

# LA RÉUSSITE



# PHYSIQUE

Première C - D - E

**SYNTHÈSE DE COURS ET ÉVALUATIONS AVEC CORRIGES DE PHYSIQUE 1ère C/D**

Optique : phénomène de réflexion – phénomène de réfraction – phénomène de dispersion

Électrostatique : électrisation – loi de coulomb – champ et potentiel électrique

ÉLECTRODYNAMIQUE : le courant électrique – tension électrique – conductance ohmique – dipôle actif – Énergie et puissance électriques – condensateur

ÉLECTROMAGNÉTIQUE : le champ magnétique – production du champ magnétique –

Induction magnétique

Conformément au programme officiel en République du Congo

Sens  
du courant  
électrique

Lignes  
de champ  
magnétique

Auteur

PAUL AMOUANGANI

Inspecteur délégué des lycées

Tel : 01 442 71 66 - Point - Notre

2010-2011

# GRANDEURS PHYSIQUES ET CHIMIQUES ET LEURS UNITÉS

Grandeurs et symboles	Unités et symboles	Grandeurs et symboles	Unités et symboles
Longueur (L)	Mètre (m)	Masse (m)	Kilogramme (kg)
Temps (t)	Seconde (s)	Volume (V)	Mètre cube ( $m^3$ ) ou litre (L)
Vitesse linéaire (V)	Mètre par seconde ( $m.s^{-1}$ )	Masse volumique ( $\rho$ )	Kilogramme par mètre cube ( $kg.m^{-3}$ )
Le faraday	1 F = 96500 C	Densité (d)	Sans unité
Intensité du courant (I)	Ampère (A)	Quantité de matière	Mole (mol)
Tension électrique (U)	Volt (V)	Masse molaire (M)	Gramme par mole ( $g.mol^{-1}$ )
Fréquence (f ou $\nu$ )	Hertz (Hz)	Concentration molaire (C)	Mole par litre ( $mol.L^{-1}$ )
Force (F)	Newton (N)	Concentration massique	Gramme par litre ( $g.L^{-1}$ )
Puissance électrique ( $P = U.I$ )	Watt (W)		
Vergence	Dioptrie ( $\delta$ )	Température (T)	Kelvin (K)
Conductance électrique ( $G = 1/R$ )	Siemen (S)	Pression (p)	Pascal (Pa) ou atmosphère (atm)
Perméabilité du diélectrique ( $\epsilon$ )	Farad par mètre ( $F.m^{-1}$ )	Constante de pesanteur (g)	Newton par kilogramme ( $N.kg^{-1}$ )
Energie (W) et travail	Joule (J)	Champ électrique (E)	Volt par mètre ( $V.m^{-1}$ )
Résistance (R)	Ohm ( $\Omega$ )	Champ magnétique (B)	Tesla (T)
Capacité (C)	Farad (F)	Flux magnétique ( $\Phi$ )	Weber (Wb)
Inductance (L)	Henry (H)	Moment magnétique	Ampère mètre carré ( $A.m^2$ )
Charge électrique (q)	Coulomb (C)	Résistivité électrique ( $\rho$ )	Ohm par mètre ( $\Omega.m^{-1}$ )

## AVANT PROPOS

- ❖ *Soucieux de l'amélioration des résultats en Sciences physiques en particulier et aux examens d'Etat en général, notre modeste contribution est de mettre à la disposition des élèves des classes de Premières scientifiques, un outil à usage simple et conforme au programme de PHYSIQUE en vigueur en République du CONGO.*
- ❖ *Nos précédentes publications portant sur les «PREPA BAC des classes de Ter C/D », les suggestions et préoccupations des utilisateurs, ont conduit à la prise en compte des compétences exigibles dans les classes de Premières Scientifiques pour une meilleure préparation au Baccalauréat. Nos efforts ont été orientés dans le seul but de favoriser une préparation progressive et méthodique du futur candidat, aux différentes évaluations préparatoires de Physique, prévues pendant l'année - scolaire.*
- ❖ *Intitulé « REUSSITE en PHYSITE », ce manuel contient, pour chaque thème (ou module) :*
  - *Une synthèse de cours ;*
  - *Des exercices avec corrigés bien détaillés ;*
  - *Des consignes nécessaires pour écrire convenablement les résultats d'un calcul.*

NB : La perfection étant une divinité, vos critiques et suggestions seront les bienvenues.

MAKO SSO  
Bani etian  
Willcome

L'auteur

# SOMMAIRE

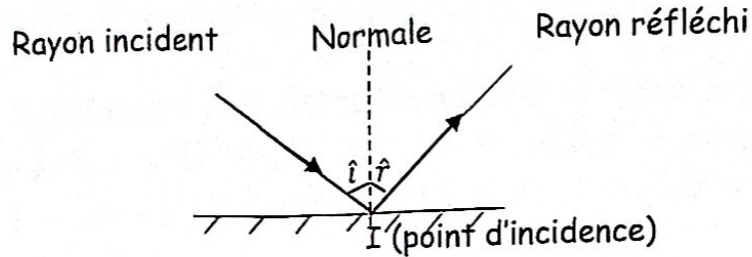
❖ Comment écrire un résultat ?	2
❖ Avant-Propos :	3
❖ Sommaire :	4
❖ Module 1 : Optique :	
• Chapitre 1 : Phénomène de réflexion de la lumière :	5
• Chapitre 2 : Phénomène de réfraction de la lumière :	11
• Chapitre 3 : Phénomène de dispersion de la lumière :	18
❖ Module 2 : Electrostatique :	
• Chapitre 1 : Loi de Coulomb :	25
• Chapitre 2 : Champ électrostatique et potentiel électrique :	29
❖ Module 3 : Electrocinétique :	
• Chapitre 1 : Le courant électrique continu : Intensité du courant :	36
• Chapitre 2 : La tension électrique :	42
• Chapitre 3 : Le dipôle passif : Le conducteur ohmique :	48
• Chapitre 4 : Le récepteur électrique :	54
• Chapitre 5 : Le dipôle actif : le générateur électrochimique :	55
• Chapitre 6 : Le condensateur :	63
❖ Module 4 : Electromagnétique :	
• Chapitre 1 : Le champ magnétique :	69
• Chapitre 2 : Production du champ magnétique :	70
• Chapitre 3 : Induction magnétique :	73
Tableau des Grandeurs physiques et chimiques :	78

1- Les lois de Descartes :

1<sup>ère</sup> loi : Le rayon réfléchi, est dans le plan d'incidence ;

2<sup>ème</sup> loi : L'angle réfléchi ( $\hat{r}$ ) est égal à l'angle d'incidence ( $\hat{i}$ )  $\Rightarrow \hat{i} = \hat{r}$ .

Représentation :



2- La formation d'images :

Un miroir plan, donne d'un objet réel, une image virtuelle de même dimension, symétrique de l'objet par rapport au miroir.

Image d'un point objet A :

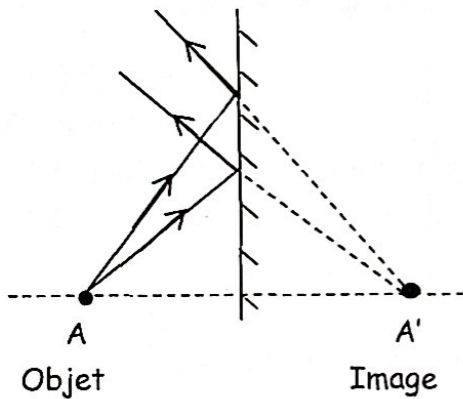
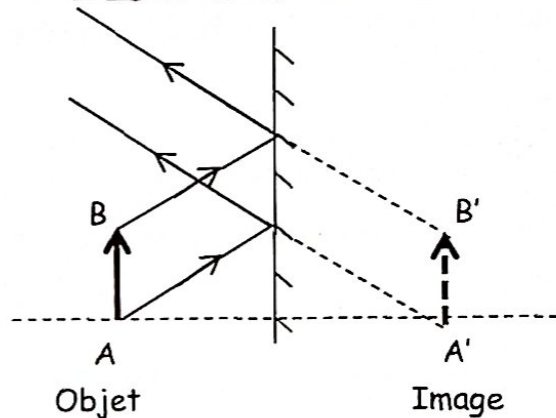
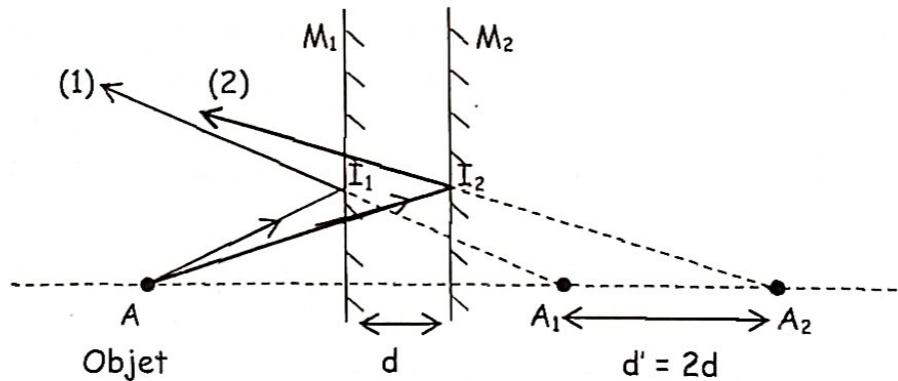


Image d'un objet réel AB :

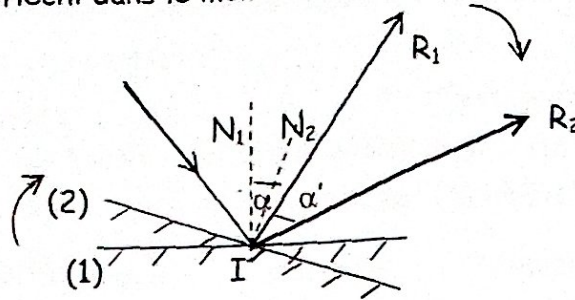


3- Déplacement d'un miroir :

- La translation  $d$  du miroir, déplace l'image d'une distance  $d' = 2d$ , dans le même sens.



- Pour un rayon incident fixe, la rotation d'un angle  $\alpha$  du miroir, fait tourner le rayon réfléchi dans le même sens et d'un angle  $\alpha' = 2\alpha$ .



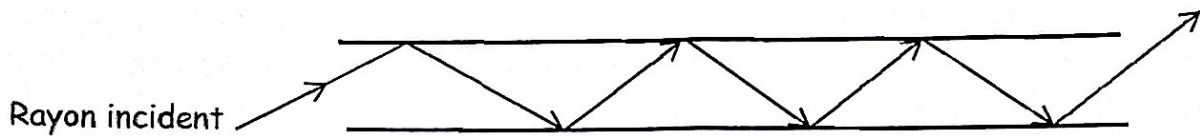
$IN_1$  : normale au miroir en position (1) et  $IN_2$  : normale au miroir en position (2)

$IR_1$  : Rayon réfléchi en I, par le miroir en position (1) ;

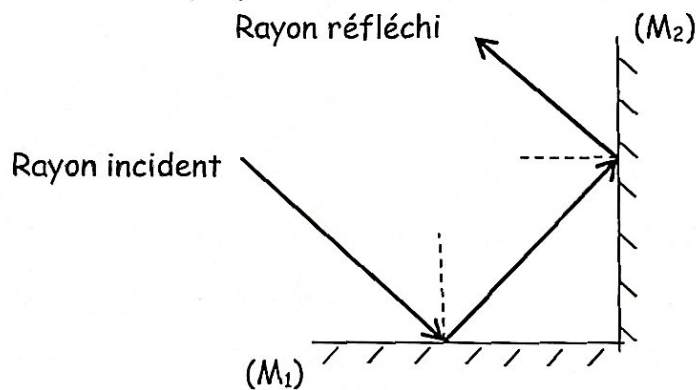
$IR_2$  : Rayon réfléchi en I, par le miroir en position (2) ;

#### 4- Association de deux ou trois miroirs :

- Deux miroirs parallèles : (Cas de la fibre optique)



- Deux miroirs perpendiculaires :

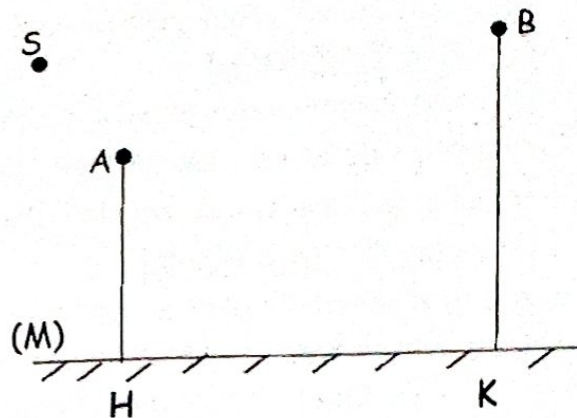


**Exercice 1 : (résolu)**

Une source lumineuse ponctuelle S émet un rayon lumineux qui passe par le point A et se réfléchit en I sur un miroir M en passant par le point B.

- Représente le rayon incident SAI et le rayon réfléchi IB.
- Calcule les distances HI et IK.
- Calcule la valeur de l'angle incident.

On donne :  $BK = 20 \text{ cm}$ ;  $HK = 36 \text{ cm}$ ;  $AH = 12 \text{ cm}$ .



**Exercice 2 : (résolu)**

Un objet ponctuel A, est placé à une distance  $d = 1\text{m}$  d'un miroir plan.

- A quelle distance  $d_1$  se trouve - t - il de son image donnée par le miroir ?
- On déplace le miroir parallèlement à lui-même d'une distance  $d' = 25 \text{ cm}$ , d'abord vers l'arrière puis ensuite vers l'avant.
  - Schématise chaque cas.
  - Que devient dans chaque cas, les distances  $d_2$  et  $d_3$  séparant l'objet de son image ?
  - Généralise ces résultats par un théorème concernant la translation d'un miroir plan.

**Exercice 3 : (non résolu)**

L'œil d'un observateur est placé en un point O à 2 m du miroir plan.

- A quelle distance est - il de son image dans ce miroir ?
- On déplace le miroir parallèlement à lui - même en avant puis en arrière de 25 cm.  
Comment varie la distance de l'œil à son image ?

**Exercice 4 : (résolu)**

Un pêcheur à la ligne voit l'image d'un arbre MP, situé à 30 m de lui sur l'autre rive, se terminer juste sur un bouchon B, immobile à 3 m de ses pieds. Sachant que son œil O est à 1,70 m au-dessus de l'eau. Calculer la hauteur de l'arbre.

**Exercice 5 : (résolu)**

Une source lumineuse S est placée à 1,2 m du plan d'un miroir horizontal. S émet un rayon lumineux SI qui tombe au point I, milieu du miroir de longueur 80 cm.

- Calculer la distance entre S et S', image de S.
- Déterminer la valeur de l'angle d'incidence i.
- Calculer la distance parcourue par la lumière entre S et le point I. en déduire la durée de ce parcours.

Donnée : vitesse de la lumière :  $V = 3.10^8 \text{ m/s}$ .

**Exercice 6 : (non résolu)**

Un observateur de 1,60 m de taille, est placé à une distance D d'un miroir. On avance le miroir d'une distance  $d = 10 \text{ cm}$ . On mesure la distance de l'observateur à la nouvelle image, on constate qu'elle vaut  $8d$ .

- A quelle distance est placé le miroir dans la première position ?
- Le miroir toujours à cette distance D, l'œil de l'observateur est à 1,50 m du sol.

- a) A quelle distance du sol doit - on placer le miroir pour qu'il voie complètement ses pieds ?
- b) Quelle taille minimale doit - on considérer depuis le sol, au bord supérieur du miroir, pour qu'il se voie en entier ?

**Exercice 7 : (résolu)**

Un point lumineux est placé à 40 cm au-dessus et sur la normale au centre d'un miroir plan circulaire de 10 cm de diamètre, disposé horizontalement. Le miroir étant à 2 m du plafond, calculer le diamètre du cercle éclairé au plafond par la lumière réfléchi sur le miroir.

