BACCALAURÉAT RÉGIONAL

SESSION 2023

Coefficient : 5 : 4h

Durée

MATHÉMATIQUES

SERIE C

Cette épreuve comporte trois (03) pages numérotées 1/3, 2/3 et 3/3 L'usage de la calculatrice scientifique est autorisé.

EXERCICE 1 (2 points)

- 1) Réponds par vrai si l'affirmation donnée est vraie et par faux si non. Si u est une fonction numérique dérivable et non nulle sur un intervalle I, alors la function $x \mapsto \frac{u'(x)}{u(x)}$ a pour primitive sur I la fonction $x \mapsto \ln(u(x))$.
- 2) Soit a et b deux nombres réels tels que $a \le b$ et b une fonction numérique dérivable sur l'intervalle [a; b]. S'il existe deux nombres réels m et M tels que : $\forall x \in [a;b], m \le h'(x) \le M \text{ alors}: m(b-a) \le h(b) - h(a) \le M(b-a).$
- 3) L'équation réduite d'une ellipse est de la forme $y^2 = 2px$, où p est un nombre réel.
- 4) Soit (u_n) une suite de nombres réels convergente vers α et f une fonction numérique définie sur un intervalle de centre a. Si f est continue en α , alors la suite (v_n) définie par $v_n = f(u_n)$ converge vers $f(\alpha)$.

EXERCICE 2 (2 points)

Cet exercice est un questionnaire à choix multiple (QCM).

Pour chaque énoncé, une seule des quatre propositions de compléments est exacte. Écris le numéro de l'énoncé et la lettre du complément correct.

1) Dans l'espace muni d'un repère orthonormé, une représentation paramétrique de la droite passant le point A(1; 2; -3) et dirigée par le vecteur u(5; -1; 2) est :

a)
$$\begin{cases} x = 5 + k \\ y = -1 + 2k; \\ z = 2 - 3k \\ (k \in \mathbb{R}) \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} x = 5 + k \\ y = -1 + k; \\ z = 2 + 3k \\ (k \in \mathbb{R}) \end{cases}$$
 c)
$$\begin{cases} x = 1 - 5k \\ y = 2 + k; \\ z = -3 + 2k \\ (k \in \mathbb{R}) \end{cases}$$
 d)
$$\begin{cases} x = 1 + 5k \\ y = 2 + k; \\ z = -3 + 2k \end{cases}$$

2) La suite (u_n) définie par : $u_0 = 20$ et $u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + 2$ est convergente et sa limite est b) 4 a) 2 c) 6

3) Les racines cubiques de l'unité sont :

a) 1; $e^{i\frac{2\pi}{3}}$ et $e^{i\frac{-2\pi}{3}}$ b) 1; $e^{i\frac{\pi}{3}}$ et $e^{i\frac{-\pi}{3}}$ c) 1; e' et e'

4) Le reste de la division euclidienne de 72023 par 9 est :

b) 4 c) 5 a) l

EXERCICE 3 (3 points)

Dans le plan (P), on considère un triangle ABC isocèle en A. Le pied H de la hauteur [AH]est tel que : AH = BC = 4. On note K le centre de gravité du triangle ABC.

 a) Fais une figure que tu complèteras au fur et à mesure. (Tu prendras le centimètre comme unité).

b) En justifiant la construction, place le point G, barycentre des points pondérés (A, 2); (B, 1) et (C, 1).

