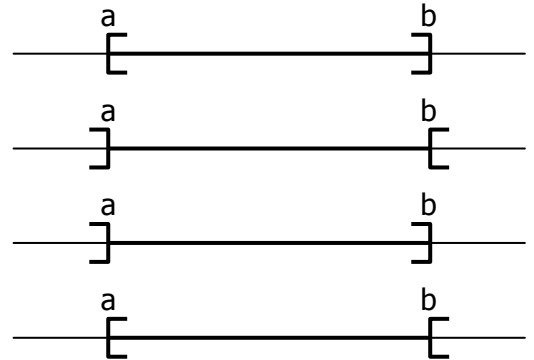


I. NOTION D'INTERVALLE

On appelle un intervalle l'ensemble des nombres déterminés par une inégalité ou un encadrement :

a. Intervalles bornés :

- L'ensemble des réels x tels que $a \leq x \leq b$ est noté $[a ; b]$
- L'ensemble des réels x tels que $a < x < b$ est noté $]a ; b[$
- L'ensemble des réels x tels que $a < x \leq b$ est noté $]a ; b]$
- L'ensemble des réels x tels que $a \leq x < b$ est noté $[a ; b[$

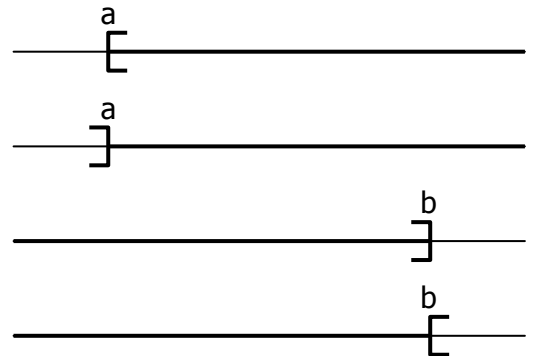


a et b sont appelées les **bornes** de l'intervalle.

$[a ; b]$ est un intervalle **fermé**, $]a ; b[$ est un intervalle **ouvert**.

b. Intervalles non bornés

- L'ensemble des réels x tels que $a \leq x$ est noté $[a ; +\infty[$
- L'ensemble des réels x tels que $a < x$ est noté $]a ; +\infty[$
- L'ensemble des réels x tels que $x \leq b$ est noté $]-\infty ; b]$
- L'ensemble des réels x tels que $x < b$ est noté $]-\infty ; b[$

**Remarque :**

L'ensemble Ψ de tous les réels peut aussi être noté $]-\infty ; +\infty[$

II. NOTION DE FONCTION**a. Définition**

Soit D un ensemble de nombre (un intervalle ou une réunion d'intervalles).

On appelle **fonction** f sur l'ensemble D le « mécanisme mathématique » qui permet d'associer à tout nombre x de D en un réel unique noté $f(x)$. On note $f : x \mapsto f(x)$.

b. Vocabulaire

- $f(x)$ est l'**image** de x ;
- x est l'**antécédent** de $f(x)$;
- D est l'**ensemble de définition** (ou domaine de définition) de f .

Exemple :

Sur l'intervalle $[-2 ; 2]$, on définit la fonction f par : $x \mapsto f(x) = (x - 1)^2 - 3$

Le Programme de calcul de cette fonction se présente donc ainsi :

- Prendre un nombre x
- Retrancher 1 à x
- Prendre le carré de ce résultat
- Retrancher 3 à ce résultat

Exemple :
 $f(-2) = (-2 - 1)^2 - 3 = (-3)^2 + 3 = 9 - 3 = 6$: L'image de -2 par la fonction f est 6.

 $f(-1) = (-1 - 1)^2 - 3 = (-2)^2 + 3 = 4 - 3 = 1$: L'image de -1 par la fonction f est 1.

 $f(0) = (0 - 1)^2 - 3 = (-1)^2 - 3 = 1 - 3 = -2$: L'image de 0 par la fonction f est -2.

 $f(1) = (1 - 1)^2 - 3 = 0 - 3 = -3$: L'image de 1 par la fonction f est -3.

 $f(2) = (2 - 1)^2 - 3 = 1^2 - 3 = 1 - 3 = -2$: L'image de 2 par la fonction f est -2.

On peut dresser un tableau des valeurs :

x	-2	-1	0	1	2
$f(x)$	6	1	-2	-3	-2

Remarque :

- chaque nombre de l'ensemble de définition a une image et une seule.
- certaines images peuvent avoir plusieurs antécédents.
- si un nombre n'a pas d'image, c'est qu'il n'appartient pas à l'ensemble de définition de la fonction.