**Exercice 8 : (non résolu)**

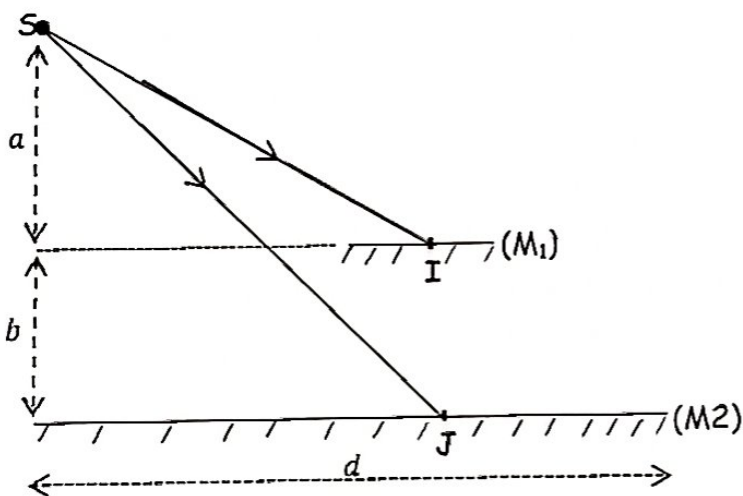
A 1 m d'un miroir plan et parallèlement à celui-ci, on place un écran opaque percé d'un petit trou. Par ce trou, un rayon lumineux tombe normalement sur le miroir.

- 1) Quelle est la direction du rayon réfléchi ?
- 2) En inclinant légèrement le miroir, on constate que le rayon réfléchi donne sur l'écran un point éclairé à 2m du trou. De quel angle a-t-on tourné le miroir ?
- 3) Calculer le chemin parcouru par le rayon réfléchi au cours de cette rotation ?

**Exercice 9 : (non résolu)**

On considère deux miroirs  $M_1$  et  $M_2$  disposés comme l'indique la figure ci-dessous. Déterminer le sens et l'angle de rotation du miroir  $M_2$  pour que le rayon réfléchi soit parallèle au rayon réfléchi par le miroir  $M_1$ .

On donne :  $a = 17 \text{ cm}$  ;  $b = 20 \text{ cm}$  ;  $d = 20 \text{ cm}$ .



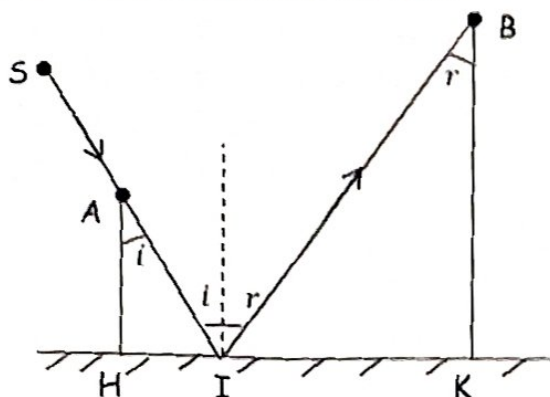
**Exercice 10 : (non résolu)**

- 1- Un homme se rapproche d'un miroir plan à une vitesse de 14 m/s. A quelle vitesse son image se rapproche-t-elle du miroir ?
- 2- L'homme s'arrête à 3m du miroir. A quelle distance se trouve - t - il de son image ?
- 3- Il recule de 2m. De quelle distance recule son image ?
- 4- On place cette fois-ci le miroir à 130 cm au-dessus du sol.
  - a- . A quelle hauteur du sol doit être son œil pour qu'il voie ses pieds ?
  - b- Quelle doit être la taille minimale du miroir pour que l'homme dont l'œil est à 10cm de la tête se voit entièrement ?

NB. Un schéma procédera tous les calculs.

**Solution 1 :**

a- Représentation des rayons incidents et réfléchis :



b- Distance HI et IK :

$$\tan i = \frac{HI}{AH} \quad \text{et} \quad \tan r = \frac{IK}{BK} \Rightarrow \frac{HI}{AH} = \frac{IK}{BK} \Rightarrow HI \cdot BK = AH \cdot IK \quad (1)$$

$$HK = HI + IK \Rightarrow IK = HK - HI \quad (2)$$

$$\text{De (2) dans (1)} \Rightarrow HI \cdot BK = AH (HK - HI)$$

$$\Rightarrow HI = \frac{AH \cdot HK}{BK - AH} \quad \text{AN : } HI = \frac{12 \cdot 36}{20 - 12} = 54 \text{ cm}$$

$$\Rightarrow IK = HK - HI = 36 - 54 = -18 \text{ cm}$$

c- Angle incident :

$$\tan i = \frac{HI}{AH} \Rightarrow i = \tan^{-1} \left( \frac{HI}{AH} \right) \quad \text{AN : } i = \tan^{-1} \left( \frac{54}{12} \right) = 77,1^\circ$$

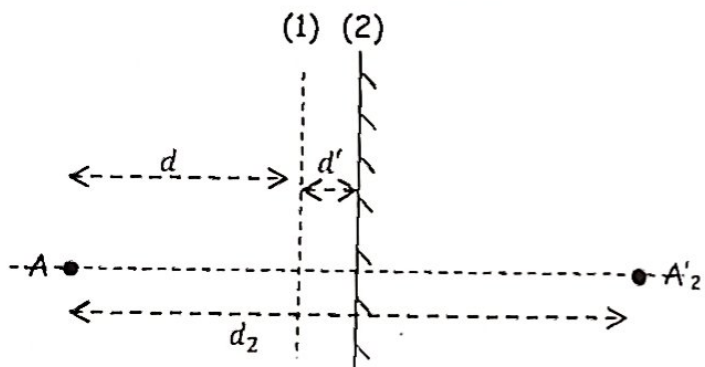
**Solution 2 :**

1- Distance objet - image :

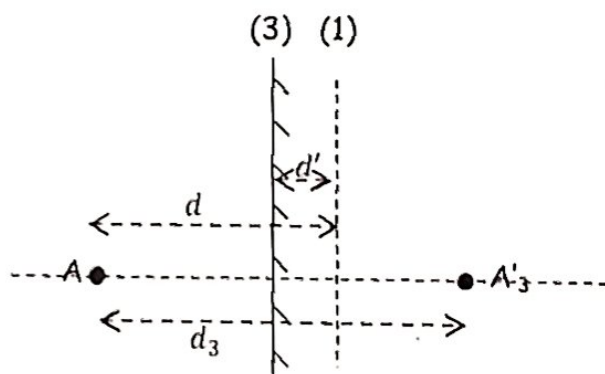
$$d_1 = 2d \quad \text{AN : } d_1 = 200 \text{ cm}$$

2- a)- Schématisation :

Translation vers l'arrière



Translation vers l'avant



b)- Distance objet - image après translation du miroir :

$$d_2 = 2(d + d') = 250 \text{ cm} \quad \text{et} \quad d_3 = 2(d - d') = 150 \text{ cm}$$

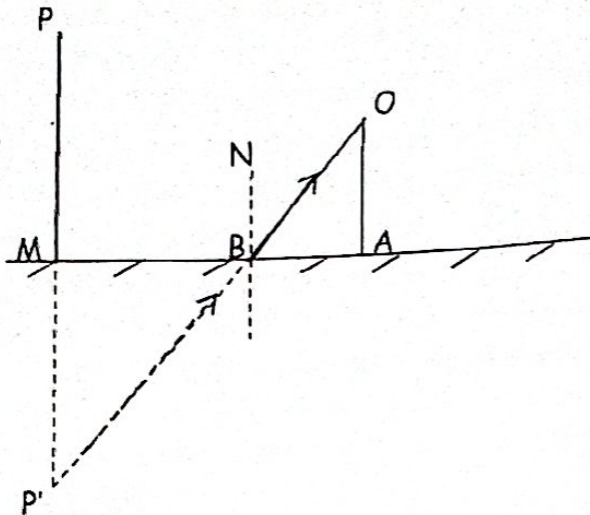
c)- Généralisation du théorème de la translation du miroir plan :

- La translation du miroir plan d'une distance  $d'$ , translate l'image d'une distance  $2d'$  dans le même sens.

### Solution 4 :

MP : hauteur de l'arbre ; OA : distance œil du pêcheur et l'eau ; MB : ombre de l'arbre

Schématisation :



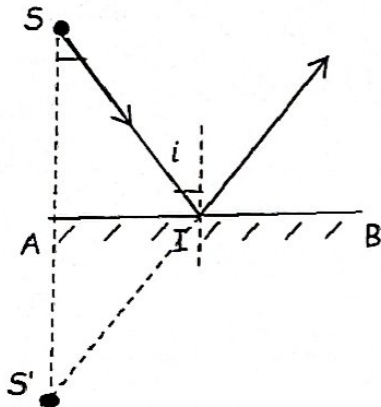
$$\frac{AB}{MB} = \frac{OA}{MP'}$$

$$\Rightarrow MP = MP' = OA \cdot \frac{MB}{AB}$$

$$AN : MP = 1,70 \cdot \frac{30}{3} = 17 \text{ m}$$

### Solution 5 :

Représentation :

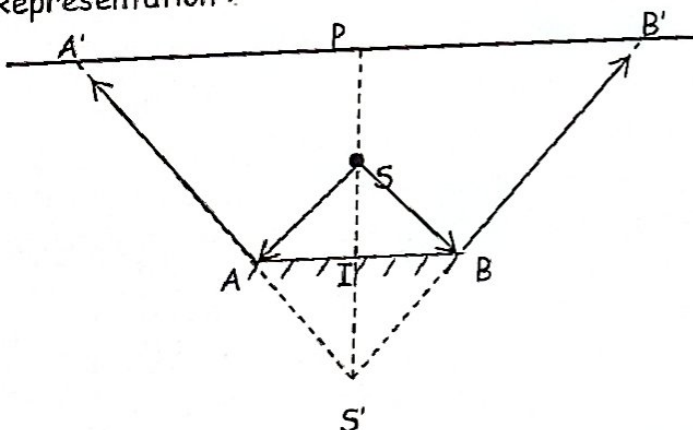


- a)- Distance  $SS'$  entre la source  $S$  et son image  $S'$  :  $SS' = SA + AS' = 2 \cdot 1,2 = 2,4 \text{ m}$
- b)- Angle d'incidence  $i$  :  $\tan i = \frac{AI}{SA} \Rightarrow i = \tan^{-1}\left(\frac{AI}{SA}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{40}{120}\right) = 18,43^\circ$
- c)- Distance  $SI$  :  $\sin i = \frac{AI}{SI} \Rightarrow SI = \frac{AI}{\sin i}$  AN :  $SI = \frac{40}{\sin 18,43^\circ} = 126,5 \text{ cm}$
- Durée de parcours :  $\Delta t = \frac{SI}{v}$  AN :  $\Delta t = \frac{1,265}{3 \cdot 10^8} = 4,2 \cdot 10^{-9} \text{ s}$

### Solution 7 :

Diamètre du cercle éclairé au plafond :

Representation :



Triangles semblables :  $\widehat{S'AB}$  et  $\widehat{S'A'B'}$

$$\frac{A'B'}{AB} = \frac{S'P}{S'I}$$

Diamètre  $A'B'$  du cercle éclairé :

$$A'B' = AB \cdot \frac{S'P}{S'I}$$

$$AN : A'B' = 10 \cdot \frac{240}{40} = 60 \text{ cm}$$

## 1- Les lois de Snell - Descartes :

### - 1<sup>ère</sup> Lois de Snell - Descartes :

Le rayon incident, le rayon réfracté et la normale à la surface de séparation au point d'incidence I, sont contenus dans le plan d'incidence. Les rayons incident et réfracté se trouvent de part et d'autre de la normale.

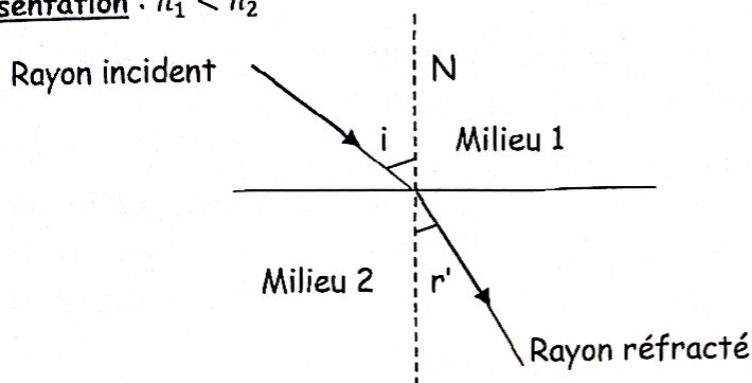
### - 2<sup>ème</sup> loi de Snell - Descartes :

Les angles d'incidence  $i$  et de réfraction  $r'$  vérifient la relation :

$$n_1 \sin i = n_2 \sin r' \Rightarrow \frac{\sin i}{\sin r'} = \frac{n_2}{n_1}$$

avec  $n_1$  et  $n_2$  : indices de réfraction des milieux 1 et 2.

### Représentation : $n_1 < n_2$

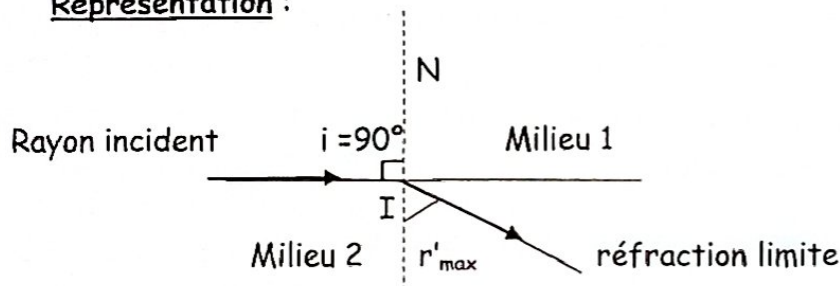


## 2- Angle de réfraction limite :

Si  $n_1 < n_2 \Rightarrow r' < i$  : le rayon réfracté est plus proche de la normale que le rayon incident  
**Réfraction limite  $\Leftrightarrow$  incidence rasante**

$$\Rightarrow i = 90^\circ \Rightarrow r = r_{max} \Rightarrow n_1 \sin 90^\circ = n_2 \sin r'_{max} \Rightarrow r'_{max} = \sin^{-1} \left( \frac{n_1}{n_2} \right)$$

### Représentation :

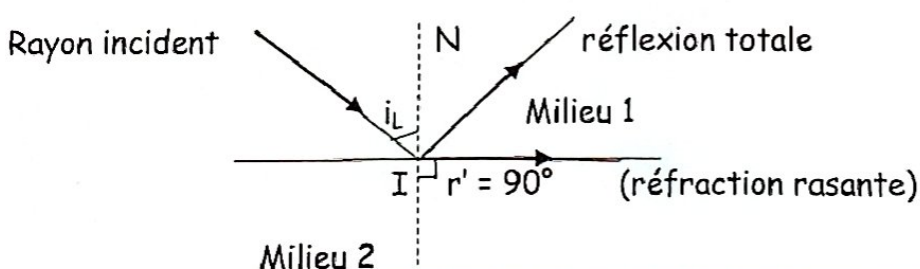


## 3- Angle d'incidence limite :

Si  $n_1 > n_2 \Rightarrow i' < r'$  : le rayon incident est plus proche de la normale que le rayon réfracté  
**Incidence limite  $\Leftrightarrow$  réflexion totale et réfraction rasante**

$$\Rightarrow r' = 90^\circ \Rightarrow i = i_L \Rightarrow n_1 \sin i_L = n_2 \sin 90^\circ \Rightarrow i_L = \sin^{-1} \left( \frac{n_2}{n_1} \right)$$

### Représentation :

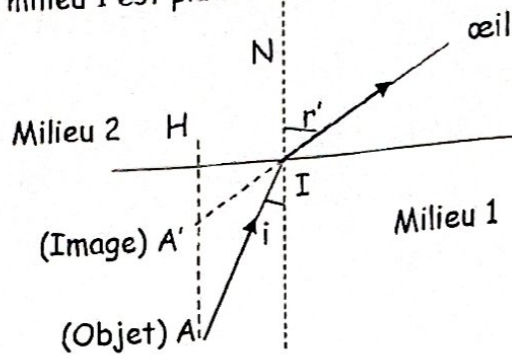


#### 4- Applications :

##### a- Image d'un objet réel à travers un dioptre plan :

On appelle dioptre plan, la surface de séparation de deux milieux transparents d'indices respectives  $n_1$  et  $n_2$ .