- 2. Soit M un point quelconque du plan (P). On pose : $\vec{u} = 2M\vec{A} M\vec{B} M\vec{C}$.
 - a) Démontre que : $||\vec{u}|| = 8$.
 - b) Détermine et construis l'ensemble (E_1) des points M de (\mathcal{P}) tels que : $\|2\overline{MA} + \overline{MB} + \overline{MC}\| = \|\vec{u}\|$.
- On considère les points pondérés (A, 2); (B, m) et (C, m), où m est un nombre réel strictement positif.
 - a) Justifie que, pour tout m, le barycentre G_{ni} de ces points pondérés existe.
 - b) Démontre qué, pour tout m, le point G_m appartient au segment [AH].
 - c) Vérifie que G2 est confondu à K.
- 4. a) Calcule la distance AG_m en fonction de m.
 - b) Soit (E_m) l'ensemble des points M du plan (P) tels que :

$$||2\overline{MA} + m\overline{MB} + m\overline{MC}|| = 2m||\overrightarrow{u}||.$$

Démontre que (E_m) est un cercle dont tu préciseras le centre et le rayon. Vérifie que $A \in (E_m)$.

c) Déduis-en la construction de (E₂).

EXERCICE 4 (4 points)

Le plan complexe est muni du repère orthonormé $(0; \overrightarrow{e_1}, \overrightarrow{e_2})$, unité graphique 2 cm. Soit u un nombre complexe non nul.

On désigne par A, M, M' et M'' les points d'affixes respectives 2i, u, 2u et $-i\overline{u}$.

On pose : u = x + iy, avec x et y des nombres réels.

- 1. Détermine les affixes des vecteurs AM' et AM" sous forme algébrique.
- 2.a) Soit (H) l'ensemble des points M du plan tels que A, M'et M'' soient alignés.

Demontre qu'une équation de (H) est $:x^2 - y^2 + 2x + y = 0$.

- b) Justifie que (H) est une hyperbole dont tu préciseras les coordonnées du centre Ω , des sommets et des foyers.
- c) Calcule l'excentricité de (11) et donne une équation de chacune de ses asymptotes.
- Construis (H).

EXERCICE 5 (5 points)

On considere la fonction f définie sur $\mathbb{R}\setminus\{-1\}$ par : $\begin{cases} f(x) = x + \ln\left|\frac{x-1}{x+1}\right| & \text{si } x < 0 \\ f(x) = x^2 e^{-x} & \text{si } x \ge 0 \end{cases}$

On désigne par (C) la courbe représentative de la fonction f dans le plan muni d'un repère orthonormé (O, I, J). Unité : 2 cm.

- 1. a) Calcule les limites de f en + o et en -1.
 - b) Donne une interprétation graphique de chaque résultat.
 - c) On admet que $\lim_{x \to -\infty} f(x) = -\infty$.

Démontre que la droite (D) d'équation y = x est asymptote à (C) en -x.

- d) Justifie que (C) est au-dessus de (D) sur les intervalles]-v; -1[et]-1; 0[.
- 2.a) Justifie que f est continue en 0.
 - b) Justifie que pour $x \in]-\infty; -1[\cup]-1; 0[, f'(x) = \frac{x^2+1}{x^2-1}]$ et pour $x \in]0; +\infty[, f'(x) = x(2-x)e^{-x}]$.

- c) Justifie que f est strictement croissante sur les intervalles $]-\infty; -1[$ et]0; 2[puis strictement décroissante sur les intervalles]-1; 0[et $]2; +\infty[$.
- 3. On admet qu'au point O, la courbe (C) admet une demi-tangente à gauche dont un vecteur directeur a pour coordonnées (-1; 1) et une demi-tangente à droite dont un vecteur directeur a pour coordonnées (1; 0). On admet aussi que l'équation f(x) = 0 admet une solution unique comprise entre -1,6 et -1,5.
- a) Dresse le tableau de variation de f.
- b) Trace les demi-tangentes à (C) au point O, la droite (D) et la courbe (C).
- 4. Soit la fonction $h: [0; 2] \longrightarrow \left[0; \frac{4}{e^2}\right].$
 - a) Justifie que h est une bijection.
 - b) Calcule $(h^{-1})'(\frac{1}{\epsilon})$.

EXERCICE 6 (4 points)

Pour participer à une séance de présentation des formations post-bac à la fin du deuxième trimestre, un groupe d'établissements secondaires de la DRENA Abidjan I dont le vôtre cherche des cars pour le déplacement de ses élèves. Le transporteur choisi dispose de deux types de cars : les uns sont de 40 places et les de 26 places.

