

## PHYSIQUE - CHIMIE

SERIE: D

Cette épreuve comporte quatre (04) pages numérotées 1/4, 2/4 ; 3/4 et 4/4.

### EXERCICE 1 (5 points)

#### CHIMIE (3 points)

A- Le produit ionique  $K_e$  de l'eau pure à  $60^\circ\text{C}$  est  $10^{-13}$ .

1- Le pH de l'eau pure à cette température est :

- a-  $\text{pH} = 6,5$  ;
- b-  $\text{pH} = 7$  ;
- c-  $\text{pH} = 7,5$  .

2- La concentration en ions hydronium de cette eau pure est :

- a-  $[\text{H}_3\text{O}^+] = 10^{-7}\text{ mol/L}$ ;
- b-  $[\text{H}_3\text{O}^+] = 3,16 \cdot 10^{-8}\text{ mol/L}$ ;
- c-  $[\text{H}_3\text{O}^+] = 3,16 \cdot 10^{-7}\text{ mol/L}$ .

3- La concentration en ions hydroxyde de cette eau pure est :

- a-  $[\text{OH}^-] = 10^{-7}\text{ mol/L}$  ;
- b-  $[\text{OH}^-] = 3,16 \cdot 10^{-7}\text{ mol/L}$  ;
- c-  $[\text{OH}^-] = 3,16 \cdot 10^{-8}\text{ mol/L}$ .

Recopie le numéro de chaque proposition, suivi de la lettre correspondant à la bonne option.

B- Recopie le numéro de chacune des affirmations ci-dessous, suivi de la lettre V si la proposition est vraie ou de F si elle est fausse.

- 1- Une solution d'acide chlorhydrique de concentration molaire  $C = 10^{-3}\text{ mol/L}$  a un  $\text{pH} = 3,2$  à  $25^\circ\text{C}$ .
- 2- L'équation-bilan de la réaction de l'acide nitrique avec l'eau est :  $\text{HNO}_3 + \text{H}_2\text{O} \rightleftharpoons \text{H}_3\text{O}^+ + \text{NO}_3^-$
- 3- Une solution d'hydroxyde de sodium de concentration molaire  $C = 10^{-2}\text{ mol/L}$  à  $25^\circ\text{C}$  a un  $\text{pH} = 12$ .

C-

- 1- Cite deux propriétés de l'eau.
- 2- Donne l'utilité domestique :
  - a. D'un acide fort
  - b. D'une base forte.
- 3. Cite deux bases faibles dans l'eau.
- 4. Écris l'équation - bilan de la réaction d'un faible noté AH avec l'eau.

[@matiere.scientifique](https://www.instagram.com/matiere.scientifique)

#### PHYSIQUE (2 points)

A. L'équation horaire du mouvement d'un oscillateur mécanique constitué d'un solide de masse  $m$  et d'un ressort de constante de raideur  $k$  est :  $x = 3 \cdot 10^{-2} \cos(20t + \frac{\pi}{4})$  avec  $x$  en mètre (m) et  $t$  en seconde(s).

1- La pulsation propre de l'oscillateur mécanique est :

- a)  $\omega_0 = 3 \cdot 10^{-2}\text{ rad/s}$ ;
- b)  $\omega_0 = 20\text{ rad/s}$ ;
- c)  $\omega_0 = 0,785\text{ rad/s}$ .

2- L'amplitude de l'oscillateur mécanique est :

- a)  $X_m = 3 \cdot 10^{-2}\text{ m}$ ;
- b)  $X_m = 20\text{ m}$ ;
- c)  $X_m = 0,785\text{ m}$ .

3- La période propre de l'oscillateur mécanique est :

a)  $T_0 = 0,314 \text{ s}$  ;

b)  $T_0 = 314 \text{ s}$  ;

c)  $T_0 = 31,4 \text{ s}$ .

4- La fréquence propre de l'oscillateur mécanique est :

a)  $N_0 = 318 \text{ Hz}$  ;

b)  $N_0 = 31,80 \text{ Hz}$  ;

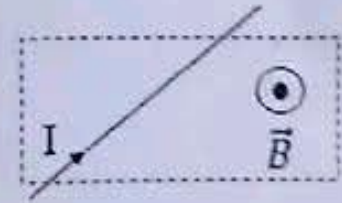
c)  $N_0 = 3,18 \text{ Hz}$ .

Recopie le numéro de chacune des propositions, suivi de la lettre correspondant à la bonne réponse.

B.

1- Énonce la loi de Laplace.

2- Reproduis le schéma ci-contre puis représente la force de Laplace  $\vec{F}_l$  qui s'exerce sur le conducteur placé dans un champ magnétique  $\vec{B}$  et traversé par un courant électrique d'intensité  $I$ .