Cas où  $n_1 > n_2$  : milieu 1 est plus réfringent que le milieu 2



NB : L'observateur voit plutôt l'image  $A'$  à la place de l'objet réel  $A$ .

Détermination du relèvement apparent  $AA'$  de l'objet réel  $A$  :

$$\begin{cases} \text{Triangle } AHI : \tan i = \frac{HI}{AH} \Rightarrow HI = AH \cdot \tan i \\ \text{Triangle } A'HI : \tan r' = \frac{HI}{A'H} \Rightarrow HI = A'H \cdot \tan r' \end{cases} \Rightarrow AH \cdot \tan i = A'H \cdot \tan r' \quad (1)$$

Pour les angles petits on a :  $\tan i \approx \sin i$  et  $\tan r' \approx \sin r'$

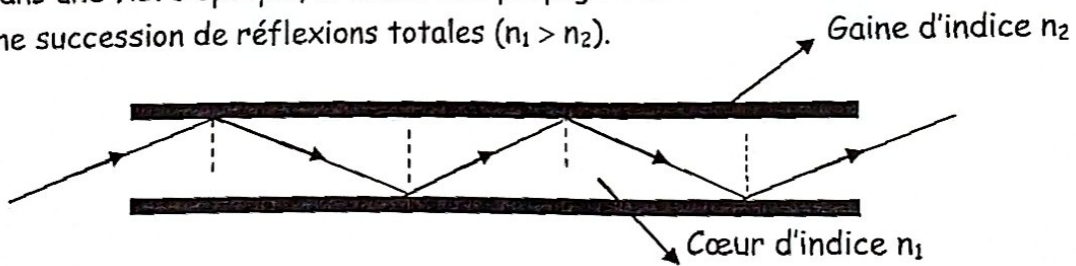
Donc dans (1), on a :  $AH \cdot \sin i = A'H \cdot \sin r' \Rightarrow \frac{\sin i}{\sin r'} = \frac{A'H}{AH} = \frac{n_2}{n_1}$  (selon Snell - Descartes)

$$\Rightarrow \frac{A'H}{AH} = \frac{n_2}{n_1} \Rightarrow A'H = AH \cdot \frac{n_2}{n_1}$$

$$D'où \quad AA' = AH - A'H = AH \left(1 - \frac{n_2}{n_1}\right) \text{ avec } AH : \text{profondeur réelle}$$

##### b- Propagation dans une fibre optique :

Dans une fibre optique, la lumière se propage d'une extrémité à l'autre en subissant une succession de réflexions totales ( $n_1 > n_2$ ).



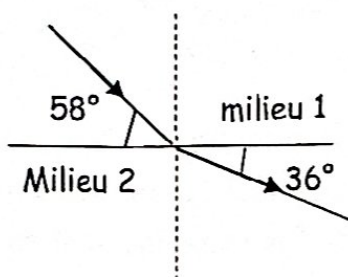
**Exercice 1 : (résolu)**

Quelle déviation subit un rayon lumineux incident lorsqu'il traverse la surface de séparation entre l'air et le verre d'indice  $n = 1,52$ , dans chacun des cas suivants :

- a- Le rayon incident passe de l'air au verre, sous une incidence de  $50^\circ$ .
- b- Le rayon incident passe du verre à l'air, sous une incidence de  $30^\circ$ .

**Exercice 2 : (résolu)**

On donne le schéma représentant le chemin optique d'un rayon lumineux à travers deux milieux transparents d'indices respectifs  $n_1$  et  $n_2$ .



- a- Donne les valeurs  $i$  de l'angle d'incidence  $i$  et  $r'$  de l'angle de réfraction.
- b- Quelle est la relation qui lie  $i$ ,  $r'$ ,  $n_1$  et  $n_2$  ?
- c- Détermine la valeur de  $n_1$ , indice de réfraction du milieu 1, sachant que le milieu 2 est l'air.

**Exercice 3 : (non résolu)**

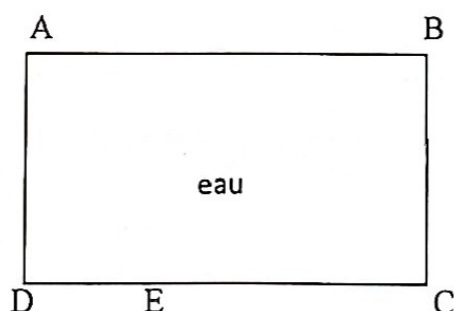
- 1) Un rayon lumineux cheminant dans l'air pénètre dans l'eau d'indice  $n = 4/3$ , sous incidence de  $30^\circ$ . Calculer l'angle de réfraction. En déduire la déviation  $D$  subie par le rayon lumineux.
- 2) Calcule la déviation  $D$  subie par un rayon lumineux tombant sous incidence de  $30^\circ$  sur une surface plane séparant deux milieux d'indices respectifs  $n_1 = 1,5$  et  $n_2 = 2,42$ .

**Exercice 4 : (résolu)**

Une cuve parallélépipédique de 8 cm de profondeur est remplie d'eau. (voir figure)  
Un rayon lumineux partant de l'air, passe par A sous une incidence  $i$ , est réfracté et touche le fond de la cuve au point E tel que  $DE = 3$  cm.

- 1- Faire la représentation du rayon incident et du rayon réfracté dans l'eau.
- 2- Calculer l'angle de réfraction  $r$ .
- 3- En déduire l'angle d'incidence  $i$  du rayon qui pénètre dans l'eau en A.
- 4- Quelle est la valeur de l'angle de réfraction limite de ce dispositif ?

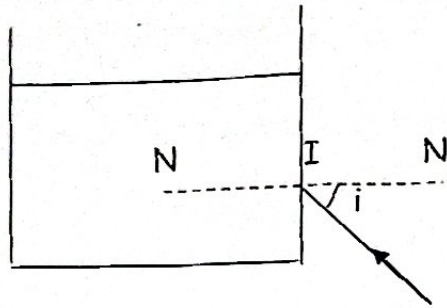
On donne :  $n(\text{eau}) = 4/3$  et  $n(\text{air}) = 1$ .



### Exercice 5 : (non résolu)

Une cuve en verre transparent, d'épaisseur négligeable, contient de l'eau d'indice  $n_e = 1,33$ , jusqu'à une hauteur  $h = 20$  cm.

- 1- Un rayon lumineux provenant de l'air d'indice  $n_a = 1$ , arrive dans l'eau au point d'incidence I avec un angle incident  $i = 60^\circ$  vers la base (Voir figure).



- a- Calcule la valeur de l'angle de réfraction  $r$  du rayon lumineux.
  - b- Trace correctement les trajets des rayons incident et réfracté.
- 2- On considère maintenant le cas où le rayon incident rase la surface de l'eau jusqu'au point I par la base.
    - a- Quelle est la valeur de l'angle incident ?
    - b- Calcule la valeur de l'angle de réfraction.
    - c- Faire une représentation du phénomène observé.

### Exercice 6 : (résolu)

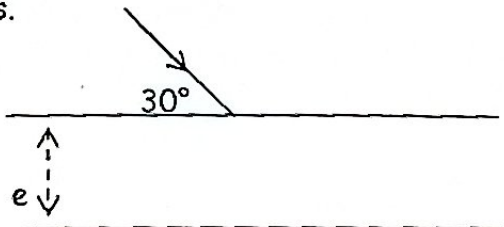
On considère une cuve est remplie d'eau d'indice de réfraction  $n = 1,33$  sur une hauteur de 10 cm. Au fond de la cuve se trouve un miroir M.

Un observateur a son œil sur la verticale du centre du miroir à 15 cm au - dessus de la surface libre de l'eau. On veut déterminer le déplacement de l'image de cet observateur à travers ce miroir.

- 1- Trace la marche de deux rayons lumineux (l'un vertical et l'autre incliné par rapport à la verticale) issus du miroir, sortant de l'eau et pénétrant dans l'œil O de l'observateur.
- 2- A quelle distance de O, l'observateur voit - il l'image M' du miroir M ?

### Exercice 7 : (résolu)

Un rayon laser se propage dans l'air. Il est dirigé sur une vitre (lame à faces parallèles) comme l'indique la figure ci - dessous.

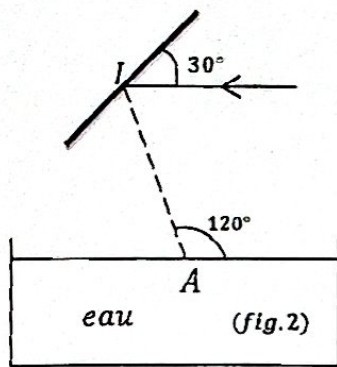


- 1- Faire une construction géométrique complète du schéma de la pénétration du rayon dans le verre jusqu'à sa sortie.
- 2- Calcule la valeur de l'angle d'incidence  $i$  sur la première face.
- 3- En déduire l'angle de réfraction correspondant à cette face.
- 4- Calculer la longueur du rayon qui traverse la lame, sachant que son épaisseur est  $e = 8$  cm. On donne :  $n(\text{air}) = 1$  et  $n(\text{verre}) = 1,5$ .

### Exercice 8 : (non résolu)

Un rayon lumineux  $SI$  se propage horizontalement dans l'air. Il rencontre un miroir plan ( $M$ ) comme l'indique la figure 2. Le rayon réfléchi touche alors sur la surface plane de l'eau.

- Calculer les angles d'incidence sur le miroir et sur la surface de l'eau.
- Calculer l'angle de réfraction sachant que l'indice de l'eau est  $n = 4/3$ .



### Exercice 9 : (non résolu)

Dans le but de déterminer la valeur de l'angle entre deux déviations lumineuses, un pinceau lumineux polychromatique contenant toutes les couleurs de l'arc-en-ciel, est envoyé sous une incidence  $i = 50^\circ$  sur la surface de séparation plane de l'air et d'un verre.

L'indice de réfraction du verre pour la lumière bleue est  $n_B = 1,524$  et pour la lumière rouge  $n_R = 1,515$ .

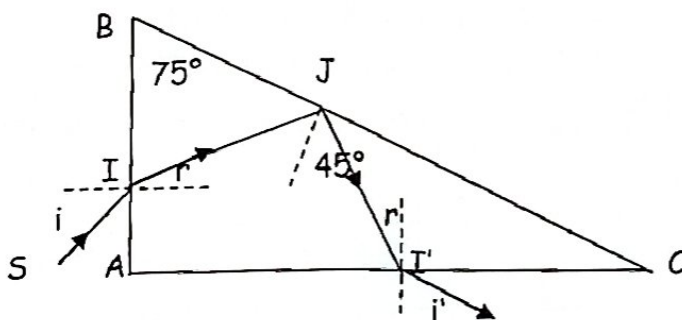
- Calculer pour le faisceau bleu, la déviation  $D_B$ .
- Calculer pour le faisceau rouge la déviation  $D_R$ .
- Représente sur un schéma clair, le phénomène de réfraction de la lumière incidente, en respectant les valeurs des angles d'incidence et de réfraction.
- En déduis la valeur  $\alpha$  de l'angle séparant les rayons réfractés des deux lumières bleue et rouge.

### Problème : (résolu)

Dans le but de vérifier la loi de la réflexion totale de la lumière, on étudie le trajet de la lumière à travers le dioptré d'un prisme en verre d'indice  $n = 1,5$ .

A partir de la figure représentant le chemin optique d'un rayon  $SI$  de lumière monochromatique :

- Calcule les valeurs des angles de réfraction  $r$  et d'incidence en  $I$ .
- Pour quoi le rayon  $IJ$  subit-il une réflexion en  $J$  ? Justifie.
- Calcule les valeurs des angles d'incidence  $r'$  et d'émergence  $i'$  en  $I'$ .



Solution 1 :

Angle de réfraction :

- Passage de l'air au verre d'indice  $n = 1,52$  pour  $i = 50^\circ$  :

$$\sin i = n \sin r \Rightarrow \sin r = \frac{1}{n} \sin i \Rightarrow r = \sin^{-1} \left( \frac{1}{n} \sin i \right) \text{ AN : } r = 30,26^\circ$$

- Passage de l'eau au verre pour  $i = 30^\circ$  :

$$n \sin i = \sin r \Rightarrow r = \sin^{-1}(n \sin i) \text{ AN : } r = 49,46^\circ$$

Solution 2 :a- Valeurs des angles  $i$  et  $r'$  :

$$i = 90^\circ - 58^\circ = 32^\circ \text{ et } r' = 90^\circ - 36^\circ = 54^\circ$$

b- Relation entre  $i$ ,  $r'$ ,  $n_1$  et  $n_2$  :

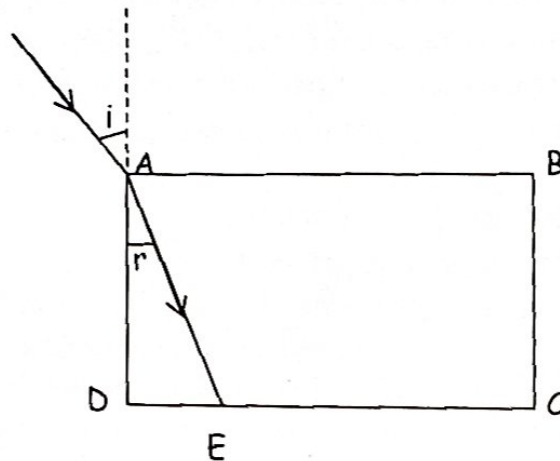
$$n_1 \sin i = n_2 \sin r'$$

c- Valeur de  $n_1$  :

$$n_1 = \frac{n_2 \sin r'}{\sin i} = \frac{1 \cdot \sin 54^\circ}{\sin 32^\circ} = 1,53$$

Solution 4 :

1- Représentation :

2- Valeur de l'angle de réfraction  $r$  :  $\tan r = \frac{DE}{AD} = \frac{3}{8} \Rightarrow r = \tan^{-1} \left( \frac{3}{8} \right) = 20,55^\circ$ 3- Angle d'incidence  $i$  :

$$n(\text{air}) \cdot \sin i = n(\text{eau}) \sin r \Rightarrow \sin i = \frac{n(\text{eau})}{n(\text{air})} \cdot \sin r \Rightarrow i = \sin^{-1} \left( \frac{n(\text{eau})}{n(\text{air})} \cdot \sin r \right) \text{ AN : } i = 27,76^\circ$$

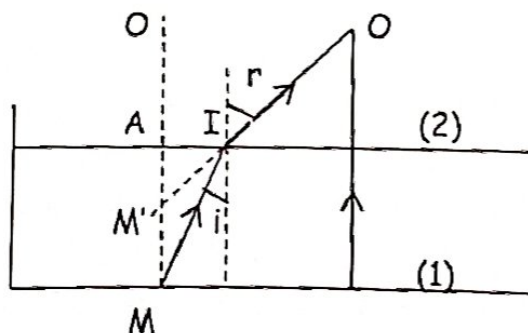
4- Angle de réfraction totale :

Pour  $i = 90^\circ \Rightarrow r = r_{\text{max}}$  (angle de réfraction totale), d'où :

$$\sin r_{\text{max}} = \frac{n(\text{air})}{n(\text{eau})} \cdot \sin 90^\circ = \frac{3}{4} = 0,75 \Rightarrow r_{\text{max}} = \sin^{-1}(0,75) = 48,6^\circ$$

Solution 6 :

1- Marche des rayons lumineux issue du miroir :



2- Distance œil O et image M' du miroir M :  $OM' = M'A + AO$

Détermination de M'A :

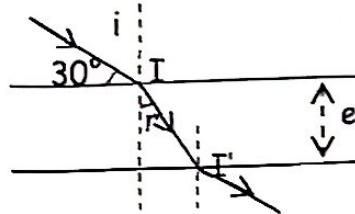
- Triangle MAI :  $\tan i = \frac{AI}{MA} \Rightarrow AI = AM \cdot \tan i$
- Triangle M'AI :  $\tan r = \frac{AI}{M'A} \Rightarrow AI = AM' \cdot \tan r$
- (1) = (2)  $\Rightarrow AM \cdot \tan i = AM' \cdot \tan r$  or  $i$  et  $r$  petits  $\Rightarrow \tan i = \sin i$  et  $\tan r = \sin r$   
 $\Rightarrow AM \cdot \sin i = AM' \cdot \sin r \Rightarrow \frac{AM'}{AM} = \frac{\sin i}{\sin r} = \frac{n_2}{n_1} \Rightarrow AM' = AM \cdot \frac{n_2}{n_1}$