Le nombre d'élèves concernés est compris entre 600 et 700.

Le coordonnateur se rend compte que s'il prend seulement des cars de 40 places, 12 élèves occuperont le dernier car et s'il utilise uniquement des cars de 26 places, 16 élèves occuperont le dernier car. Il décide utiliser les deux types de cars de sorte que toutes les places des cars affrétés soient occupées.

Le coordonnateur désire savoir le nombre auquel il doit arrêter les inscriptions et le nombre de cars de chaque type à communiquer au transporteur mais ne sait pas comment procéder. Il te sollicite.

À partir d'une production argumentée basée sur tes connaissances mathématiques, réponds à la préoccupation de coordonnateur.

DISCIPLINE: Mathematiques SERIE D. Coefficient 4. Durée 4h.

CORRIGE EXERCICE @ 2 points	BAREME	
CORRIGE Exercice @ 2 points 1 - Faux; 2 - Faux; 3 - Vrai; 4 - Faux 0,5x4	2/5.	
Tamino nint		
1-A; 2-B; 3-C; 4-A 0,5x4	२६७.	
7-71 2-6, 3-C, 4-A 0114		
Exercial 3 3pt.		
A(a) P(3i) = 0	0,25	
b) Méthode correcte	0,266	
a= 2-21 et b= 2-31 0,4x2	O,Spt	
$(2+i)^2 = 3+4i$	0,256	
$\Delta = -\mu(z+\mu) - 2i(z+i) $	0,25 5	
3, = -1 et 3 = 3+2i 0,25x 2	0,5/2.	
les solutions de l'équation sont: -1 et 3+2i	0,256	
c) les solutions de l'equation P(3)=0 sont:		
-1; 3i et 3+2i	0,25pt	
3)a) 2k = 3A + 38 = 1+i	0,2 pt	
b) Justification correcte	0,25 bt	
c) 3-3K = V5 (1) est le cercle de centre k et de rayon V5	0,25/pt	
(a) (a) Section (b)		
1)a) demonstration correcte	0,57t-	
b) Axe]-071 [, G(x) = 3 - 2/n (-x+1) + C	o,spt_	
2)a) ∀x€]-∞;4[, R'(x) = 1		
b) \ta \if J-\iff \frac{1}{2} \left(x) = h(x) donc & est use primitive de h sur J-\iff \frac{7}{2}.		
3) a) $f(x) = \frac{3}{1} + \frac{2}{1} + \frac{1}{1}$		
$(x-4)^2$ $x-4$ $\sqrt{x^2+1}$		
= g(x) + h(x)	o,zrbt.	

Page:4./4

DISCIPLINE: MATH SERIE D. Coefficient 4. Durée 45.

CORRIGE	BAREM
∀x∈]-∞;1[, F(x)= G(x)+ k(x)+C,(c∈iR)	0,304
6) $F(x) = \frac{3}{x-1} - 2\ln(-x+1) + \ln(x + \sqrt{x^2+1}) - 3$	0,25
$f(x) = \frac{1}{x-1} - 2\ln(-x+1) + \ln(x+\sqrt{x+1}) - 3$	0,25 \$1
1) a) Tustification correcte	0.2011
a) a) Justification correcte b) Justification correcte	0,25
	०,४ þt
c) lim f(x) = 0 donc la droite d'aquation y=0 est une x1-+00 asymptote horizontale à (q) en +00	
x1+100 asymptote horizontale a (9) en +00	Ozespt
lim f(x) = -00 done la droite d'aquation x=0 est une	1
lim f(x) = -00 done la droite d'acception x=0 est une xiso asymptote verticale à (Eg).	o,25pt
2)a) Justification compete	
Justification Competer	0,560
c) χ 0 1 + ∞ $f(x)$ + ϕ -	o,2sjt
3) Construction (voir annexe)	orspt
W 1 [1] [E:	
4) a) demonstration correcte	ospt
b) Justification correcte 0,21x2	OFF
s) a) Justification correcte	0.266
k = J-0=; -1+2ln(2)[0,25
	- O, ca pt
b) fi est strictement detroissante sur J-00;-1+2/n(2)(
c) X -00 -1+2h(z)	
1+∞	o,ust.
(21)	PL.
h (x)	الم المراب

DISCIPLINE: MATHS SERIE D. Coefficient 4. Durée 4.

