}{2}, \frac{\sin x}{1 + \cos x} = \tan \frac{x}{2}$

**EXERCICE 3**

Dans cet exercice, on donne  $\tan \frac{\pi}{8} = \sqrt{2} - 1$

- 1) a- Démontre que pour  $x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi$  où  $k \in \mathbb{Z}, \tan(\pi + x) = \tan x$

- 2) b- En déduis la valeur exacte de  $\tan \frac{9\pi}{8}$

- 3) a- Démontre que  $x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi$  où  $k \in \mathbb{Z}, 1 + \tan^2 x = \frac{1}{\cos^2 x}$

- 4) b- En déduis les valeurs exactes de  $\cos \frac{\pi}{8}$  et  $\sin \frac{\pi}{8}$

- 5) Calcul la valeur exacte de  $\cos \frac{5\pi}{8}$

**DEVOIR - MATHÉMATIQUES**

Terminale D

Durée : 2 heures

Exercice 1

Pour chacune des affirmations suivantes, recopie le numéro puis la lettre correspondant à la bonne réponse parmi les trois réponses proposées.

		a	b	c
1	Le système $\begin{cases} x - y = -1 \\ 2x - 3y = -1 \end{cases}$	admet une solution	n'admet pas de solution	admet une infinité de solutions +
2	$\sin \frac{\pi}{14} \cos \frac{3\pi}{7} + \sin \frac{3\pi}{7} \cos \frac{\pi}{14}$	0	1 x	-1
3	$r_1 \left( O, -\frac{\pi}{2} \right)$ or $r_2 \left( O, \frac{\pi}{4} \right)$	$r \left( O, \frac{\pi}{4} \right)$	$r \left( O, -\frac{\pi}{4} \right)$ x	$r \left( O, -\frac{\pi}{2} \right)$
4	$h_1(O, k)$ or $h_2(O, k')$	$h(O, k + k')$	$h(O, k - k')$	$h(O, kk')$ x

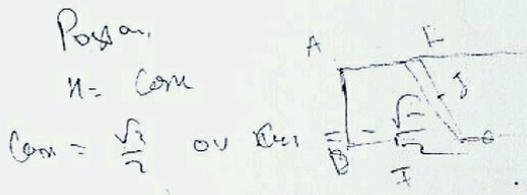
Exercice 2

On considère l'équation (E) :  $2x^2 - (\sqrt{3} - \sqrt{2})x - \frac{\sqrt{6}}{2} = 0$

1- Vérifie que  $(\sqrt{3} + \sqrt{2})^2 = 5 + 2\sqrt{6}$

2- Résous dans IR l'équation (E)

3- Détermine les solutions dans  $] -\pi ; \pi ]$  de l'équation  $2 \cos^2 x - (\sqrt{3} - \sqrt{2}) \cos x - \frac{\sqrt{6}}{2} = 0$



Exercice 3

ABCD est un trapèze isocèle. I est le milieu de [AB]. J est milieu de [DC]. Les droites (AD) et (BC) se coupent en O. Démontre que les points O, I et J sont alignés

Exercice 4

Stéphane veut déterminer un nombre de trois chiffres.  $N = 100x + 10y + z$

- La somme des chiffres est égale à 17
- Si on permute le chiffre des dizaines et des centaines N augmente de 360
- Si on permute le chiffre des unités et des centaines N diminue de 198

1- Justifie que les contraintes du problème satisfont au

$$\begin{cases} x + y + z = 17 \\ x - y = -4 \\ x - z = 2 \end{cases}$$

2- Résous dans  $\mathbb{R}^3$  le système et déduis N