D'où :  $OM' = OA + AM \cdot \frac{n_2}{n_1}$  AN :  $OA = 15\text{cm}$  ;  $AM = 10\text{cm}$  ;  $n_1 = n = 1,33$  ;  $n_2 = 1$

$$\Rightarrow OM' = 22,5\text{cm}$$

### Solution 7 :

1- Représentation :



2- Angle d'incidence :  $i = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$

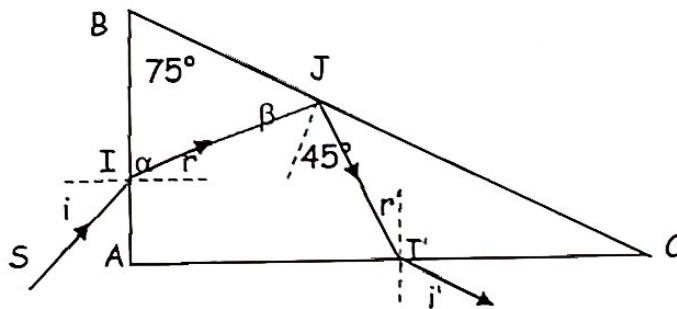
3- Angle de réfraction :  $\sin i = n \sin r \Rightarrow r = \sin^{-1} \left( \frac{\sin i}{n} \right) = \sin^{-1} \left( \frac{\sin 60^\circ}{1,5} \right) = 35,3^\circ$

4- Longueur II' du rayon lumineux :  $\cos r = \frac{e}{II'} \Rightarrow II' = \frac{e}{\cos r} = \frac{8}{\cos 35,3^\circ} = 9,8\text{ cm}$

### Solution du Problème :

1)- Valeurs des angles d'incidence I et de réfraction r :

Représentation :



- Incidence en J :  $\beta = 90^\circ - 45^\circ = 45^\circ$

- Triangle IBJ :  $\alpha = 180^\circ - 75^\circ - \beta = 60^\circ$

- Or  $r + \alpha = 90^\circ \Rightarrow r = 90^\circ - \alpha = 90^\circ - 60^\circ = 30^\circ$

- Incidence en I :  $\sin i = n \sin r \Rightarrow i = \sin^{-1}(n \sin r)$  AN :  $i = \sin^{-1}(1,5 \cdot \sin 30^\circ) \Rightarrow i = 48,6^\circ$

2)- Le rayon IJ subit une réflexion totale en J, par ce que:

- Valeur de l'angle limite en J :  $\sin \lambda = \frac{1}{n} \Rightarrow \lambda = \sin^{-1} \left( \frac{1}{n} \right) = \sin^{-1} \left( \frac{1}{1,5} \right) = 41,8^\circ$

Comme l'angle limite est inférieur à l'angle d'incidence en J, la réflexion est donc totale.

3)- Valeurs des angles r' et i' en I' :

$$r' = r = 30^\circ \text{ (angles à côtés perpendiculaires)}$$

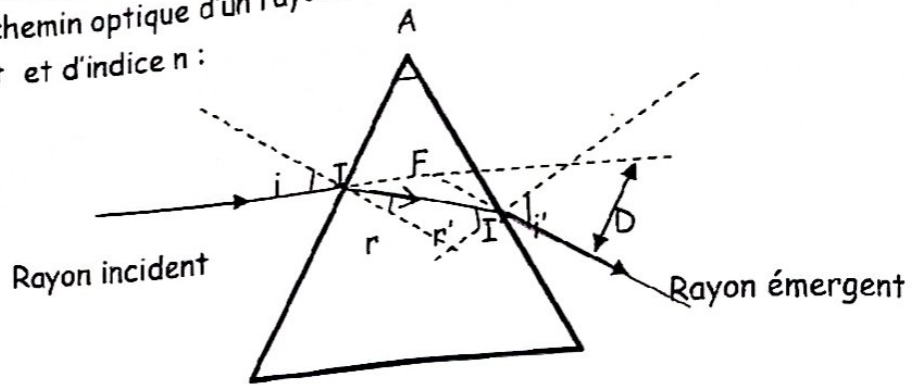
- Incidence en I :  $n \sin r = \sin i$

- Incidence en I' :  $n \sin r' = \sin i'$

- Or  $r' = r \Rightarrow i' = i = 48,6^\circ$

# Chapitre 3 : PHENOMENE DE DISPERSION DE LA LUMIERE

1- Etude quantitative du phénomène de déviation de la lumière monochromatique :  
 Représentation du chemin optique d'un rayon lumineux monochromatique, traversant un prisme d'angle A au sommet et d'indice n :



$i$  : angle d'incidence ;  $r$  : angle de réfraction ;  $r'$  : angle d'incidence interne ;  
 $i'$  : angle d'émergence et  $D$  : angle de déviation.

Les formules du prisme d'indice  $n$  et d'angle au sommet  $A$  :

$$(1) \sin i = n \sin r$$

$$(2) \sin i' = n \sin r'$$

$$(3) A = r + r'$$

$$(4) D = i + i' - A$$

## 2- Minimum de déviation :

- Sous une faible incidence et pour un prisme d'angle  $A$  petit, on a :  
 si  $i$  (petit)  $\Rightarrow r$  (petit)  $\Rightarrow \sin i \approx i$  et  $\sin r \approx r \Rightarrow$  déviation minimale

$$\text{Déviation minimale} \Rightarrow \begin{cases} i = n \cdot r \\ i' = n \cdot r' \\ D_{\min} = (n - 1)A \end{cases}$$

- Si  $i = i' \Rightarrow r = r' \Rightarrow$  déviation minimale  $\Rightarrow \begin{cases} A = 2r \\ D_{\min} = 2i - A \end{cases}$

## 3- Conditions d'émergence d'un rayon lumineux :

Si  $\lambda$  est l'angle de réfraction limite du prisme, il y a émergence du rayon incident si  $r' \leq \lambda$  :

- Condition d'émergence imposée à l'angle  $A$  du prisme :

$$A = r + r' \leq 2\lambda \Rightarrow A \leq 2\lambda$$

- Condition imposée à l'angle d'incidence  $i$  :

$$\text{pour } r' = \lambda \Rightarrow i' = 90^\circ \text{ (émergence rasante)} \Rightarrow r = A - \lambda \text{ et } i = i_0 \text{ avec } \lambda = \sin^{-1}\left(\frac{1}{n}\right) \\ \Rightarrow \sin i_0 = n \cdot \sin(A - \lambda)$$

## 4- Phénomène de dispersion de la lumière blanche par un prisme :

Le prisme est un milieu dispersif car son indice de réfraction dépend de la longueur d'onde de la radiation monochromatique, qui le traverse.

A la traversée d'un prisme, la lumière blanche qui est polychromatique, se décompose en plusieurs radiations monochromatiques, dont les sept principales sont : Rouge, orange, vert, jaune, bleu, indigo et violet, caractérisée chacune par sa longueur d'onde notée  $\lambda$  et constituent le spectre continu de la lumière blanche.

NB : Domaine de la lumière blanche ou visible :  $400 \text{ nm} \leq \lambda \leq 750 \text{ nm}$  (avec  $1 \text{ nm} = 10^{-9} \text{ m}$ )

## EVALUATION « PHENOMENE DE DISPERSION DE LA LUMIERE »

### Exercice 1 : (résolu)

Un rayon lumineux de couleur jaune, tombe sur l'une des faces d'un prisme sous une incidence de  $50^\circ$ . Si l'angle du prisme est  $70^\circ$  et son indice de réfraction 1,5, calculer :

- L'angle de réfraction  $r$  ;
- L'angle d'émergence  $i'$  ;
- La déviation  $D$  du rayon émergent.

### Exercice 2 : (résolu)

Un prisme d'arrête  $A = 40^\circ$  et d'indice  $n = 1,5$ , est placé dans l'air.

- Un rayon lumineux monochromatique arrive sur la face d'entrée sous une incidence  $i = 40^\circ$ .
  - Faire le schéma montrant le chemin suivi par la lumière jusqu'à la sortie du prisme.
  - Calculer les valeurs des angles de réfraction interne  $r$  et  $r'$  et d'émergence  $i'$ .
- Si le rayon incident tombe perpendiculairement sur la face d'entrée du prisme :
  - Faire la représentation du chemin suivi par la lumière jusqu'à la sortie du prisme.
  - Calculer les angles d'émergence  $i'$  et de déviation  $D$ .

### Exercice 3 : (résolu)

Un rayon lumineux atteint la première face d'un prisme sous une incidence de  $45^\circ$ , l'angle du prisme  $\hat{A} = 60^\circ$  et son indice  $n = 1,5$ .

- Calcule successivement les valeurs des angles  $r$ ,  $r'$ ,  $i'$  et  $D$
- Ce prisme est éclairé cette fois-ci par une source monochromatique. L'expérience est réalisée de façon que la déviation soit minimale.
  - Rappelle les quatre formules fondamentales du prisme.
  - Etablis les conditions de réalisation d'un minimum de déviation.
  - Montre qu'au minimum de déviation l'indice du prisme répond à la relation :

$$n = \frac{\sin\left(\frac{D_m + A}{2}\right)}{\sin\left(\frac{A}{2}\right)}$$

- En déduis la déviation minimale  $D_m$ , ainsi que les valeurs des angles  $i$  et  $r$ .

### Exercice 4 : (résolu)

L'indice de réfraction d'un prisme d'angle  $A = 60^\circ$ , est compris entre 1,523 et 1,514. Un faisceau de lumière parallèle, arrive sur le prisme sous une incidence de  $40^\circ$ .

- Donne l'expression de l'angle de déviation du rayon incident à la sortie du prisme.
- Calcule pour ces valeurs limites des indices de ce prisme :
  - Les valeurs respectives des angles de réfraction  $r$  correspondant ;
  - Les valeurs respectives des angles de réfraction internes  $r'$  correspondant ;
  - Les valeurs respectives des angles d'émergence  $i'$  correspondant ;
  - Les valeurs des angles de déviation  $D$  des rayons lumineux correspondant.
- En déduire l'écart angulaire entre les deux rayons limites qui émergent du prisme.

### Exercice 5 : (résolu)

Un prisme d'indice  $n = 1,5$  a un sommet  $A = 30^\circ$ .

- 1- On fait tomber normalement sur sa face antérieure un rayon lumineux. Déterminer l'angle d'émergence du rayon lumineux ainsi que la valeur de la déviation  $D$ .
- 2- Dans les mêmes conditions d'incidence, quels doivent être :
  - a- L'indice de réfraction du prisme pour qu'il y ait émergence rasante ?
  - b- L'angle au sommet  $A$  pour qu'il y ait émergence rasante pour  $n = 1,5$ .

### Exercice 6 : (résolu)

On veut déterminer la déviation minimale d'un prisme. Pour cela, on considère un rayon lumineux monochromatique qui tombe perpendiculairement à la 1<sup>ère</sup> face d'un prisme d'angle au sommet  $\hat{A} = 30^\circ$ .

- 1- Calcule l'indice de réfraction du prisme, sachant que le rayon lumineux subit une déviation de valeur  $D = 30^\circ$ .
- 2- On considère maintenant un prisme taillé dans le même verre et d'angle au sommet  $\hat{A} = 60^\circ$ .
  - a- Quel doit être l'angle d'incidence  $i$ , pour que le rayon lumineux émerge en rasant la face de sortie ?
  - b- Quelle doit - être alors la déviation minimale pour ce prisme ?

### Exercice 7 : (Résolu)

On considère un prisme en verre d'indice  $n = 1,5$  et d'angle  $A = 60^\circ$ .

- 1) A quelle condition un rayon lumineux situé dans le plan de section principale arrivant sur une face du prisme sous une incidence  $i$  pourra-t-il émerger du prisme ? Déterminer cette valeur  $i_0$ .
- 2) Quel est l'angle d'émergence d'un rayon arrivant sous une incidence de  $35^\circ$  ? Quelle est la déviation que subit ce rayon ?
- 3) On se place au minimum de déviation. Calculer sa valeur  $D_m$  ainsi que l'incidence correspondante.

### Exercice 8 : (non résolu)

Soit un prisme d'angle au sommet  $60^\circ$  et d'indice  $n = 1,5$ . Donner les valeurs des angles d'incidences, de réfraction, de déviation, d'émergence, et faire une représentation, dans les cas suivants :

- a- Incidence rasante ;
- b- Incidence normale ;
- c- Minimum de déviation ;
- d- Emergence rasante.

### Exercice 9 : (non résolu)

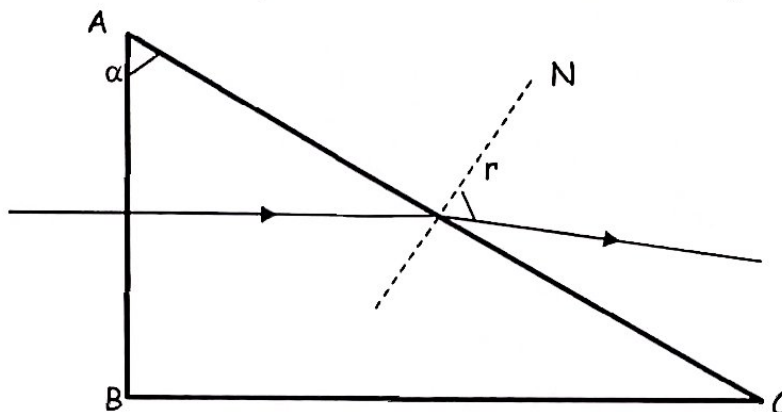
- 1) L'angle au sommet  $A$  d'un prisme est de  $30^\circ$ . On fait tomber normalement sur sa face d'entrée un pinceau lumineux jaune. L'indice de réfraction du verre dans lequel est taillé le prisme étant  $3/2$ , on demande l'angle d'émergence ainsi que la valeur de la déviation  $D$ .
- 2) Les conditions d'incidence étant les mêmes :
  - a) On demande quelle devrait être la valeur de  $n$  pour que le rayon émergent sorte en rasant la face postérieure du prisme.

- b) Quel devrait être l'angle au sommet d'un prisme d'indice  $n = 3/2$  pour que le rayon émergent sorte en rasant la face postérieure du prisme ?
- 3) Un prisme d'indice  $n = 3/2$  et d'angle au sommet  $A = 44^\circ$ , reçoit un pinceau lumineux dans les conditions donnant un minimum de déviation. Quelles sont les valeurs des angles  $i$  et  $D$ .

**Exercice 10 : (non résolu)**

Un prisme en verre d'indice  $n = 1,51$ , a pour section principale un triangle  $ABC$ , rectangle en  $B$ . On note par  $\alpha$  l'angle  $\widehat{BAC}$ . Le prisme est placé dans l'air d'indice égal à 1. On éclaire la face d'entrée  $AB$  sous une incidence normale.

- 1- Calcule la valeur de l'angle de réfraction  $r$  à la sortie du prisme pour  $\alpha = 30^\circ$ . 1,5pt
- 2- Soit  $\alpha_L$  la valeur limite de l'angle en  $A$  à partir de laquelle il y a réflexion totale sur la face  $AC$  du prisme. Calcule la valeur  $\alpha_L$ . 1,5pt
- 3- Quelle est la valeur  $\alpha'$  de  $\alpha$  pour laquelle, après réflexion totale sur  $AC$ , le rayon lumineux émerge du prisme perpendiculairement à la face  $BC$  ? 1pt



**Exercice 11 : (non résolu)**

- 1) L'angle au sommet  $A$  d'un prisme est de  $30^\circ$ . On fait tomber normalement sur sa face antérieure un pinceau de lumière jaune du sodium. L'indice du verre dans lequel est taillé le prisme étant  $3/2$ , on demande l'angle d'émergence du pinceau ainsi que la valeur de la déviation  $D$ .
- 2) Les conditions d'incidence étant les mêmes ;
  - a) On demande quelle devrait être la valeur de l'indice de réfraction  $n$  pour que le rayon émergent sorte en rasant la face postérieure du prisme.
  - b) Quelle devrait être l'angle au sommet d'un prisme d'indice  $n = 3/2$  pour que dans les mêmes conditions d'incidence, le rayon émergent sorte également en rasant la face postérieure du prisme ?
- 3) Un prisme d'indice  $n$  et d'angle au sommet  $A$  reçoit un pinceau lumineux dans les conditions donnant le minimum de déviation. Quelles sont les valeurs de l'angle d'incidence  $i$  et de la déviation  $D$  ? On donne  $n = 3/2$  ;  $A = 44^\circ$ .