### EXERCICE 2 (5 points)

Pour vérifier leurs acquis, un professeur de Physique-Chimie d'une classe de Terminale D, propose un exercice de Chimie à ses élèves. L'objectif de cet exercice est de déterminer la formule semi-développée et le nom d'un ester A de formule générale  $C_nH_{2n}O_2$  contenant 62,1% en masse de carbone.

La réaction d'hydrolyse de cet ester donne deux composés B et C :

- B est un acide carboxylique dont une masse  $m_B$  contient une quantité de matière  $n_B$  ;
- L'oxydation ménagée du composé C conduit à un composé D qui donne un précipité jaune avec la D.N.P.H mais est sans action sur le réactif de Tollens.

Données : Masses molaires atomiques en  $g \cdot mol^{-1}$  :  $M(H) = 1$  ;  $M(C) = 12$  ;  $M(O) = 16$  ;  $m_B = 1,5 \text{ g}$  et  $n_B = 2,5 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$ .

Un élève de cette classe te sollicite pour l'aider à résoudre cet exercice.

- 1- Donne les caractéristiques de la réaction d'hydrolyse d'un ester.
- 2- Montre que :
  - 2.1- le composé B contient deux (02) atomes de carbone ;
  - 2.2- l'ester A contient six (06) atomes de carbone.
- 3- Écris :
  - 3.1- la formule semi-développée et le nom du composé B ;
  - 3.2- la formule semi-développée et le nom du composé C en justifiant ta réponse ;
  - 3.3- la formule semi-développée et le nom du composé D.
- 4- Dédus la formule semi-développée et le nom de l'ester A.

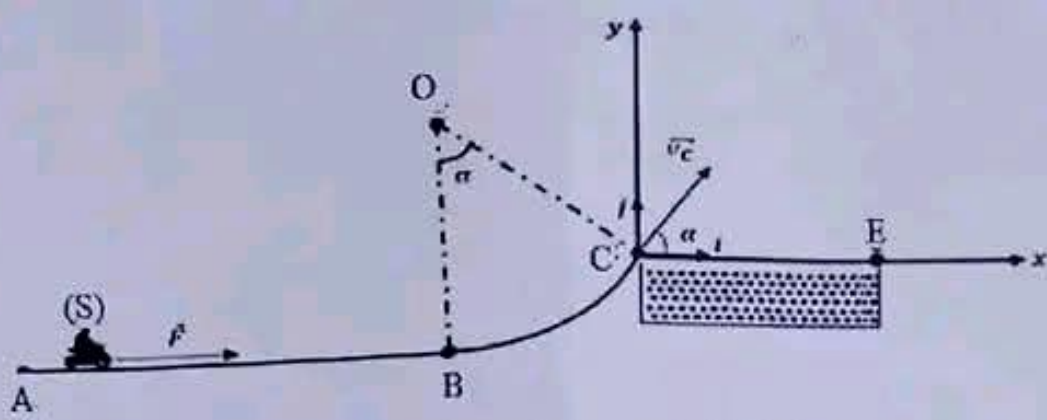
🎵 @matire.scientifig

### EXERCICE 3 (5 points)

À l'occasion d'une journée sportive organisée par la mairie de YOPOUGON, tes camarades de classe et toi assistez à une compétition de motocross. Pour son échauffement, un motocycliste parcourt une piste dont le profil est représenté sur la figure ci-dessous.

La piste comporte trois (03) portions :

- la portion AB est rectiligne, horizontale et de longueur  $L$  ;
- la portion BC est lisse, circulaire, de rayon  $r$  et d'angle au centre  $\alpha$  ;
- la portion (C,x) est rectiligne et munie d'un bassin CE rempli de boue.



L'ensemble {moto + motocycliste} est assimilé à un solide ponctuel (S) de masse  $m$ .

L'ensemble démarre sans vitesse initiale du point A et atteint le point B avec une vitesse  $\vec{v}_B$ . Sur le parcours AB, les forces de frottement appliquées à (S) sont équivalentes à une force unique  $\vec{f}$  constante, opposée à chaque instant au vecteur-vitesse de (S).

Arrivé au point B, le motocycliste débraye (il n'y a plus de force motrice). (S) atteint le point C avec une vitesse  $\vec{v}_C$ .

Après le point C, (S) effectue un vol curviligne et redescend sur la piste (C,x) en un point I. Les frottements de l'air sont négligés sur tout le parcours.

Données :  $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$  ;  $m = 150 \text{ kg}$  ;  $v_B = 13 \text{ m.s}^{-1}$  ;  $AB = L = 25 \text{ m}$  ;  $CE = 12,5 \text{ m}$  ;

$f = 33 \text{ N}$  et  $\alpha = 45^\circ$  ;  $v_C = 12 \text{ m.s}^{-1}$ .

L'un de tes camarades soutient que le solide (S) tombe dans le bassin de boue tandis qu'un autre soutient le contraire.

Tu es sollicité(e) pour les départager.

1- Représente qualitativement les forces appliquées à (S) entre :

- 1.1- A et B ;
- 1.2- B et C.

