

4	X est une variable aléatoire qui suit la loi binomiale de paramètres $n = 5$ et $p = \frac{3}{4}$. La variance de X est égale à ...	A	$\frac{15}{4}$
		B	$\frac{15}{16}$
		C	$\frac{23}{4}$

Exercice 3 (2,5 points)

Soit h la fonction numérique définie sur $]1; +\infty[$ par $h(x) = \frac{1}{x(x-1)^2}$

- 1) Justifie que : pour tout $x > 1$, $h(x) = \frac{1}{(x-1)^2} - \frac{1}{x-1} + \frac{1}{x}$.
- 2) Détermine les primitives de h sur $]1; +\infty[$.
- 3) a) Justifie que la fonction $x \mapsto 5 - \frac{1}{x-1} - \ln(x-1) + \ln(x)$ est une primitive sur $]1; +\infty[$ de la fonction h .
- b) Détermine la primitive F de h sur $]1; +\infty[$ qui prend la valeur $\ln 2$ en 2.

Exercice 4 (4 points)

On considère dans $\mathbb{C}$ le polynôme P définie par : $P(z) = z^3 - (7 + 6i)z^2 + (10 + 26i)z + 6 - 24i$.

- 1) Justifie que : $\forall z \in \mathbb{C}, P(z) = (z - 3)[z^2 + (-4 - 6i)z - 2 + 8i]$.
- 2) Soit l'équation (E) : $z \in \mathbb{C}, z^2 + (-4 - 6i)z - 2 + 8i = 0$.
 - a- Justifie que le discriminant de (E) est : $(2 + 4i)^2$.
 - b- Résous l'équation (E).
- 3) Dédus des questions précédentes, la résolution dans $\mathbb{C}$ de l'équation $P(z) = 0$.
- 4) Le plan complexe est muni d'un repère orthonormé direct (O, I, J). Unité graphique 2cm.
On considère les points E, F et G d'affixes respectives $1 + i$, 3 et $3 + 5i$.
Soit S la similitude directe de centre E qui transforme F en G.
 - a- Place les points E, F et G.
 - b- Justifie que l'écriture complexe de S est : $z' = 2iz + 3 - i$.
 - c- Détermine les éléments caractéristiques de S.
 - d- Dédus-en la nature du triangle EFG.

Exercice 5 (4,5 points)

Le plan est muni du repère orthonormé (O, I, J).

Soit la fonction f définie sur $] -\infty; 0]$ par : $\begin{cases} f(x) = xe^{\frac{1}{x}} + 1, \text{ si } x \neq 0 \\ f(0) = 1 \end{cases}$.

On désigne par (C) la courbe représentation de f .

- 1) Etudie la continuité de f en 0.
- 2) a- Démontre que : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = 0$.
 - b- Donne une interprétation graphique du résultat de la question 2) a-
- 3) a- Calcule $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$.
 - b- Démontre que la droite (D) d'équation $y = x + 2$ est une asymptote à (C) en $-\infty$.

4) On admet que f est dérivable sur $] -\infty; 0]$ et on note f' sa dérivée.

a- Démontre que : $\forall x \in] -\infty; 0[, f'(x) = \frac{x-1}{x} e^{\frac{1}{x}}$.

b- Justifie que f est strictement croissante sur $] -\infty; 0]$.

c- Dresse le tableau de variation de f .

5) Justifie que l'équation $f(x) = 0$ admet une solution unique α tel que : $-1,8 < \alpha < -1,7$.

6) Construis (D) et (C) (unité graphique 2cm).

Exercice 6 (5 points)

Lors d'une sortie de leur promotion, les élèves de la terminale D d'un établissement de la DRENA de Gagnoa, visitent une agence de sécurité. Ce jour, se déroule un concours pour intégrer cette agence. La dernière épreuve éliminatoire est une épreuve de tirs à l'arc avec une cible située à 25m. A l'issue d'un certain nombre de tirs, un candidat est déclaré admis si la cible est touchée au moins une fois avec une probabilité supérieure ou égale à 0,995.

Un élève affirme qu'un candidat qui touche la cible avec une probabilité de 0,7 ne sera déclaré admis qu'après 4 tirs.

A l'aide d'une production argumentée basée sur tes connaissances mathématiques, dis si l'affirmation de cet élève est justifiée ou non.