Solution 1 :

1- Angle de réfraction  $r$  :

$$\sin i = n \sin r \Rightarrow r = \sin^{-1} \left( \frac{\sin i}{n} \right) \quad \text{AN : } r = \sin^{-1} \left( \frac{\sin 50^\circ}{1,5} \right) = 30,7^\circ$$

2- Angle d'émergence  $i'$  :

$$\sin i' = n \sin r' \quad \text{or } r' = A - r \Rightarrow i' = \sin^{-1} [n \sin(A - r)]$$

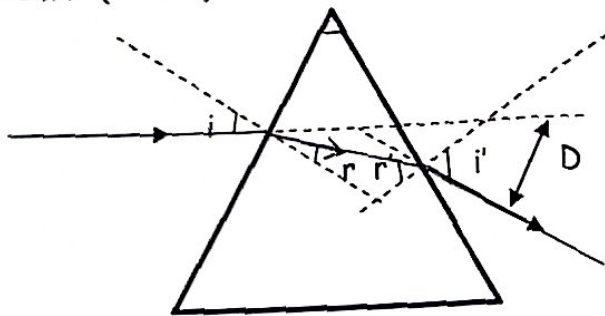
$$\text{AN : } i' = \sin^{-1} [1,5 \cdot \sin(70^\circ - 30,7)] = 71,8^\circ$$

3- Angle de déviation  $D$  :

$$D = i + i' - A \quad \text{AN : } D = 50^\circ + 71,8^\circ - 70^\circ = 51,8^\circ$$

Solution 2 :

1- a)- Schéma : ( $i = 40^\circ$ )



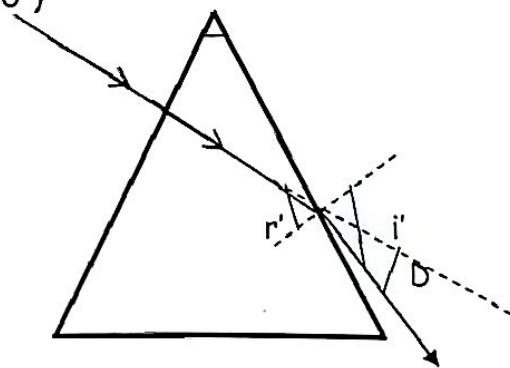
b)- Valeurs des angles internes  $r$  et  $r'$ , et de l'angle émergent  $i'$  :

- Valeur de  $r$  :  $r = \sin^{-1} \left( \frac{\sin i}{n} \right) = \sin^{-1} \left( \frac{\sin 40^\circ}{1,5} \right) = 25,4^\circ$

- Valeur de  $r'$  :  $r' = A - r = 40^\circ - 25,4^\circ = 14,6^\circ$

Valeur de  $i'$  :  $i' = \sin^{-1}(n \cdot \sin r') = \sin^{-1}(1,5 \cdot \sin 14,6^\circ) = 22,2^\circ$

2- a)- Schéma ( $i = 0^\circ$ )



b)- Valeurs de  $i'$  et  $D$  :

- Angle  $i'$  :  $i' = \sin^{-1}(n \sin r')$  or  $r' = A - r$  et  $r = 0^\circ \Rightarrow r' = A$

$$\Rightarrow i' = \sin^{-1}(n \sin A) = \sin^{-1}(1,5 \cdot \sin 40^\circ) = 74,6^\circ$$

- Angle de déviation  $D$  :  $D = i + i' - A$  or  $i = 0^\circ \Rightarrow D = i' - A = 74,6^\circ - 40^\circ = 34,6^\circ$

### Solution 3 :

1- Valeurs de  $r$ ,  $r'$ ,  $i'$  et  $D$  :

- Valeur de  $r$  :  $r = \sin^{-1}\left(\frac{\sin i}{n}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{\sin 45^\circ}{1,5}\right) = 28^\circ$
- Valeur de  $r'$  :  $r' = A - r = 60^\circ - 28^\circ = 32^\circ$
- Valeur de  $i'$  :  $i' = \sin^{-1}(n \sin r') = \sin^{-1}(1,5 \cdot \sin 32^\circ) = 52,6^\circ$
- Valeur de  $D$  :  $D = i + i' - A = 45^\circ + 52,6^\circ - 60^\circ = 37,6^\circ$

2- Déviation minimale :

a- Formules fondamentales du prisme :

$$(1): \sin i = n \sin r ; (2): \sin i' = n \sin r' ; (3): A = r + r' ; (4): D = i + i' - A$$

b- Condition de réalisation du minimum de déviation :

$$i = i' \Rightarrow r = r' \Rightarrow A = 2r \text{ et } D_m = 2i - A$$

c- Montrer que  $n = \frac{\sin\left(\frac{D_m + A}{2}\right)}{\sin\left(\frac{A}{2}\right)}$  : De (1) :  $\sin i = n \sin r \Rightarrow n = \frac{\sin i}{\sin r}$

$$\text{Or minimum de déviation} \Rightarrow i = \frac{D_m + A}{2} \text{ et } r = \frac{A}{2} \Rightarrow n = \frac{\sin\left(\frac{D_m + A}{2}\right)}{\sin\left(\frac{A}{2}\right)}$$

d- Valeur de  $D_m$  : Pour  $A = 60^\circ$  et  $n = 1,5$  :

$$\sin\left(\frac{D_m + A}{2}\right) = n \sin\left(\frac{A}{2}\right) \Rightarrow \frac{D_m + A}{2} = \sin^{-1}\left(n \sin\left(\frac{A}{2}\right)\right)$$

$$D'ou \ D_m = 2 \sin^{-1}\left(n \sin\left(\frac{A}{2}\right)\right) - A = 2 \sin^{-1}(1,5 \cdot \sin 30^\circ) - 60^\circ = 37,2^\circ$$

Valeurs de  $i$  et de  $r$  :

$$i = \frac{D_m + A}{2} = \frac{37,2^\circ + 60^\circ}{2} = 48,6^\circ \text{ et } r = \frac{A}{2} = \frac{60^\circ}{2} = 30^\circ$$

### Solution 4 :

1- Expression de l'angle de déviation :  $D = i + i' - A$

2- Valeurs limites des indices du prisme :

a- Valeurs des angles de réfraction :  $\sin i = n \sin r \Rightarrow r = \sin^{-1}\left(\frac{\sin i}{n}\right)$  pour  $i = 40^\circ$

$$- n = 1,514 \Rightarrow r = 25,12^\circ$$

$$- n = 1,523 \Rightarrow r = 24,96^\circ$$

b- Valeurs des angles de réfraction interne :  $r' = A - r$  pour  $A = 60^\circ$

$$- n = 1,514 \Rightarrow r = 25,12^\circ \text{ et } r' = 34,88^\circ$$

$$- n = 1,523 \Rightarrow r = 24,96^\circ \text{ et } r' = 35,04^\circ$$

c- Valeurs des angles d'émergence :  $\sin i' = n \sin r' \Rightarrow i' = \sin^{-1}(n \sin r')$

$$- n = 1,514 \Rightarrow r' = 34,88^\circ \text{ et } i' = 59,97^\circ$$

$$- n = 1,523 \Rightarrow r' = 35,04^\circ \text{ et } i' = 60,97^\circ$$

d- Valeurs des angles de déviation :  $D = i + i' - A$

$$- n = 1,514 \Rightarrow i' = 59,97^\circ \text{ et } D = 39,97^\circ$$

$$- n = 1,514 \Rightarrow i' = 60,97^\circ \text{ et } D = 40,97^\circ$$

3- Ecart angulaire entre les rayons limites qui émergent :  $\Delta i' = 60,97^\circ - 59,97^\circ = 1^\circ$

### Solution 5 :

1- Angle d'émergence  $i'$  et angle de déviation  $D$ , pour  $i = r = 0^\circ$  :

- Angle d'émergence  $i'$  :

$$\sin i' = n \sin r' \text{ or } r' = A \Rightarrow \sin i' = n \sin A \Rightarrow i' = \sin^{-1}(n \sin A) = 48,6^\circ$$

- Angle de déviation  $D : D = i' - A \quad \text{AN: } D = 48,6^\circ - 30^\circ = 18,6^\circ$

2- Pour les mêmes conditions ( $i = r = 0^\circ$ ):

a- Valeur de l'indice de réfraction pour  $i' = 90^\circ$ :

$$\sin i' = n \sin r' \Rightarrow n = \frac{\sin i'}{\sin r'} \text{ or } i' = 90^\circ \text{ et } r' = A = 30^\circ \Rightarrow n = 2$$

b- Angle au sommet pour  $n = 1,5$ :

$$\sin i' = n \sin r' \text{ or } i' = 90^\circ \text{ et } r' = A \Rightarrow \sin i' = n \sin A \Rightarrow A = \sin^{-1}\left(\frac{\sin i'}{n}\right) = 41,8^\circ$$

### Solution 6 :

1- Indice de réfraction du prisme pour  $A = 30^\circ$ :

$$\sin i' = n \sin r' \Rightarrow n = \frac{\sin i'}{\sin r'} \text{ or } i = r = 0^\circ \Rightarrow i' = D + A \text{ et } r' = A \Rightarrow n = \frac{\sin(D + A)}{\sin A} = 1,73$$

2- Pour  $A = 60^\circ$ :

a- Angle d'incidence pour  $i' = 90^\circ$ :  $\Rightarrow r' = \sin^{-1}\left(\frac{1}{n}\right) = 35,3^\circ$

$$\text{Or } \sin i = n \sin r \text{ et } r = A - r' = 60^\circ - 35,3^\circ = 24,7^\circ \Rightarrow i = \sin^{-1}(n \sin r) = 46,3^\circ$$

b- Déviation minimale:

$$\text{déviation minimale } i = i' \Rightarrow D_m = 2i - A = 32,6^\circ$$

### Solution 7 :

1)- Condition d'émergence:  $r' \leq \lambda$  et  $A \leq 2\lambda$

$$\text{Or } \lambda = \sin^{-1}\left(\frac{1}{n}\right) = 41,8^\circ \Rightarrow A = 60^\circ < 2\lambda \text{ donc il y'a émergence}$$

$$\text{Valeur de } i_0 : \text{ Pour } r' = \lambda \Rightarrow r = A - \lambda \text{ et } i = i_0 = \sin^{-1}[n \sin(A - \lambda)] = 27,9^\circ$$

2)- Pour  $i = 35^\circ$ :

- Angle d'émergence:

$$i' = \sin^{-1}(n \sin r') \text{ or } r' = A - r \text{ et } r = \sin^{-1}\left(\frac{1}{n} \sin i\right) \quad \text{AN: } r = 22,5^\circ; r' = 37,5^\circ \text{ et } i' = 65,9^\circ$$

- Angle de déviation:  $D = i + i' - A = 35^\circ + 65,9^\circ - 60^\circ = 40,9^\circ$

3)- Minimum de déviation:

$$D_m = 2i - A \text{ or } r = r' = \frac{A}{2} \text{ et } i = i' = \sin^{-1}\left(n \sin \frac{A}{2}\right) = 48,6^\circ \Rightarrow D_m = 37,2^\circ$$

### Solution 8 :

a)- Incidence rasante:

$$i = 90^\circ \Rightarrow r = r_{\max} \Rightarrow r_{\max} = \sin^{-1}\left(\frac{1}{n}\right) = \sin^{-1}\left(\frac{1}{1,5}\right) = 41,8^\circ$$

$$r' = A - r = 60^\circ - 41,8^\circ = 18,2^\circ \Rightarrow i' = \sin^{-1}(n \sin r') = 27,9^\circ \text{ et } D = i + i' - A = 57,9^\circ$$

b)- Incidence normale:

$$i = 0^\circ \Rightarrow r = 0^\circ \Rightarrow r' = A = 60^\circ \text{ avec } \lambda = \sin^{-1}\left(\frac{1}{n}\right) = 41,8^\circ$$

comme  $r' > \lambda \Rightarrow$  émergence impossible donc réflexion totale

c)- Minimum de déviation:  $r = r' = \frac{A}{2} = \frac{60^\circ}{2} = 30^\circ$

$$i = i' = \sin^{-1}(n \sin r) = \sin^{-1}(1,5 \sin 30^\circ) = 48,6^\circ \Rightarrow D = 2i - A = 2 \cdot 48,6^\circ - 60^\circ = 37,2^\circ$$

d)- Émergence rasante:

$$i' = 90^\circ \Rightarrow \text{réfraction limite} \Rightarrow r' = \lambda = \sin^{-1}\left(\frac{1}{n} \sin i'\right) = \sin^{-1}\left(\frac{1}{1,5}\right) = 41,8^\circ$$

$$r = A - \lambda = 18,2^\circ \Rightarrow i = \sin^{-1}(n \sin r) = 27,9^\circ \text{ et } D = i + i' - A = 57,9^\circ$$

1- Interactions entre charges électriques immobiles dans le vide :

- Les corps chargés d'électricité de même signe, se repoussent
- Les corps chargés d'électricité de signes contraires, s'attirent.

2- Loi de Coulomb :

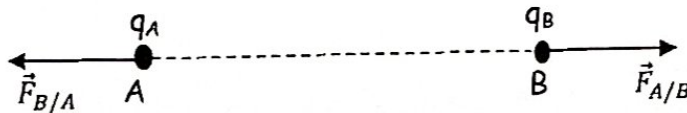
Deux charges électriques  $q_A$  et  $q_B$ , placées respectivement en A et en B, distantes de  $d = AB$ , sur chaque charge s'exerce mutuellement deux forces  $\vec{F}_{A/B}$  et  $\vec{F}_{B/A}$ , opposées dont l'intensité commune a pour expression :

$$F_{A/B} = F_{B/A} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_A| |q_B|}{AB^2} \quad (\text{en } N)$$

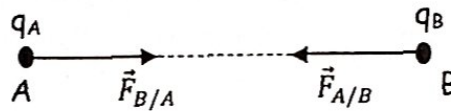
Avec  $|q_A|$  et  $|q_B|$  : en coulomb (C) ;  $AB = d$  : (en m)

Représentation :

- $q_A$  et  $q_B$  chargées de même signe :



- $q_A$  et  $q_B$  chargées de signes contraires :



**Exercice 1 : (résolu)**

Deux ions  $Na^+$  et  $SO_4^{2-}$ , sont placés respectivement en A et B, deux points distants de 20 cm.

- 1- Quelles sont les valeurs respectives  $q_A$  et  $q_B$  de la charge portée par chaque ion ?
- 2- Représente les forces électrostatiques qui s'exercent mutuellement sur chacune des charges.
- 3- En déduire l'intensité commune de ces forces.

On donne :  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} C$

**Exercice 2 : (résolu)**

La boule d'un pendule électrique chargée positivement, est attirée par une force électrique horizontale. A l'équilibre, le fil de suspension de la boule s'incline d'un angle  $\alpha = 30^\circ$  avec la verticale. Sachant que le poids de la boule est de  $10^{-2} N$  ;

- a- Quelles sont les forces qui s'exercent sur la boule à l'équilibre ?
- b- Représente sur un schéma annoté les forces concourantes qui s'exercent sur la boule à l'équilibre.
- c- Calcule l'intensité F de la force électrique ainsi que la tension du fil.

**Exercice 3 : (résolu)**

1)- Deux charges  $q_A = +10^{-6} C$  et  $q_B = -3,5 \cdot 10^{-6} C$  sont placées respectivement en A et B distants de 16cm.

Quelle est la valeur commune des forces électrostatiques s'exerçant sur  $q_A$  et  $q_B$ .

2)- En un point C situé dans le prolongement de AB (du côté de B) tel que  $AC = 30cm$ , on place une charge  $q_C = -10^{-6} C$ .

