

WhatsApp :  
+225 0546234613

Tehua.unasfa@gmail.com



PROF : M. TEHUA

Date de séance :

Niveau : Tle A1&2

Séance N°...

## PREPA MATHS 2025 : SUITE NUMERIQUE

### EXERCICE 1

Soit  $(u_n)$  la suite définie pour tout entier naturel  $n$  par :  $u_n = 5n - 4$

- 1) Démontre que la suite  $(u_n)$  est une suite arithmétique.
- 2) Précise le premier terme et la raison de  $(u_n)$ .
- 3) Précise le sens de variation de  $(u_n)$ .
- 4) Calcule la somme des seize premiers termes de la suite  $(u_n)$ .

### EXERCICE 2

On considère la suite géométrique  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  définie par :

$u_0 = 10$  et pour tout nombre entier naturel  $n$ ,  $u_{n+1} = 0,7u_n$ .

1. Calcule  $u_1$  et  $u_2$
2. Donne la raison de cette suite géométrique.
3. a) justifie que pour tout entier naturel  $n$ ,  $u_n = 10 \times (0,7)^n$ .  
b) Dédus du 3. a), le plus petit entier naturel  $n$ , tel que :  $u_n \leq 0,14$
4. Détermine la somme  $S$  tel que :  $S = u_0 + u_1 + \dots + u_{2020}$ .

### EXERCICE 3

On considère la suite  $(U_n)$  définie par :

$$\begin{cases} U_0 = \frac{3}{2} \\ U_{n+1} = 2U_n - 1, \text{ pour un entier naturel } n. \end{cases}$$

1. a) Calculer  $U_1$   
b) Vérifier que  $U_2 = 3$ .
2. On donne la suite  $(V_n)$  définie par  $V_n = U_n - 1$  pour tout entier naturel  $n$ .  
a) Calculer  $V_0, V_1$  et  $V_2$ .  
b) Démontrer que  $V_n$  est la suite géométrique de raison 2.  
c) Pour tout entier naturel  $n$ , justifier que  $V_n = 2^{n-1}$ .
3. Justifier que pour tout entier naturel  $n$ ,  $U_n = 1 + 2^{n-1}$ .
4. Déterminer le plus petit entier naturel  $n$  pour que  $U_n > 1\,000\,000$ .

### EXERCICE 4

Soit la suite définie  $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$  par :  $\begin{cases} U_0 = 0 \\ U_{n+1} = \frac{1}{2}U_n + 1 \end{cases}$

1. Démontrer par récurrence que  $\forall n \in \mathbb{N}, U_n \leq 2$ .
2. En utilisant la question 1, étudier le sens de variation de la suite  $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .
3. La suite  $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est-elle convergente ? Pourquoi ?
4. Soit la suite  $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$  définie par :  $\forall n \in \mathbb{N}, V_n = U_n - 2$ .  
a) Démontrer que la suite  $(V_n)_{n \in \mathbb{N}}$  est une suite géométrique dont on précisera la raison et le premier terme.  
b) Exprimer  $V_n$  puis  $U_n$  en fonction de  $n$ .  
c) Déterminer la limite de  $(U_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .

## EXERCICE 5

Soit  $u$  la suite numérique définie sur  $\mathbb{N}$  par : 
$$\begin{cases} u_0 = 5 \\ u_{n+1} = \frac{u_n + 4}{3} \end{cases}$$

1.
  - a) Calcule  $u_1$  et  $u_2$ .
  - b) Démontre par récurrence que pour tout entier naturel  $u_n \geq 2$ .
  - c) Démontre que la suite  $(u_n)$  est décroissante.
  - d) Déduis – en que la suite  $(u_n)$  est convergente. Puis détermine sa limite.
2. On pose que pour tout nombre entier naturel,  $v_n = u_n - 2$ .
  - a) Montre que  $(v_n)$  est une suite géométrique de raison  $\frac{1}{3}$ .
  - b) Exprime  $u_n$ , puis  $v_n$  en fonction de  $n$ .
  - c) En déduis la limite de la suite  $(u_n)$ .
3. Calcule la somme  $S = v_3 + v_4 + \dots + v_{19}$