2- Exprime :

- 2.1- la valeur  $F$  de la force motrice développée par la moto en fonction de  $m$ ,  $v_B$ ,  $L$  et  $f$  ;
- 2.2- l'accélération  $a_x$  du mouvement sur AB en fonction de  $v_B$  et  $L$  ;
- 2.3- le rayon  $r$  de la partie circulaire de la piste en fonction de  $v_C$ ,  $v_B$ ,  $g$  et  $\alpha$ .

3- Détermine dans le repère orthonormé  $(C, \vec{i}, \vec{j})$  :

- 3.1- les équations horaires  $x(t)$  et  $y(t)$  du mouvement de (S) ;
- 3.2- l'équation cartésienne de la trajectoire de (S) ;
- 3.3- les coordonnées du point I.

4- Dis en justifiant lequel de tes amis a raison.

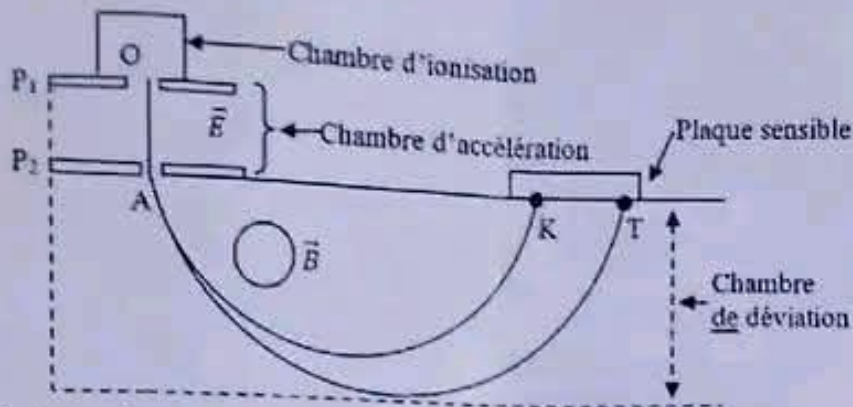
🎵 @matire.scientifiq

#### EXERCICE 4 (5 points)

Pendant la préparation de l'examen blanc régional 2026, ton voisin de classe te propose de traiter un sujet qu'il a trouvé dans des annales de Physique-Chimie.

Le sujet se présente comme suit :

L'uranium naturel est essentiellement composé de deux isotopes : l'uranium 235 et l'uranium X. On veut déterminer le nombre de masse X du second isotope. Pour cela on sépare les deux isotopes de l'uranium à l'aide d'un spectromètre de masse représenté ci-dessous.



Les ions  ${}^{235}_{92}\text{U}^+$  et  ${}^X_{92}\text{U}^+$  de masse respective  $m_1$  et  $m_2$  sont produits dans une chambre d'ionisation. Ils arrivent avec une vitesse négligeable en O, l'entrée de la chambre d'accélération située entre deux plaques P<sub>1</sub> et P<sub>2</sub> soumises à une tension électrique  $U = V_{P1} - V_{P2}$ . À la sortie de la chambre d'accélération en A, les ions pénètrent dans la chambre de déviation où règne un champ magnétique uniforme  $\vec{B}$  perpendiculaire au plan de la figure. Ils sont à la fin recueillis sur une plaque sensible. La distance entre les points d'impact K et T de recueil des deux isotopes sur la plaque sensible est d. K est le point d'impact de l'ion  ${}^{235}_{92}\text{U}^+$

### Données :

- ♦  $B = 0,2 \text{ T}$ ,  $U = 8000 \text{ V}$
- ♦ charge élémentaire :  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$  ;
- ♦ unité de masse atomique :  $1u = 1,66 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$  ;
- ♦ masse d'un ion  ${}^{235}_{92}\text{U}^+$  :  $m_1 = 235 u$  ;
- ♦ masse d'un ion  ${}^X_{92}\text{U}^+$  :  $m_2 = Xu$  ;
- ♦ la distance  $d = 12,6 \text{ mm}$ .

Ton voisin de classe éprouve des difficultés. Il te sollicite pour l'aider

1- Représente qualitativement sur un schéma :

1.1- le champ électrique  $\vec{E}$  entre les plaques P<sub>1</sub> et P<sub>2</sub> ;

1.2- le champ magnétique  $\vec{B}$  pour que les ions soient déviés vers la plaque sensible.

2- Exprime :

2.1- la valeur  $v_1$  de la vitesse des ions  ${}^{235}_{92}\text{U}^+$  en fonction de e, U et  $m_1$  ;

2.2- la valeur  $v_2$  de la vitesse des ions  ${}^X_{92}\text{U}^+$  en fonction de e, U et  $m_2$ .