- a- Quelle est la valeur  $F_{AC}$  de la force électrostatique exercée par la charge  $q_A$  sur  $q_C$  ?
- b- Quelle est la valeur  $F_{BC}$  de la force électrostatique exercée par la charge  $q_B$  sur  $q_C$  ?
- c- Représente en C, les forces  $\vec{F}_{AC}$  et  $\vec{F}_{BC}$  exercées respectivement par  $q_A$  et  $q_B$  sur la charge  $q_C$  ; en déduire la valeur F de la résultante de ces deux forces.
- d- En quel point C placé entre A et B, doit - on placer la charge  $q_C$ , pour que cette résultante F soit nulle ?

**Exercice 4 : (résolu)**

On considère deux charges  $q_A = +2 \cdot 10^{-6} C$  et  $q_B = -2 \cdot 10^{-6} C$  placées respectivement en A et B distants de 20cm.

En un point C situé de la médiane de AB et passant en son milieu I, tel que  $IC = 15cm$ , on place une charge  $q_C = -3,5 \cdot 10^{-6} C$ .

- a)- Quelle est la valeur  $F_{AC}$  de la force électrostatique exercée par la charge  $q_A$  sur  $q_C$  ?
- b)- Quelle est la valeur  $F_{BC}$  de la force électrostatique exercée par la charge  $q_B$  sur  $q_C$  ?
- c)- Représente en C, les forces  $\vec{F}_{AC}$  et  $\vec{F}_{BC}$  exercées respectivement par  $q_A$  et  $q_B$  sur la charge  $q_C$  ; en déduire la valeur F de la résultante de ces deux forces.

**Solution 1 :**

1- Charge de chaque ion :

$$Na^+ : q_A = +e = +1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C} \quad \text{et} \quad SO_4^{2-} : q_B = -2e = -3,2 \cdot 10^{-19} \text{ C}$$

2- Représentation des forces :



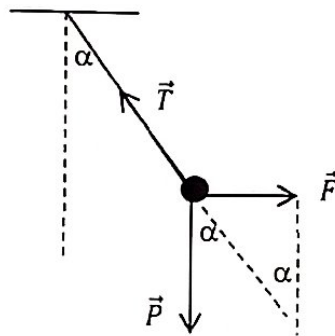
3- Valeur commune des forces :

$$F_A = F_B = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_A| \cdot |q_B|}{AB^2} \quad \text{AN : } F_A = F_B = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{1,6 \cdot 3,2 \cdot (10^{-19})^2}{(0,2)^2} = 1,15 \cdot 10^{-26} \text{ N}$$

**Solution 2 :**

a- Forces s'exerçant sur la boule à l'équilibre : Le poids  $\vec{P}$ , la tension du fil  $\vec{T}$  et la force électrique  $\vec{F}$ .

b- Schéma annoté :



c- Valeur de la force électrique et de la tension du fil :

$$\tan \alpha = \frac{F}{P} \Rightarrow F = P \tan \alpha \quad \text{AN : } F = 10^{-2} \cdot \tan 30^\circ = 5,77 \cdot 10^{-3} \text{ N}$$

$$\cos \alpha = \frac{P}{T} \Rightarrow T = \frac{P}{\cos \alpha} \quad \text{AN : } T = \frac{10^{-2}}{\cos 30^\circ} = 1,15 \cdot 10^{-2} \text{ N}$$

**Solution 3 :**

1- Valeur commune des forces s'exerçant sur  $q_A$  et  $q_B$  :

$$F_A = F_B = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_A| \cdot |q_B|}{AB^2} \quad \text{AN : } F_A = F_B = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{10^{-6} \cdot 3,5 \cdot 10^{-6}}{(0,16)^2} = 1,23 \text{ N}$$

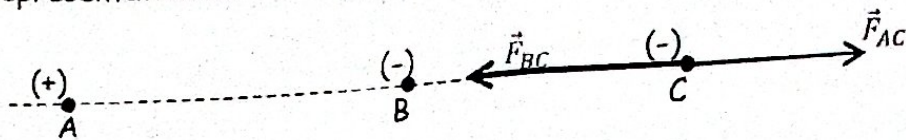
2- a)- Valeur de la force  $F_{AC}$  exercée par  $q_A$  sur  $q_C$  :

$$F_{AC} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_A| \cdot |q_C|}{AC^2} \quad \text{AN : } F_{AC} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{10^{-6} \cdot 10^{-6}}{(0,3)^2} = 0,1 \text{ N}$$

b)- Valeur de la force  $F_{BC}$  exercée par  $q_B$  et  $q_C$  :

$$F_{BC} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_B| \cdot |q_C|}{BC^2} \quad \text{AN : } F_{BC} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{3,5 \cdot 10^{-6} \cdot 10^{-6}}{(0,14)^2} = 1,6 \text{ N}$$

c)- Représentation en C des forces  $\vec{F}_{AC}$  et  $\vec{F}_{BC}$  :



- Valeur F de la résultante des forces  $\vec{F}_{AC}$  et  $\vec{F}_{BC}$  :

$$F = F_{BC} - F_{AC} = 1,6 - 0,1 = 1,5 \text{ N}$$

d)- Position du point C placé entre A et B, pour que  $F = 0$  :

$$F = F_{BC} - F_{AC} = 0 \Rightarrow F_{BC} = F_{AC} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_B| \cdot |q_C|}{BC^2} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_A| \cdot |q_C|}{AC^2}$$

$$\Rightarrow \frac{|q_B|}{BC^2} = \frac{|q_A|}{AC^2} \text{ or } |q_A| = 10^{-6} \text{ C}; |q_B| = 3,5 \cdot 10^{-6} \text{ C et } BC = AB - AC = 0,16 - AC$$

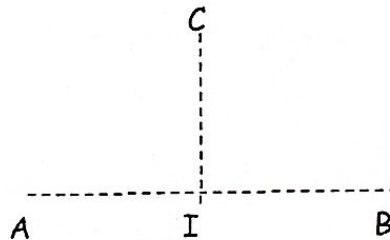
$$\Rightarrow \frac{3,5}{(0,16 - AC)^2} = \frac{1}{AC^2} \Rightarrow 3,5 \cdot AC^2 = (0,16 - AC)^2 \Rightarrow AC \cdot \sqrt{3,5} = 0,16 - AC$$

$$\Rightarrow AC = \frac{0,16}{1 + \sqrt{3,5}} \approx 0,06 \text{ m} = 6 \text{ cm}$$

#### Solution 4 :

Schématisation :

$AB = 20 \text{ cm}$  ;  $IC = 15 \text{ cm}$



a)- Force exercée par la charge  $q_A$  sur  $q_C$  :

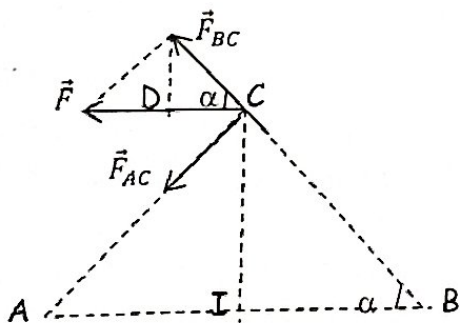
$$F_{AC} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_B| \cdot |q_C|}{AC^2} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_B| \cdot |q_C|}{AI^2 + IC^2} = \frac{9 \cdot 10^9 \cdot 2 \cdot 10^{-6} \cdot 3,5 \cdot 10^{-6}}{0,1^2 + 0,15^2} = 1,93 \text{ N}$$

b)- Force exercée par la charge  $q_B$  sur  $q_C$  :

$$F_{BC} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_B| \cdot |q_C|}{BC^2} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_B| \cdot |q_C|}{BI^2 + IC^2} = \frac{9 \cdot 10^9 \cdot 2 \cdot 10^{-6} \cdot 3,5 \cdot 10^{-6}}{0,1^2 + 0,15^2} = 1,93 \text{ N}$$

c)- Résultante  $\vec{F} = \vec{F}_{AC} + \vec{F}_{BC}$

Représentation :



Module de la résultante :

$$F = 2 \cdot DC \text{ avec } DC = F_{BC} \cdot \cos \alpha$$

$$\Rightarrow F = 2 \cdot F_{BC} \cdot \cos \alpha$$

$$\text{or } \cos \alpha = \frac{BI}{BC} = \frac{BI}{\sqrt{BI^2 + IC^2}} = \frac{0,1}{0,18} = 0,55$$

$$\Rightarrow F = 2 \cdot 1,93 \cdot 0,55 = 2,12 \text{ N}$$

1- Qu'est - ce que le champ électrostatique ?

Le champ électrostatique ou champ électrique, est l'espace autour d'un corps chargé, dans lequel toute charge électrique  $q$ , est soumise à une force électrostatique.

Si  $\vec{E}$ , représente le vecteur champ électrique, la force électrostatique qui s'exerce sur une charge  $q$ , a pour expression :

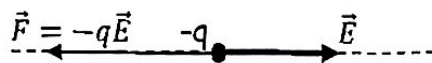
$$\vec{F} = q\vec{E} \text{ de module } F = |q|.E \text{ avec } |q| : \text{ en C ; } F : \text{ en N et } E : \text{ en V/m}$$

Représentation

- Pour  $q > 0$  :  $\vec{E}$  et  $\vec{F}$  ont le même sens ;



- Pour  $q < 0$  :  $\vec{E}$  et  $\vec{F}$  sont de sens contraires.



2- Le champ électrique uniforme :

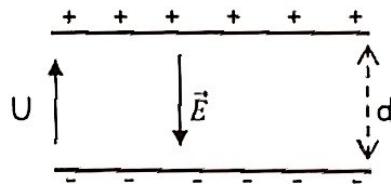
Le champ électrique uniforme se crée entre deux plaques métalliques parallèles chargées de signes contraires.

Le vecteur champ électrique uniforme  $\vec{E}$  est constant et garde, en tout point :

- La même direction : perpendiculaire aux plaques ;
- Le même sens : orienté de la plaque chargée (+) vers la plaque chargée (-) ;
- Le même module :

$$E = \frac{U}{d} \text{ avec : } \begin{cases} U : \text{ tension entre les plaques (en V)} \\ d : \text{ distance séparant les plaques (en m)} \\ E : \text{ en } V.m^{-1} \end{cases}$$

Représentation :



3- Potentiel électrostatique :

Le travail effectué par la force électrique s'exerçant sur une charge  $q$ , en déplacement dans l'espace champ, d'un point A pour un point B, est donné par la relation :

$$W_{\vec{F}} = q(V_A - V_B) \text{ avec } \begin{cases} q : \text{ en C} \\ W_{\vec{F}} : \text{ en joule (J)} \end{cases}$$

et  $(V_A - V_B) = U_{AB}$  : différence de potentiel entre les points A et B (en V)

Remarque :

- Si  $U_{AB} = 0 \Rightarrow$  A et B ont le même potentiel donc sont sur une même ligne parallèle aux plaques.
- Si  $U_{AB} > 0 \Rightarrow V_A > V_B$ .
- Energie potentielle de la charge  $q$  en un point A :  $E_{p(A)} = q.V_A$

#### 4- Champ créé par une charge $q_0$ en un point $M$ :

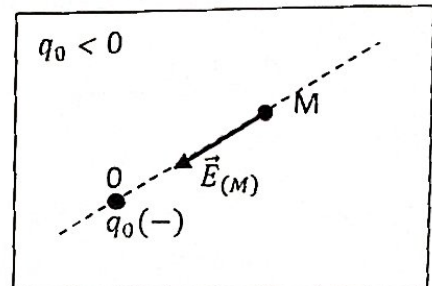
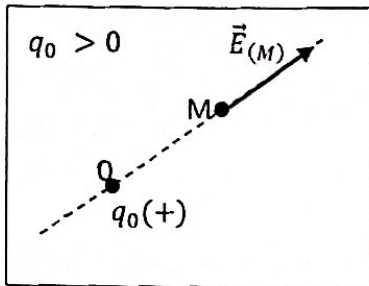
La valeur du champ électrostatique créé en un point  $M$ , par une charge  $q_0$  placée en un point  $O$ , est donné par la relation :

$$E_{(M)} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_0|}{OM^2}$$

#### Caractéristiques du vecteur champ $\vec{E}_{(M)}$ :

- Point d'application : le point  $M$  ;
- Direction : droite passant par les points  $O$  et  $M$  ;
- Sens :  $\begin{cases} \text{si } q_0 > 0 \Rightarrow \vec{E}_{(M)} \text{ est orienté vers l'extérieur : (centrifuge)} \\ \text{si } q_0 < 0 \Rightarrow \vec{E}_{(M)} \text{ est orienté vers le point } O : \text{(centripète)} \end{cases}$

#### Représentation :

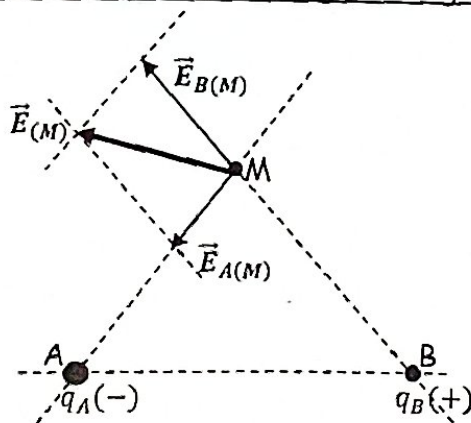


#### 5- Champ résultant créé par deux charges électriques en un point $M$ :

Le champ résultant créé en un point  $M$ , par deux charges  $q_A$  et  $q_B$  placées respectivement en  $A$  et en  $B$ , est égal à la somme vectorielle des champs  $\vec{E}_{A(M)}$  et  $\vec{E}_{B(M)}$ , créés respectivement par  $q_A$  et  $q_B$  en ce point.

$$\vec{E}_{(M)} = \vec{E}_{A(M)} + \vec{E}_{B(M)}$$

#### Exemple : Champ créé en $M$ par deux charges de signes contraires :



**Exercice 1 : (résolu)**

- Quelle est la valeur du champ électrique capable d'exercer sur un électron, une force électrostatique opposée à son poids ?
- Faire la représentation de cette force et du vecteur champ en ce lieu.

**Exercice 2 : (résolu)**

Deux charges électriques ponctuelles  $q_A = q_B = 10^{-8}C$ , sont placées l'une de l'autre à une distance  $AB = 40cm$ .

- Calcule l'intensité de la force électrostatique s'exerçant sur chaque charge.
- Représente et détermine la valeur du champ électrostatique créé par chaque charge, en un point N situé sur le segment AB et à 10 cm de A.
- En déduire la valeur du champ électrostatique résultant en N.

**Exercice 3 : (résolu)**

Deux charges électriques  $q_A = +10^{-8}C$  et  $q_B = -10^{-8}C$ , sont placées respectivement en A et B distants de 20 cm.

- Détermine la valeur commune des forces électriques s'exerçant sur chacune des charges.
- Représente et détermine la valeur :
  - Du champ électrique créé en A par la charge  $q_B$  ;
  - Du champ électrique créé en B par la charge  $q_A$  .
  - Du champ électrique résultant créé en un point C situé entre A et B tel que  $AC = 15cm$ , par les deux charges  $q_A$  et  $q_B$ .

**Exercice 4 : (résolu)**

Deux charges électriques  $q_A = +10\mu C$  et  $q_B = -10\mu C$ , sont placées respectivement en A et B distants de 20 cm.

- Représente puis calcule le champ électrique résultant créé par ces charges en un point C, tel que les points A, B et C forment un triangle équilatéral.
- Représente puis calcule la force électrique qui s'exerce sur une charge  $q = -2\mu C$ , placée en C.

On donne :  $1\mu C = 10^{-6}C$ .

**Exercice 5 : (résolu)**

On considère un pendule électrostatique portant une charge  $q = +6.10^{-8}C$  et de masse  $m = 4mg$ . Ce pendule est en équilibre entre deux plaques verticales A et B, distantes de  $d = 8cm$  et soumise à une tension telle que  $|U| = 1000V$ .

- Si le pendule s'incline vers la plaque A, donne la polarité des plaques A et B.
- Représente le vecteur champ entre les plaques et détermine son intensité.
- Quelles sont les forces qui s'exercent sur le pendule pour le maintenir en équilibre ?
- Représente ces forces et en déduis la valeur de l'angle d'inclinaison  $\alpha$  du pendule.  
Données :  $g = 10N/kg$ .

