

AVRIL 2007

CONCOURS INGÉNIEURS DES TRAVAUX STATISTIQUES

ITS Voie B Option Économie

CORRIGÉ DE L'ANALYSE D'UNE DOCUMENTATION STATISTIQUE

Exercice n° 1



1) Pour l'année 2001, on a :

- TBM (Côte d'Ivoire) = 16,9‰

- TBM (Royaume-Uni) = 10,8‰ < TBM (Côte d'Ivoire)

Par tranche d'âge, tous les taux bruts de mortalité du Royaume-Uni sont inférieurs à ceux de la Côte d'Ivoire, souvent dans des rapports très importants (au moins 1 à 10 en dessous de 45 ans), alors que globalement le TBM du Royaume-Uni et le TBM de la Côte d'Ivoire sont dans un rapport de 1 à 2. Cela s'explique par la structure de la population, plus jeune en Côte d'Ivoire...

2) Le nombre de décès (arrondi à la centaine) qui seraient survenus dans chaque tranche d'âge en Côte d'Ivoire, dans l'hypothèse d'un taux de mortalité identique à celui du Royaume-Uni est donné ci-dessous :

Age	Nb de décès
<1	3000
1-4	400
5-14	400
15-24	1800
25-34	1500
35-44	2000
45-54	3700
55-64	6300
65-74	9500
75-84	8100
+ de 85	2400
Total	39100

Soit un TBM (Côte d'Ivoire) de 2,4‰, plus faible que celui constaté (16,9‰) et bien sûr très inférieur à celui du Royaume-Uni en raison de la structure de la population de la Côte d'Ivoire.

Exercice 2

- 1) $P(D < 40) = 0,35$
 $P(D > 70) = 0,33$
 $P(30 < D < 60) = 0,32$
 $P(D < 30 \text{ ou } D > 60) = 0,68$
 $P(D > 60 \text{ sachant } 20 \text{ ans}) = 0,54$
 $P(D < 80 \text{ sachant } 30 \text{ ans}) = 0,76$



2)

I	Age (exprimé en années) x_i	Nombre de survivants à cet âge Sx_i	Nombre de décès entre deux âges $d(x_i, x_i+10)$	$10qx_i$
1	0	1000	150	0,150
2	10	850	50	0,059
3	20	800	50	0,063
4	30	750	100	0,133
5	40	650	120	0,185
6	50	530	100	0,189
7	60	430	100	0,233
8	70	330	150	0,455
9	80	180	175	0,972
10	90	5	5	1,000
11	100	0		

- 3) $e_0 = 50,25$ ans
 $e_{70} = 10,61$ ans
 Une personne qui vient de naître a une espérance de vie de 50 ans. Une personne de 70 ans a encore près de 11 ans à vivre, en moyenne.

Exercice 3

- 1) La première période correspond aux années 1985-1992 : décroissance forte du nombre d'entrées ;
La seconde période correspond aux années 1992-1998 : stabilité du nombre d'entrées ;
La troisième période correspond aux années 1998 et suivantes : de nouveau décroissance mais cette fois-ci décroissance moins forte.
Graphiquement, le nombre d'entrées pour 2005 est proche de 110 millions d'entrées.

2)

	E (nombre d'entrées en millions)	P (indice du prix relatif)
1985	355	100
1989	276	120,3
1993	184	184,1
1997	175	247,6
2001	168	225,3
2004	121	215,3

- 3) Le prix du billet en 2005 est de $31,45 \times 31,45/29,12$, soit 33,97 euros. L'IGP en 2005 est de $695,7 \times 1,031$ soit 717,3. Donc P en 2005 vaut 225,5. Ce qui donne un nombre d'entrées de 157 millions.

Cette méthode donne un résultat qui sera très vraisemblablement contredit dans les faits car elle ne distingue pas les trois périodes constatées dans l'évolution du nombre d'entrées. Il aurait fallu faire l'étude proposée dans les questions 2 et 3 uniquement sur la période 1998-2004. L'estimation pour 2005 serait alors meilleure, et proche du résultat obtenu graphiquement à la question 1.