3- Montre que :

3.1- le mouvement des ions dans le champ magnétique est circulaire et uniforme ;

3.2- le rayon  $R_1$  de la trajectoire des ions  ${}^{235}_{92}\text{U}^+$  a pour expression  $R_1 = \frac{1}{B} \sqrt{\frac{2m_1 U}{e}}$  ;

3.3-  $\frac{R_2}{R_1} = \sqrt{\frac{X}{235}}$  ;

3.4-  $d = 2R_1 \left( \frac{R_2}{R_1} - 1 \right)$ .

4- Détermine :

4.1- la valeur de  $R_1$  ;

4.2- le nombre de masse X du second isotope.

# Corrections

1

## Exercice 1

### CHIMIE

A°) 1- à 60°C,  $K_e = 10^{-14}$ , nous sommes dans de l'eau pure donc  $[H_3O^+] = [OH^-]$ ,  $K_e = [H_3O^+] \times [OH^-]$

$$K_e = ([H_3O^+])^2 \Rightarrow [H_3O^+] = \sqrt{K_e} \\ = \sqrt{10^{-14}} = 3,16 \cdot 10^{-7} \text{ mol/L}$$

$$pH = -\log[H_3O^+] = 6,5$$

1-a

$$2- [H_3O^+] = 10^{-6,5} = 3,16 \cdot 10^{-7} \text{ mol/L}$$

2-c

$$3- [H_3O^+] = [OH^-] = 3,16 \cdot 10^{-7} \text{ mol/L}$$

3-b

B°) 1°) HCl est acide fort de concentration  $C = 10^{-3} \text{ mol/L}$  et  $pH = 3,2$   
 $pH = -\log C = -\log 10^{-3} = 3 \neq 3,2$

1-F



2-F

3°) NaOH est une base forte donc  $pH = 14 + \log C = 14 + \log 10 = 12$

3-V

C°) 1°) Les propriétés de l'eau

L'eau est ionisante et polarisée.

2°) a- Les acides forts sont utilisés pour enlever les taches du vitre.

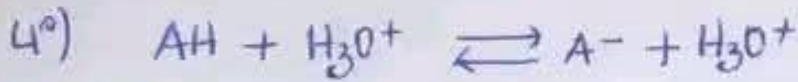
b- les bases fortes sont utilisés pour déboucher les canalisations.

3°) ~~deux acides faibles~~

3°) Deux bases faibles

CH<sub>3</sub>-COO<sup>-</sup>: ion ethanoate

NH<sub>3</sub>: ammoniac.



PHYSIQUES

A°)  $x(t) = 3 \cdot 10^{-2} \cos(20t + \frac{\pi}{4})$  ou  $x(t) = X_m \cos(\omega_0 t + \varphi)$

1°)  $\omega_0 = 20 \text{ rad/s}$

1-b

2°)  $X_m = 3 \cdot 10^{-2} \text{ m}$

2-a

3°)  $T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = \frac{2\pi}{20} = 0,314 \text{ s}$

3-a

4°)  $N_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{20}{2\pi} = 3,18 \text{ Hz}$

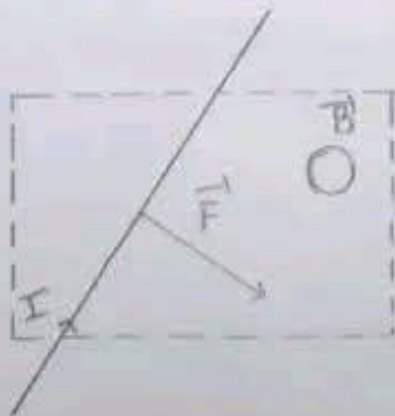
4-c

B°) 1- Loi de Laplace

Un conducteur rectiligne de longueur  $l$ , parcouru par un courant électrique constant d'intensité  $I$ , placé dans un champ magnétique uniforme  $\vec{B}$ , est soumis à une force  $\vec{F}$  appelée force de LAPLACE d'expression:  $\vec{F} = I \vec{l} \wedge \vec{B}$ .

📌@matire.scientifiq

2°)



## Exercice 2

(3)

1°) La réaction est lente, limitée et athermique.

2°) 2-1- B est un acide carboxylique de formule brute  $C_nH_nO_2$   
donc sa formule brute est  $M_B = 14n + 32$

\* Déterminons  $M_B$

$$n_B = \frac{m_B}{M_B} \Rightarrow M_B = \frac{m_B}{n_B} = \frac{1,5}{2,5 \cdot 10^{-2}} = 60 \text{ g/mol.}$$

\* Déterminons  $n$

$$14n + 32 = 60 \Rightarrow n = \frac{60 - 32}{14} = 2$$

Alors le composé B contient deux (2) atomes de carbones d'où la formule  $C_2H_4O_2$

2-2- déterminons le nombre de carbones de l'ester A.