### Exercice 6 : (résolu)

Entre deux plaques parallèles P et N, distantes de 18 cm, on maintient une différence de potentiel  $U_{PN} = 900V$ . On considère les points A, B et D du champ électrique créé, tels que : le point A est à 2cm de N, le point B à 3cm de P et le segment BD est parallèle aux plaques tel que  $BD = 2cm$ .

- 1- Quelle est la différence de potentiel entre les points A et B, B et D, A et D.
- 2- Quelle est l'énergie potentielle d'une charge  $q = 1 pC$ , lorsqu'elle est située en A, en B et en D. (On prendra pour origine des potentiels, la plaque négative).
- 3- Calculer le travail de la force électrique lors du déplacement de la charge de A en D.

On donne :  $1 pC = 10^{-12} C$

### Exercice 7 : (non résolu)

- 1- Une charge  $q = +12nC$  se déplace d'un point A de potentiel 400V pour un point B de potentiel 180V.
  - a- Quel est le travail effectué par la force électrique qui s'exerce sur cette charge ?
  - b- En déduire la valeur E du champ électrique uniforme qui existe entre les points A et B distant de 10cm.
- 2- On place maintenant la charge q en A et une autre charge q' en un point M milieu de AB, telle que la charge q' soit repoussée par une force électrique d'intensité  $F = 10^{-6}N$ . Détermine alors le signe et la valeur de la charge q'.

On donne :  $1nC = 10^{-9}C$

### Exercice 8 : (non résolu)

Deux plaques métalliques A et B planes et distantes de 50 cm, sont placées dans le vide. Un électron se trouvant entre les plaques et est attiré par la plaque B.

- 1- Donne la polarité des deux plaques A et B.
- 2- Quels sont le sens et le module du vecteur champ électrique  $\vec{E}$ , sachant que ce champ est uniforme et la d.d.p entre les plaques A et B est  $U_{AB} = -4000V$ .
- 3- Calcule le travail de la force électrique agissant sur cet électron s'il part de la plaque A pour la plaque B.

On donne :  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} C$ .

### Problème : (résolu)

Le but de cet exercice est de déterminer le signe et la valeur d'une charge électrique placée en un point quelconque d'un espace champ électrostatique uniforme.

On considère alors une charge  $q = +1,5nC$  qui se déplace de la plaque A de potentiel  $V_A = 400V$  pour la plaque B de potentiel  $V_B = 100V$ , distantes de 25cm.

- 1- Calcule le travail effectué par la force électrique s'exerçant sur cette charge.
- 2- Déduis la valeur E du champ électrique uniforme existant entre les plaques A et B.
- 3- On place maintenant une autre charge q' en un point O de l'espace champ électrique  $\vec{E}$ . Cette charge est attirée par la plaque A sous l'action d'une force électrique de valeur  $F = 1,6 \cdot 10^{-6}N$ . Donne le signe et la valeur de la charge q'.

**Solution 1 :**

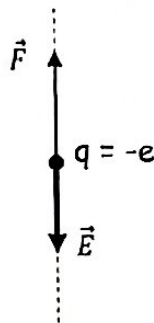
a)- Valeur du champ électrostatique : Si  $\vec{F}$  est opposée au poids  $\vec{P}$  de l'électron  $\Rightarrow F = P$

$$\Rightarrow |q|E = mg \Rightarrow E = \frac{mg}{|q|} \quad \text{AN : } E = \frac{9,1 \cdot 10^{-31} \cdot 10}{1,6 \cdot 10^{-19}} = \text{V} \cdot \text{m}^{-1}$$

b)- Représentation de  $\vec{F}$  et  $\vec{E}$  :

$\vec{F}$  est opposée au poids  $\vec{P}$  de l'électron  $\Rightarrow \vec{F}$  est verticale et orientée vers le haut

$q = -e \Rightarrow \vec{F} = -e \cdot \vec{E} \Rightarrow \vec{E}$  est vertical orienté vers le bas



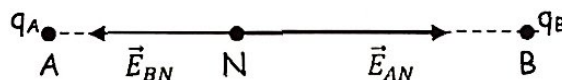
**Solution 2 :**

1)- Intensité de la force électrostatique s'exerçant sur chaque charge :

$$F_{A/B} = F_{B/A} = \frac{9 \cdot 10^9 |q_A| |q_B|}{AB^2} = \frac{9 \cdot 10^9 (10^{-8})^2}{(0,4)^2} = 5,625 \cdot 10^{-6} \text{N}$$

2)- Représentation des champs électrostatiques créés en N par chaque charge :

$$E_{AN} > E_{BN}$$



Valeur de chaque champ créé en N :

$$E_{AN} = \frac{9 \cdot 10^9 |q_A|}{AN^2} = \frac{9 \cdot 10^9 \cdot 10^{-8}}{10^{-2}} = 9 \cdot 10^3 \text{V} \cdot \text{m}^{-1}$$

$$E_{BN} = \frac{9 \cdot 10^9 |q_B|}{BN^2} = \frac{9 \cdot 10^9 \cdot 10^{-8}}{(0,3)^2} = 10^3 \text{V} \cdot \text{m}^{-1}$$

3)- Valeur du champ électrostatique résultant en N :

$$\text{or } \vec{E}_N = \vec{E}_{AN} + \vec{E}_{BN} \text{ de module } E_N = E_{AN} - E_{BN} = 8 \cdot 10^3 \text{V} \cdot \text{m}^{-1}$$

**Solution 3 :**

1)- Valeur commune des forces électriques s'exerçant sur chaque charge :

$$F = \frac{9 \cdot 10^9 |q_A| |q_B|}{AB^2} = \frac{9 \cdot 10^9 \cdot 10^{-8} \cdot 10^{-8}}{(0,2)^2} = 2,25 \cdot 10^{-5} \text{N}$$

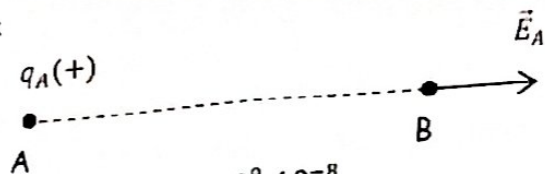
2)- Représentation et valeur du champ électrique :

a)- Créé par la charge  $q_B$  en A :



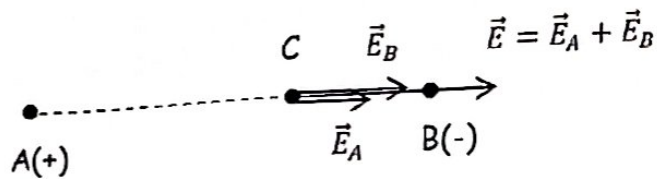
$$E_B = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_B|}{AB^2} = \frac{9 \cdot 10^9 \cdot 10^{-8}}{(0,2)^2} = 2250 \text{V/m}$$

b)- Créé par la charge  $q_A$  en B :



$$E_A = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_A|}{AB^2} = \frac{9 \cdot 10^9 \cdot 10^{-8}}{(0,2)^2} = 2250 \text{ V/m}$$

c)- Champ résultant en C :

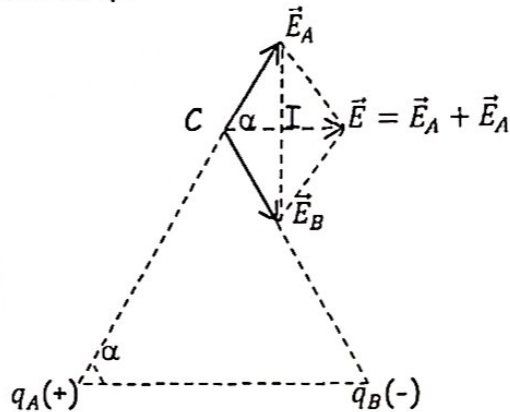


$$E = E_A + E_B \text{ avec } \begin{cases} E_A = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_A|}{AC^2} = \frac{9 \cdot 10^9 \cdot 10^{-8}}{(0,15)^2} = 4000 \text{ V/m} \\ E_B = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_B|}{CB^2} = \frac{9 \cdot 10^9 \cdot 10^{-8}}{(0,05)^2} = 36000 \text{ V/m} \end{cases}$$

$$E = E_A + E_B = 4000 + 36000 = 40000 = 4 \cdot 10^4 \text{ V/m}$$

#### Solution 4 :

1)- Représentation du champ électrique résultant en C :



- Valeur du champ résultant en C :

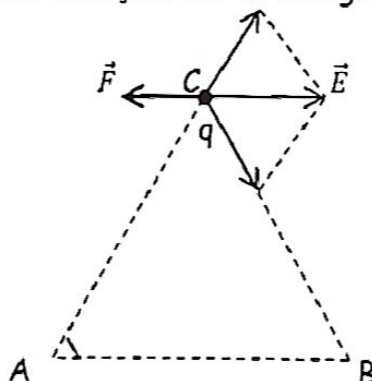
Sachant que : triangle équilatéral  $\Rightarrow AB = AC = BC$  et  $\alpha = 60^\circ$ .

Pour  $|q_A| = |q_B| \Rightarrow E_A = E_B \Rightarrow E = 2 \cdot CI$  avec  $CI = E_A \cdot \cos \alpha$

D'où  $E = 2 \cdot E_A \cdot \cos 60^\circ$  avec  $E_A = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_A|}{AC^2}$

$$E = 2 \cdot 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{|q_A|}{AC^2} \cdot \cos 60^\circ = 2 \cdot \frac{9 \cdot 10^9 \cdot 10^{-5}}{(0,2)^2} \cdot \cos 60^\circ = 2,25 \cdot 10^6 \text{ V/m}$$

2)- Représentation de la force s'exerçant sur la charge  $q(-)$ , placée en C :



Valeur de la force électrique s'exerçant sur la charge  $q$ , placée en C :

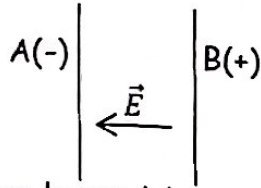
$$F = |q| \cdot E = 2 \cdot 10^{-6} \cdot 2,25 \cdot 10^6 = 4,5 \text{ N}$$

### Solution 5 :

1)- Polarité des plaques A et B :

Si le pendule est attiré par la plaque A, donc la plaque A est chargée négativement et la plaque B, chargée positivement.

2)- Représentation du vecteur champ :

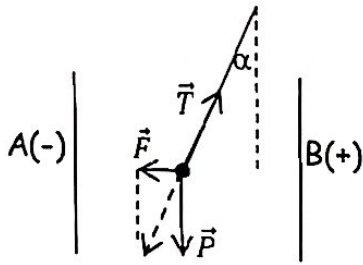


Intensité du vecteur champ :

$$E = \frac{|U|}{d} = \frac{1000}{0,08} = 1,25 \cdot 10^4 \text{ V/m}$$

3)- Les forces s'exerçant sur le pendule pour le maintenir en équilibre, sont : son poids  $\vec{P}$ , la tension  $\vec{T}$  du fil et la force électrique  $\vec{F} = q\vec{E}$ .

4)- Représentation des forces :



Valeur de l'angle d'inclinaison :

$$\tan \alpha = \frac{F}{P} = \frac{|q| \cdot E}{mg}$$

$$\text{d'où } \alpha = \tan^{-1} \left( \frac{|q| \cdot E}{mg} \right)$$

$$AN: \alpha = \tan^{-1} \left( \frac{6 \cdot 10^{-8} \cdot 1,25 \cdot 10^4}{4 \cdot 10^{-6} \cdot 10} \right) = 18,75^\circ$$

### Solution : 6

1)- Sachant que entre les plaques P et N, existe un champ électrique uniforme de valeur :

$$E = \frac{U_{PN}}{PN} = \frac{900}{0,18} = 5000 \text{ V/m}$$

La différence de potentiel entre différents points, est définie par :

- Entre A et B :  $V_A - V_B < 0$  car  $V_A < V_B \Rightarrow U_{AB} = -E \cdot AB = -5000 \cdot 0,13 = -650 \text{ V}$

- Entre B et D : Le segment BD étant parallèle aux plaques  $\Rightarrow V_B = V_D \Rightarrow U_{BD} = 0 \text{ V}$

- Entre A et D : Etant donné que  $V_B = V_D \Rightarrow U_{AD} = U_{AB} = -650 \text{ V}$

2)- Energie potentielle de la charge :

- En A :  $E_{p(A)} = qV_A$  or  $U_{AN} = V_A - V_N = E \cdot NA$  et  $V_N = 0 \Rightarrow V_A = E \cdot NA = 5000 \cdot 0,02 = 100 \text{ V}$

$$\text{d'où } E_{p(A)} = qV_A = 10^{-12} \cdot 100 = 10^{-10} \text{ J}$$

- En B :  $E_{p(B)} = qV_B$  or  $U_{BN} = V_B - V_N = E \cdot NB \Rightarrow V_B = E \cdot NB = 5000 \cdot 0,15 = 750 \text{ V}$

$$\text{d'où } E_{p(B)} = qV_B = 10^{-12} \cdot 750 = 7,5 \cdot 10^{-10} \text{ J}$$

- En D : Etant donné que  $V_D = V_B = 750 \text{ V} \Rightarrow E_{p(D)} = qV_D = 10^{-12} \cdot 750 = 7,5 \cdot 10^{-10} \text{ J}$

3)- Travail de la force électrique si q se déplace de A en D :

$$W_{\vec{F}} = q(V_A - V_B) = 10^{-12}(100 - 750) = -6,5 \cdot 10^{-10} \text{ J}$$

### Solution du problème :

1)- Travail effectué par la force électrique :

$$W_{\vec{F}} = q(V_A - V_B) \quad AN: W_{\vec{F}} = 1,5 \cdot 10^{-9}(400 - 100) = 4,5 \cdot 10^{-7} \text{ J}$$

2)- Valeur du champ électrique entre les plaques :

$$E = \frac{V_A - V_B}{AB} \quad AN: E = \frac{400 - 100}{0,25} = 1200 \text{ V/m}$$

3)- Si la charge  $q'$  est attirée par la plaque A, elle est donc chargée négativement.

Valeur de la charge  $q'$  :

$$\text{Sachant que } F = |q'|E \Rightarrow |q'| = \frac{F}{E} \Rightarrow q' = -\frac{F}{E} \quad AN: q' = -\frac{1,6 \cdot 10^{-6}}{1200} = -1,33 \cdot 10^{-9} \text{ C}$$

Chapitre 1 : LE COURANT ELECTRIQUE CONTINU

1- Nature du courant électrique :

Le courant électrique est le déplacement ordonné des charges électriques. Parmi les charges électriques, on peut citer : les électrons libres et les ions.

- Dans un conducteur métallique, la conduction électrique est due à la présence des électrons libres appelés électrons de conduction.
- Dans une solution ionique aqueuse ou électrolyte, la conduction électrique est due à la double migration des ions entre les molécules du solvant (l'eau).

2- Intensité du courant électrique :

- Quantité d'électricité :

Pour  $n$  électrons libres qui traversent la section d'un conducteur métallique pendant une durée  $t$ , la quantité d'électricité  $Q$ , qui traverse cette section, est donnée par la relation :

$$Q = n \cdot e \text{ avec } e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$$

NB : Si  $n = N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1} \Rightarrow Q = 1 \text{ faraday (F)} = 96500 \text{ C}$

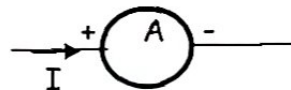
- Intensité d'un courant électrique :

Si  $Q$  est la quantité d'électricité qui traverse le section d'un conducteur pendant une durée  $t$  l'intensité  $I$  du courant correspondant est donnée par la relation :

$$I = \frac{Q}{t} \text{ (en A) avec } Q : \text{(en C) et } t : \text{(en s)}$$

3- Mesure de l'intensité du courant :

L'intensité du courant se mesure à l'aide d'un ampèremètre monté en série dans le circuit.



NB : Les choix du calibre et de l'échelle de lecture s'imposent.

$$\text{La valeur de la mesure est : } I = \frac{\text{Lecture} \cdot \text{calibre}}{\text{échelle choisie}} \text{ (en A)}$$

4- Lois de conservation des charges dans un circuit :

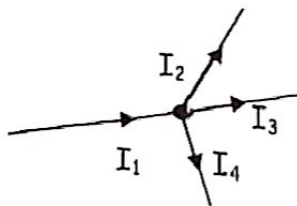
- Unicité de courant :

En tout point d'un circuit électrique en série, l'intensité du courant est la même.