III. REPRESENTATION GRAPHIQUE D'UNE FONCTION**a. Définition**

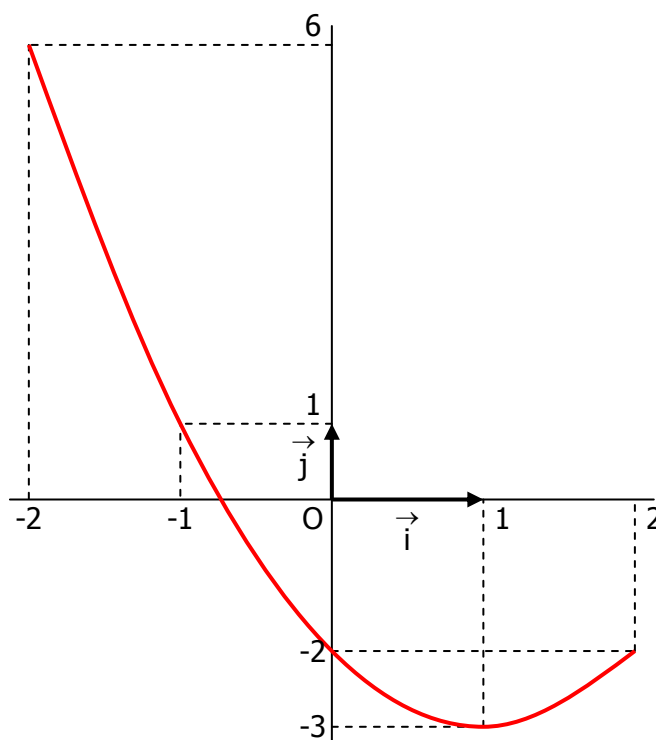
On considère le repère $(O, \vec{i}, \vec{j})$. On appelle **représentation graphique de la fonction** f l'ensemble des points de coordonnées $(x ; f(x))$ où x appartient à l'ensemble de définition D .

Exemple :

On va représenter sur l'intervalle $[-2 ; 2]$ la fonction définie par $f : x \mapsto (x - 1)^2 - 3$

On va utiliser le un tableau des valeurs :

Abcisses	x	-2	-1	0	1	2
Ordonnées	$f(x)$	6	1	-2	-3	-2



Remarque :

Puisque chaque nombre de l'ensemble de définition a une image et une seule, alors toute droite « verticale » a un point d'intersection et un seul avec la courbe de la fonction.

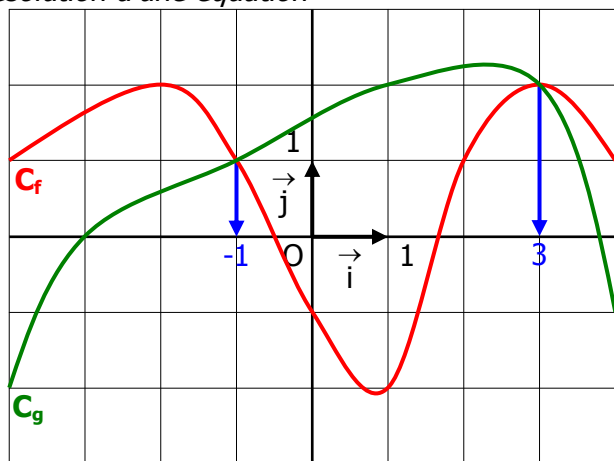
On parle de la « courbe d'équation $y = (x - 1)^2 - 3$ »

IV. RESOLUTIONS GRAPHIQUES**a. Equation/inéquation du type $f(x) = b$ ou $f(x) > b$ (Exemple)**

On a représenté la courbe C_f représentative d'une fonction f définie sur l'intervalle $[-4 ; 4]$.

b. Equation/inéquation du type $f(x) = g(x)$ ou $f(x) > g(x)$ (Exemple)

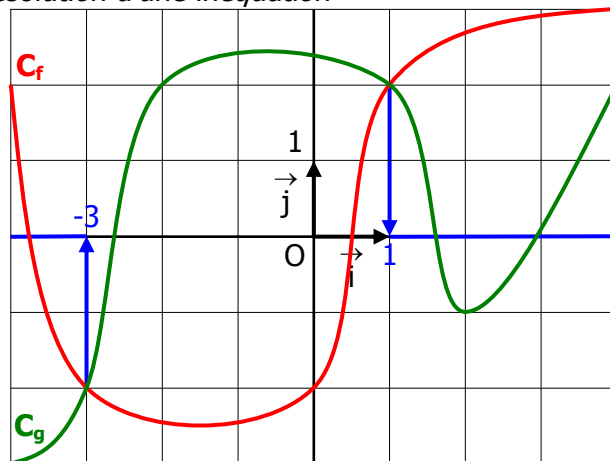
On a représenté les courbes C_f et C_g représentant eux fonctions f et g définies sur l'intervalle $[-4 ; 4]$.

Résolution d'une équation

Résoudre l'équation $f(x) = g(x)$ revient à chercher les nombres qui ont la même image par f et par g .

Graphiquement, cela revient à chercher l'abscisse des points d'intersection de la courbe C_f coupe la courbe C_g .

$$S = \{-1 ; 3\}$$

Résolution d'une inéquation

Résoudre l'inéquation $f(x) > g(x)$ revient à chercher les nombres dont l'image par f est supérieure à l'image par g .

Graphiquement, cela revient à chercher l'abscisse des points pour lesquels de la courbe C_f est au dessus la courbe C_g .

$$S = [-4 ; -3[\cup]1 ; 4]$$

V. SENS DE VARIATION D'UNE FONCTION**a. Point de vue graphique**

Soit f une fonction définie sur un intervalle I .

f est **croissante** sur I si elle « monte » quand $x \in I$

f est **décroissante** sur I si elle « descend » quand $x \in I$

On récapitule alors cette étude dans un **tableau de variation**.