$$\frac{M_A}{100} = \frac{12n}{\% C} \Leftrightarrow \frac{14n + 32}{100} = \frac{12n}{62,1}$$

$$869,4n + 1987,2 = 1200n$$

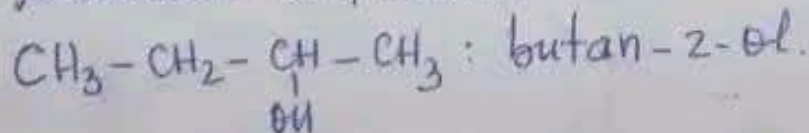
$$1200n - 869,4n = 1987,2$$

$$n = \frac{1987,2}{1200 - 869,4} = 6$$

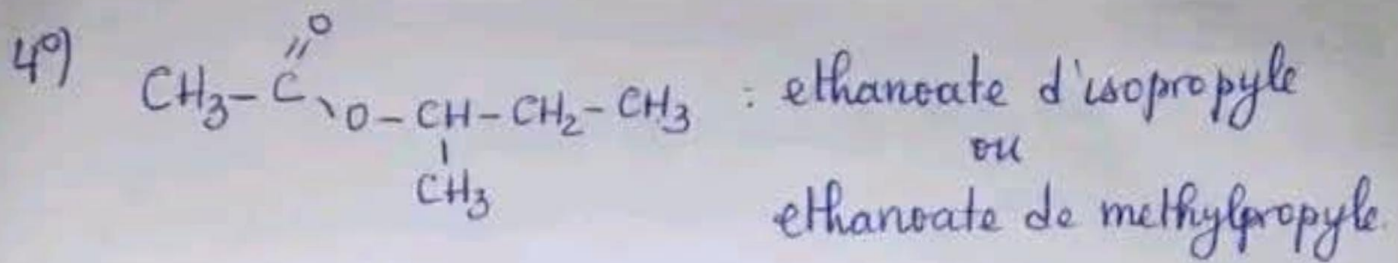
donc le composé A contient 6 atomes de carbones, d'où la formule  $C_6H_{12}O_2$

3°) 3-1°)  $CH_3 - \overset{\overset{O}{\parallel}}{C} - OH$  : Acide éthanoïque

3-2°) L'oxydation ménagée du composé C conduit à un composé D qui donne un précipité jaune avec la DNPH, mais est sans action sur le réactif de Tollens. D est une cétone alors le composé C est un alcool secondaire à 4 atomes de carbones de formule  $C_4H_{10}O$



3-3°)  $CH_3 - CH_2 - \overset{\overset{O}{\parallel}}{C} - CH_3$  : butanone ou butan-2-one



### Exercice 3

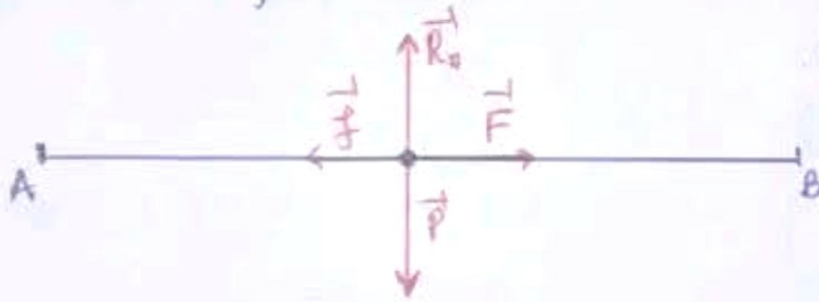
1°) 1-1- Entre A et B

Système : Solide Ponctuel (S)

Referentiel : Terrestre supposé galiléen

Bilan des forces : - le poids  $\vec{P}$  du solide (S)

- la réaction normale  $\vec{R}_n$  du support
- les forces de frottement  $\vec{f}$
- la force motrice  $\vec{F}$



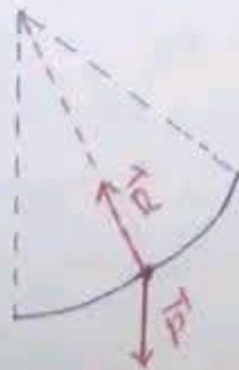
1-2- Entre B et C

Système : Solide Ponctuel (S).

Referentiel : Terrestre supposé galiléen

Bilan des forces : - le poids  $\vec{P}$  du solide

- la réaction  $\vec{R}$  du support.



2°) 2-1- Expression de F

Appliquons le théorème de l'énergie cinétique sur AB

(5)

$$\Delta E_{C_{A \rightarrow B}} = \sum W(\vec{F}_{ext})_{A \rightarrow B}$$

$$E_{C_B} - E_{C_A} = W(\vec{F}) + W(\vec{R}_n) + W(\vec{P}) + W(\vec{f})$$

$$E_{C_B} = \frac{1}{2} m v_B^2 ; E_{C_A} = 0 \text{ J car } v_A = 0 ; W(\vec{P}) = 0 \text{ J car } \vec{P} \perp \overline{AB}$$

$$W(\vec{R}_n) = 0 \text{ car } \vec{R}_n \perp \overline{AB} ; W(\vec{F}) = F \times AB = F \times L ; W(\vec{f}) = -f \times L$$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 = F \times L - f \times L$$