Arbre de Probabilités	BAREN
Arbre de Probabilités	
3/7+11 - 8 (+3200)	
4/7+n 2/2+n (-2400)	
7/2	
4/7+n B (-600)	. 1
n/7+n V - (-500)	
valeurs de x: -2400; -600; -500; +1600; +3200	_
4	
$P(x=-2400) = \frac{4}{7+\eta}$ $P(x=-600) = \frac{n}{7+\eta} \times \frac{4}{7+\eta} = \frac{4\eta}{(7+\eta)^2}$	
$P(x = -500) = -\frac{1}{100} = \frac{1}{100} = \frac$	
$P(x=-500) = \frac{n}{7+n} \times \frac{n}{7+n} = \frac{n^2}{7+n^2}$ $P(x=-500) = \frac{n}{7+n} \times \frac{n}{7+n} = \frac{n^2}{7+n}$	
7	
$E(x) = \frac{-2400x4}{7+n} + \frac{-600x4n}{(7+n)^2} + \frac{-500xn^2}{(7+n)^2} + \frac{3200x3}{7+n}$	
(†+n)2 (†+n)2 7+n	
$E(X) = -500n^{2} + 2400n$ $(7+n)^{2}$ $-500n^{2} + 2400n$ $-500n^{2} + 2400n$	
(7+n)2 -500 n2 + 2400 n	
ena E(x)=0 (=) - 500n2+ 2400n =0 (=) n(-500n + 2400) = 0	-
(a) 1=0 ou n= 4,8	
E(X) + 6 - E(X) < 0 pour n=5.	-
Conclusion: Pour que la loterie soit favorable aux femmes de l'association (organisatrices), il faut que E(x) LO, Lonc le nombre Le boules vertes à introduire au minimum est 5.	
E(x) (0 constantion (organisatrices), il faut que	
introduire au minimum art 5	

DISCIPLINE : MATHI SERIE D. Coefficient 4. Durée 4h.

CORRIGE			BAREM
7		2/8 -> 0,25/	1 1 -
	leçon: Probabilité	70-7-10-1	
CM ₄	choix de evenements,	4/8 -> 0,5pt	
	Calcul des propobilités		
	valeure de la variable alestoire y	5/8 -> 0,75k	
OATAL	- valeurs de la variable alestoire x	-10	
	Esperance mathematical EN	1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 - 1 -	
	_ Esperanco mathematique E(x)		
	Conclusion		
		212 2 0 2514	
	- Traduction exact des données,	2/7 -> 0,75 pt	
	Colcul exact de sombolilite	3/7->195	
CM2	- Calcul exact des probabilités - valours exactes de x	417.1.64	
0.12	- Calcul exact de E(x)		
	Etudo Correcto du siese de EM	5/7 -> 2,5pb	
2,5/6	valeur exacte de n		
21.70	- reponse correcte.		134
	- INPORTA CONTRECT.		
			-
	Lenarche comocte	1/3 - 0175t	
CM-	- Poscision	1/3 → 0,75 pt	
U-13	reponse consete	2/3 1,25 -	-
	- IXPOINT CONTREU		
CM3 1,25 pt			
CP	Contino	1/3-0-0-SLP	
4	_ concision _ originalite		
0,560	presentation	2/3 - 0.5 pt.	
VI. PC	Proprietion		
	41.	-	
			-

Feuille annexe TD