$$F \times L = \frac{m v_B^2}{2} + f \times L$$

$$F = \frac{m v_B^2}{2L} + f$$

2-2- L'accélération  $a_x$  sur AB en fonction de  $v_B$  et  $L$

Appliquons le théorème du centre d'inertie

$$\sum \vec{f}_{ext} = m \vec{a}_x$$

$$\vec{R}_n + \vec{P} + \vec{f} + \vec{F} = m \vec{a}_x$$

projetons sur l'axe (AB)

$$-f + F = m a_x \text{ or } F = \frac{m v_B^2}{2L} + f$$

$$-f + \frac{m v_B^2}{2L} + f = m a_x$$

$$m a_x = \frac{m v_B^2}{2L}$$

$$a_x = \frac{v_B^2}{2L}$$

2-3- Déterminons  $r$  en fonction de  $v_C$ ,  $v_B$ ,  $g$  et  $\alpha$  sur (BC)

Appliquons le théorème de l'énergie cinétique

$$\Delta E_{C_{B \rightarrow C}} = \sum W(\vec{F}_{ext})_{B \rightarrow C}$$

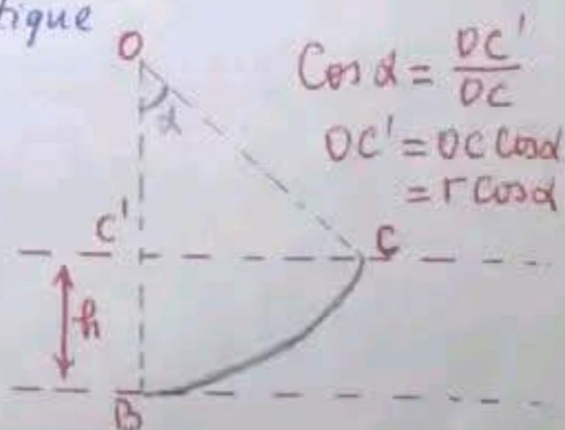
$$E_{C_C} - E_{C_B} = W(\vec{R}_n) + W(\vec{P})$$

$$W(\vec{R}_n) = 0 \text{ car } \vec{R}_n \perp \overline{BC}$$

$$W(\vec{P}) = -mgh \text{ or } h = C'B = OB - OC'$$

$$= r - r \cos \alpha$$

$$= r(1 - \cos \alpha)$$



$$\cos \alpha = \frac{OC'}{OC}$$

$$OC' = OC \cos \alpha$$

$$= r \cos \alpha$$

matre.scientific

$$\frac{1}{2} m v_c^2 - \frac{1}{2} m v_B^2 = -m g r (1 - \cos \alpha)$$

$$v_c^2 - v_B^2 = -2 g r (1 - \cos \alpha)$$

$$2 g r (1 - \cos \alpha) = v_B^2 - v_c^2$$

$$r = \frac{v_B^2 - v_c^2}{2 g (1 - \cos \alpha)}$$

3°) Determinons dans le repère  $(c, \vec{e}_1, \vec{e}_2)$

3-1- Equations horaires  $x(t)$  et  $y(t)$

Système: le solide (S)

Referentiel: Terrestre supposé galiléen

Bilan des forces: le poids  $P'$  du solide

Appliquons le théorème du centre d'inertie

$$\sum \vec{f}_{ext} = m \vec{a}' \Rightarrow \vec{P}' = m \vec{a}'$$

$$m \vec{g}' = m \vec{a}'$$

$$\vec{a}' = \vec{g}' = \text{cte}$$

à  $t=0$

$$\vec{a}' \left| \begin{array}{l} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{array} \right.$$

$$\vec{v}_0 \left| \begin{array}{l} v_{0x} = v_c \cos \alpha \\ v_{0y} = v_c \sin \alpha \end{array} \right.$$

$$\vec{c}_{G_0} \left| \begin{array}{l} x_0 = 0 \\ y_0 = 0 \end{array} \right.$$

à  $t \neq 0$

$$\vec{v}_c \left| \begin{array}{l} v_x = v_c \cos \alpha \\ v_y = -gt + v_c \sin \alpha \end{array} \right.$$

$$\vec{c}_G \left| \begin{array}{l} x(t) = (v_c \cos \alpha) t \\ y(t) = -\frac{1}{2} g t^2 + (v_c \sin \alpha) t \end{array} \right.$$

3-2- Equation Cartesienne

$$\text{On a: } x = (v_c \cos \alpha) t \Rightarrow t = \frac{x}{v_c \cos \alpha}$$

$$y(t) = -\frac{1}{2} g \left( \frac{x}{v_c \cos \alpha} \right)^2 + v_c \sin \alpha \times \frac{x}{v_c \cos \alpha}$$

$$y(t) = -\frac{g}{2 v_c^2 \cos^2 \alpha} x^2 + x \tan \alpha$$

### 3-3 - Coordonnées de I

(7)

$$\text{en I} \begin{cases} x_I = CI \\ y_I = 0 \end{cases}$$

$$y_I = 0 \Leftrightarrow -\frac{g}{2V_c^2 \cos^2 \alpha} x_I^2 + x_I \tan \alpha = 0$$

$$\Leftrightarrow x_I \left( -\frac{g}{2V_c^2 \cos^2 \alpha} x_I + \tan \alpha \right) = 0$$

$$\Leftrightarrow x_I = 0 \text{ ou } -\frac{g}{2V_c^2 \cos^2 \alpha} x_I = -\tan \alpha$$

$$x_I = \frac{\tan \alpha}{\frac{g}{2V_c^2 \cos^2 \alpha}}$$

$$x_I = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \times \frac{2V_c^2 \cos^2 \alpha}{g}$$

$$x_I = \frac{2V_c^2 \sin \alpha \cos \alpha}{g} = \frac{V_c^2 \sin 2\alpha}{g}$$

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$$

$$x_I = \frac{12^2 \times \sin(2 \times 45)}{10} = 14,4 \text{ m}$$

4°) L'ensemble (Moto + motocycliste) franchit le bassin de boue.

#### Exercice 4

##### 1°) Représentation

##### 1-1- Champ $\vec{B}$

@matire.scientific

##### 1ere methode

Les Uraniums  $U^+$  sont accélérés de la plaque  $P_1$  vers la plaque  $P_2$  donc  $\vec{F}_e$  est dirigé de la plaque  $P_1$  vers  $P_2$ . Or  $\vec{F}_e = q\vec{E}$  et  $q = +e > 0$  donc  $\vec{F}_e$  et  $\vec{E}$  sont de même sens. alors  $\vec{E}$  est dirigé de la plaque  $P_1$  vers  $P_2$ .

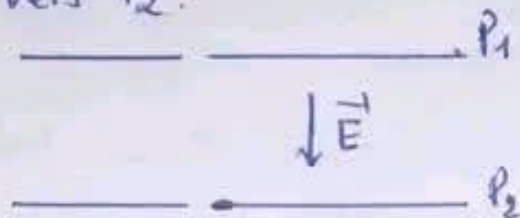
## 2<sup>o</sup>me methode.

(8)

$$\text{On a: } U = V_{P_1} - V_{P_2} = 8000 > 0$$

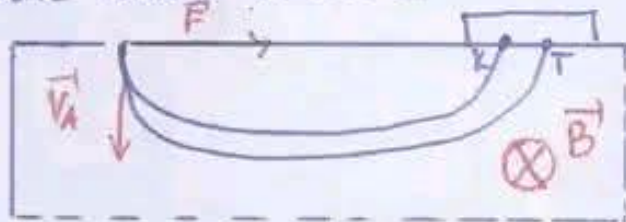
$$V_{P_1} > V_{P_2}$$

donc la plaque  $P_1$  est chargée positivement et la plaque  $P_2$  est chargée négativement. Or  $\vec{E}$  décroît les potentiels donc  $\vec{E}$  est dirigé de la plaque  $P_1$  vers  $P_2$ .



### 1-2<sup>o</sup>) CHAMP MAGNETIQUE $\vec{B}$

Les ions  $U^+$  ont une trajectoire circulaire. Alors la force de Lorentz  $\vec{F}$  est centripète. La vitesse  $\vec{v}_A$  est tangente à la trajectoire le sens de  $\vec{B}$  est tel que  $(q\vec{v}, \vec{B}, \vec{F})$  soit direct, donc d'après la règle de la main droite  $\vec{B}$  est ~~sortant~~ entrant



### 2<sup>o</sup>) 2-1- Vitesse $v_1$ des ions ${}^{235}_{92}\text{U}^+$

Système: ions  ${}^{235}_{92}\text{U}^+$

Referentiel: Terrestre suppose galiléen

Bilan des forces: la force électrostatique  $\vec{F}_e$

Appliquons le théorème de l'énergie cinétique

$$\Delta E_{C_{0 \rightarrow A}} = \sum W(\vec{F}_{\text{ext}})_{0 \rightarrow A}$$

$$\frac{1}{2} m v_1^2 - \frac{1}{2} m v_0^2 = W(\vec{F}_e) \quad \text{or } W(\vec{F}_e) = q(V_{P_1} - V_{P_2}) = qU$$

et  $v_0 = 0 \text{ m/s}$

$$\frac{1}{2} m v_1^2 = qU$$

$$v_1 = \sqrt{\frac{2qU}{m_1}} \quad \text{or } q = +e \quad \text{donc } v_1 = \sqrt{\frac{2eU}{m_1}}$$

2-3- Vitesse  $v_2$  des ions  ${}_{92}^{238}\text{U}^+$

(9)

De manière analogue  $v_2 = \sqrt{\frac{2eU}{m_1}}$

3°) 3-1°) Montrons que le mouvement est circulaire et uniforme

\* Montrons que le mouvement est uniforme

Système: Ions  $\text{U}^+$

Referentiel: Terre supposé galiléen

Bilan des forces: la force de Lorentz  $\vec{F}^l$

Appliquons le théorème de l'énergie cinétique

$$\Delta E_c = W(\vec{F}^l) \text{ or } P = \vec{F}^l \cdot \vec{v} \text{ et } \vec{F}^l \perp \vec{v} \text{ donc } P = 0$$

de plus  $P = \frac{W(\vec{F}^l)}{\Delta t} \Rightarrow W(\vec{F}^l) = 0$  donc  $\Delta E_c = 0 \Rightarrow v = v_0 = \text{constant}$

donc le mouvement est uniforme.

\* Montrons que le mouvement est circulaire

Appliquons le théorème des centres d'inertie

$$\sum \vec{f}_{\text{ext}} = m\vec{a}^l$$

$$\vec{F}^l = m\vec{a}^l$$

$$q\vec{v} \wedge \vec{B}^l = m\vec{a}^l \Rightarrow \vec{a}^l = \frac{q\vec{v} \wedge \vec{B}^l}{m}$$

Dans la base de Frenet:  $\vec{a}^l = \vec{a}_n^l + \vec{a}_z^l$  or  $\vec{v} = v\vec{e}_t$

donc  $\vec{a}_z^l = \frac{d}{dt} v \vec{e}_z = 0$  d'où  $\vec{a}^l = \vec{a}_n^l$

$$a = a_n$$

$$\frac{|q|vB}{m} = \frac{v^2}{R}$$

🎵 @matire.scientifig

$$R = \frac{mv}{|q|B} = \text{cste}$$

le mouvement est circulaire

donc le mouvement est circulaire et uniforme

3-2°)

$$R_1 = \frac{m_1 V_1}{|q|B} \quad \text{or} \quad V_1 = \sqrt{\frac{2eU}{m_1}}$$

$$R_1 = \frac{m_1}{|q|B} \times \sqrt{\frac{2eU}{m_1}} \quad \text{or} \quad q = +e$$

$$R_1 = \sqrt{\frac{m_1^2}{e^2} \times \frac{2eU}{m_1}} \times \frac{1}{B}$$

$$R_1 = \frac{1}{B} \sqrt{\frac{2m_1 U}{e}}$$

3-3°)

$$R_2 = \frac{1}{B} \sqrt{\frac{2m_2 U}{e}}$$

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{\frac{1}{B} \sqrt{\frac{2m_2 U}{e}}}{\frac{1}{B} \sqrt{\frac{2m_1 U}{e}}} = \sqrt{\frac{2m_2 U}{e} \times \frac{e}{2m_1 U}}$$

$$= \sqrt{\frac{m_2}{m_1}}$$

or  $m_2 = X \mu$  et  $m_1 = 235 \mu$

$$= \sqrt{\frac{X \mu}{235 \mu}}$$

$$\frac{R_2}{R_1} = \sqrt{\frac{X}{235}}$$

@matire.scientifig

3-4°)

$$AT = AK + KT \quad (\text{Voir figure})$$

$$KT = AT - AK$$

$$\text{or} \quad KT = d; \quad AT = 2R_2 \quad \text{et} \quad AK = 2R_1$$

$$d = 2R_2 - 2R_1$$

$$= 2R_1 \left( \frac{2R_2}{2R_1} - 1 \right)$$

$$d = 2R_1 \left( \frac{R_2}{R_1} - 1 \right)$$

4) 4-1-  $R_1 = \frac{1}{B} \sqrt{\frac{2m_1 U}{e}}$

$$= \frac{1}{B} \sqrt{\frac{2 \times 235 \mu \times U}{e}} = \frac{1}{0,2} \sqrt{\frac{2 \times 235 \times 1,66 \cdot 10^{-27} \times 8100}{1,6 \cdot 10^{-19}}}$$

$$= 0,987 \text{ m}$$

4-2-  $d = 2R_1 \left( \frac{R_2}{R_1} - 1 \right)$  or  $\frac{R_2}{R_1} = \sqrt{\frac{X}{235}}$

$$d = 2R_1 \left( \sqrt{\frac{X}{235}} - 1 \right)$$

$$\frac{d}{2R_1} = \sqrt{\frac{X}{235}} - 1$$

$$\frac{d}{2R_1} + 1 = \sqrt{\frac{X}{235}}$$

$$\left( \frac{d}{2R_1} + 1 \right)^2 = \frac{X}{235} \Rightarrow X = 235 \left( \frac{d}{2R_1} + 1 \right)^2$$

$$X = 235 \left( \frac{12,6 \cdot 10^{-2}}{2 \times 0,987} + 1 \right)^2$$

$$X = 238$$