- Additivité de courant ou loi de nœud :

La somme des courants arrivant au niveau du nœud, est égale à la somme des courants qui en partent.

Exemple :



$$I_1 = I_2 + I_3 + I_4$$

**Exercice 1 : (résolu)**

Les deux circuits suivants sont identiques et comporte un générateur et 5 dipôles numérotés de 1 à 5.

Reproduis le schéma (1) puis indique les numéros des dipôles en plaçant respectivement les nœuds A, B, C et D correspondants.

Schéma 1 :

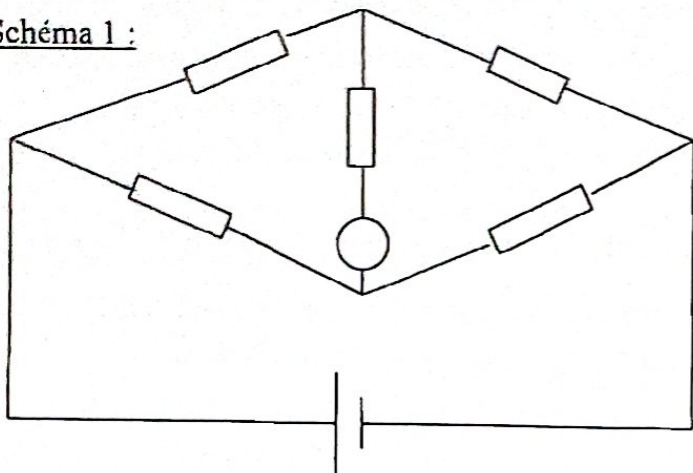
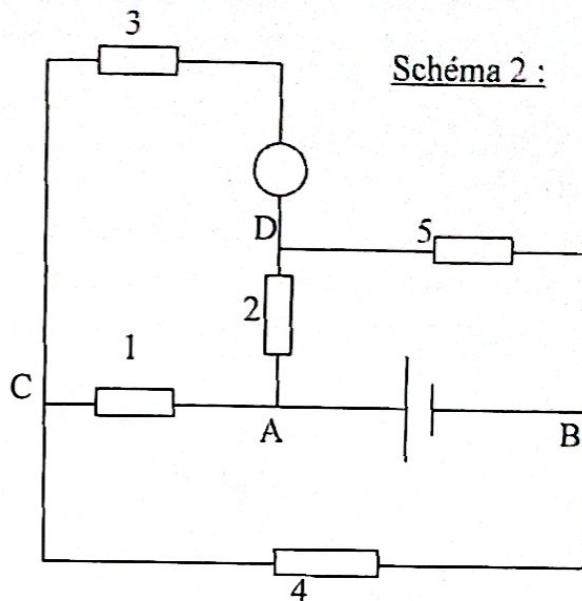


Schéma 2 :



**Exercice 2 : (non résolu)**

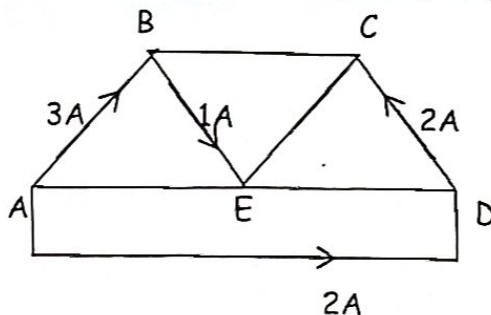
Pour alimenter une ampoule de lampe de poche, on utilise une pile. On dispose d'un ampèremètre avec deux bornes + et -.

- a- Faire le schéma du montage qui permet de mesurer l'intensité du courant qui traverse cette ampoule.
- b- L'intensité de ce courant est 0,5A et l'ampèremètre utilisé comporte les calibres suivants : 100mA ; 300mA ; 1A et 3A. Quel calibre adapté faudra-t-il choisir ?
- c- La graduation de l'ampèremètre comporte 100 divisions équidistantes. Sur quelle division se place l'aiguille si on utilise le calibre 1A, puis 3A ?

Réponses : b)- Calibre : 1A ; c)-  $C = 1A \Rightarrow$  lecture : 50 div. ;  $C = 3A \Rightarrow$  lecture : 17 div.

**Exercice 3 : (non résolu)**

Dans la représentation du réseau de la figure ci-dessous, les générateurs ne sont pas représentés.



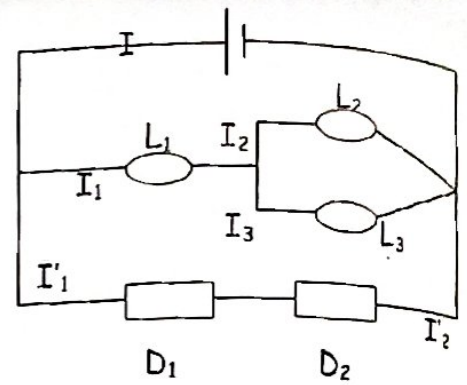
En appliquant la loi des nœuds :

- a- Indique sur le schéma, le sens et l'intensité du courant dans les différentes branches du circuit.
- b- Quelle quantité d'électricité quitte le nœud E en 1 minute ?
- c- Sachant qu'il n'y a aucun générateur dans la branche ED, que se passe-t-il si on la supprime ?

**Exercice 4 : (résolu)**

On considère le montage électrique ci - dessous :

- a- Reproduire le schéma en précisant les nœuds et les sens des courants  $I, I_1, I_1', I_2, I_2'$  et  $I_3$ .
- b- On donne :  $I_2 = 3I_3, I_1 = I_1'$  et  $I = 3A$ . Détermine les valeurs de  $I_1, I_2, I_3, I_1'$  et  $I_2'$ .
- c- Comment sont associées les lampes  $L_2$  et  $L_3$  ?
- d- Comment sont associés les dipôles  $D_1$  et  $D_2$  ?

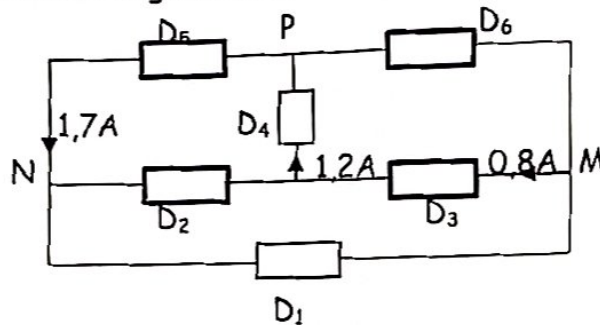


**Exercice 5 : (résolu)**

Soit le circuit ci - dessous comprenant six dipôles.

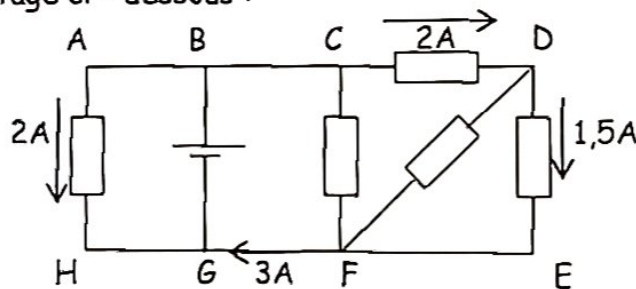
On mesure :  $I_3 = 0,8A ; I_4 = 1,2A$  et  $I_5 = 1,7A$ .

- 1)- Détermine les sens et les intensités des courants  $I_1, I_2$  et  $I_6$ , dans les dipôles  $D_1, D_2$  et  $D_6$  ;
- 2)- Lequel de ces dipôles est le générateur ?



**Exercice 6 : (non résolu)**

On considère le montage ci - dessous :



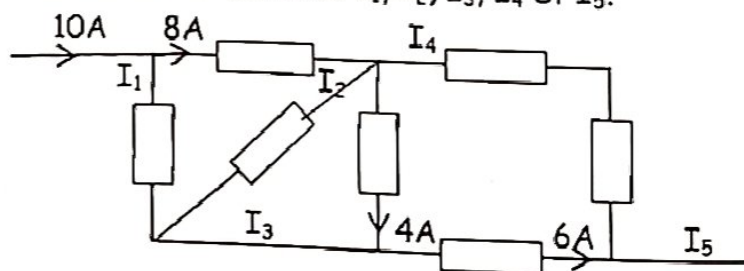
Donne les sens et les intensités des courants dans les branches BC, GB, DF et CF du circuit.

**Réponses :**  $I_{BC} = 3A ; I_{GB} = 5A ; I_{DF} = 0,5A ; I_{CF} = 1A$

**Exercice 7 : (résolu)**

On considère le réseau de la figure ci - dessous, dans lequel certains courants sont connus en intensité et en sens.

Détermine les sens et les intensités des courants  $I_1, I_2, I_3, I_4$  et  $I_5$ .

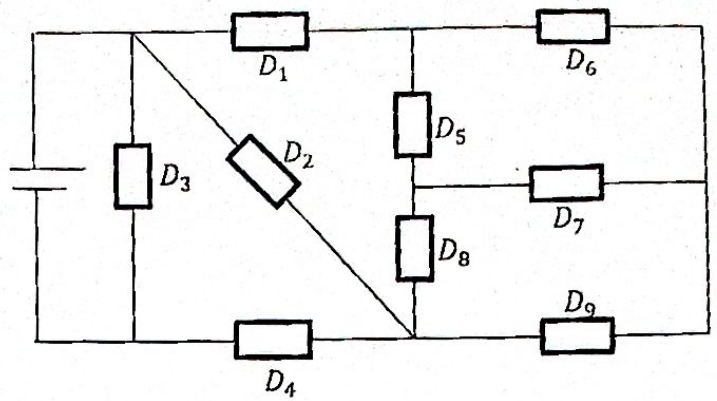


### Exercice 8 : (non résolu)

Dans le montage ci-contre, on donne

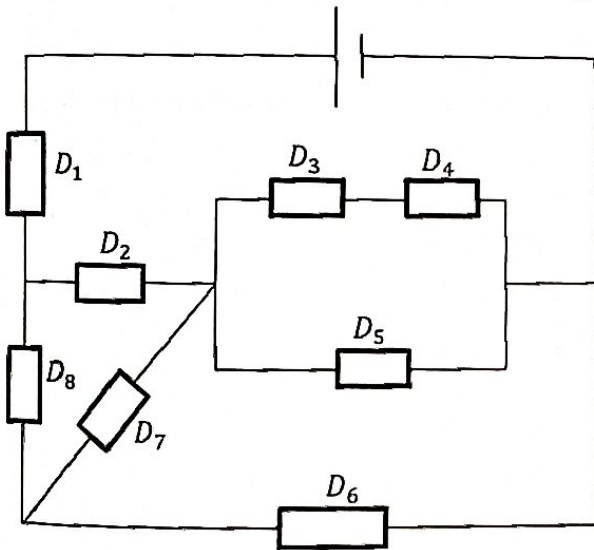
$$I_1 = 5A; I_2 = 1A; I_3 = 4A; I_7 = 2A; I_8 = 2A.$$

- 1) Indiquer le sens du courant dans chaque branche.
- 2) Calculer les intensités  $I_4$ ;  $I_5$ ;  $I_6$  et  $I_9$ .
- 3) On utilise un ampèremètre possédant les calibres 4A ; 5A ; 10A pour mesurer l'intensité qui traverse le dipôle 4.
  - a) Quel est le calibre le mieux adapté ?
  - b) Calculer le nombre de divisions que va indiquer l'aiguille sachant que le cadran de l'ampèremètre comporte au total 150 divisions.



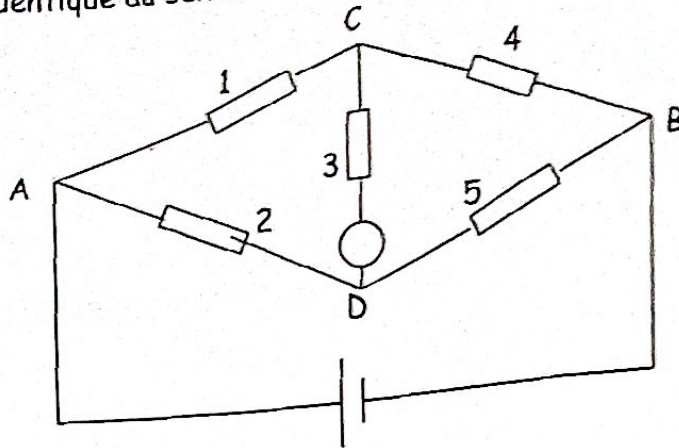
### Exercice 9 : (résolu)

Soit le montage ci-dessous. Détermine les sens et les intensités des courants traversant les autres dipôles, sachant que :  $I_1 = 6,6A$  ;  $I_5 = 2,4A$  ;  $I_6 = 3A$  et  $I_7 = 0,5A$ .



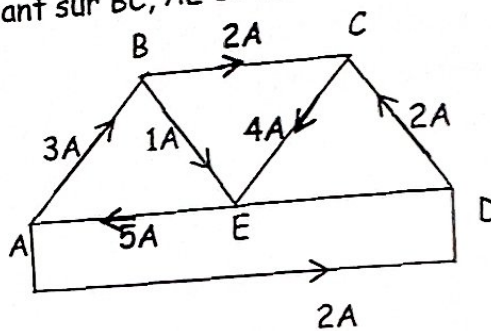
**Solution 1 :**

Schéma 1 identique au schéma 2 :



**Solution 3 :**

a)- Sens et intensité du courant sur BC, AE et CE :



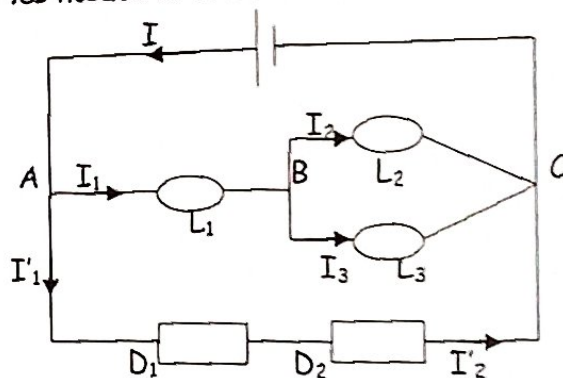
b)- Quantité d'électricité quittant le nœud E :

$$Q = I_{AE} \cdot t \quad \text{AN : } I_{AE} = 5A ; t = 1mn = 60s \Rightarrow Q = 300 C$$

c)- La suppression de la branche ED, n'influence pas les courants dans les autres branches du circuit.

**Solution 4 :**

a- Schéma en précisant les nœuds et le sens des courants :



b- Valeurs des courants :

Nœud A :  $I = I_1 + I'_1$  or  $I_1 = I'_1 \Rightarrow I = 2I_1 \Rightarrow I_1 = \frac{I}{2} = 1,5 A$

Nœud B :  $I_1 = I_2 + I_3$  or  $I_2 = 3I_3 \Rightarrow I_1 = 4I_3 \Rightarrow I_3 = \frac{I_1}{4} = 0,375 A$  et  $I_2 = 1,125 A$

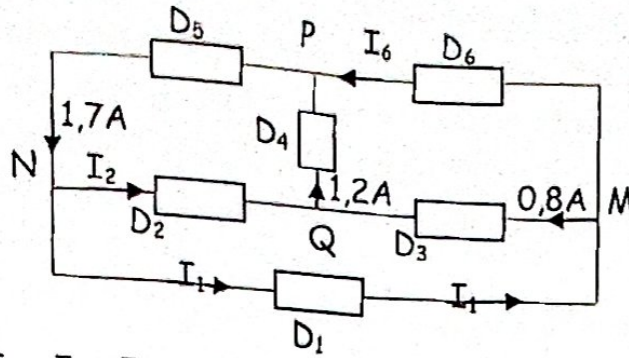
Série AC :  $I'_1 = I'_2 = 1,5 A$

c-  $L_2$  et  $L_3$  sont montées en parallèle.

d-  $D_1$  et  $D_2$  sont montés en série.

### Solution 5 :

1)- Sens des courants :  $I_1, I_2$  et  $I_6$  :



- Nœud P :  $I_5 = I_4 + I_6 \Rightarrow I_6 = I_5 - I_4 = 1,7 - 1,2 = 0,5A \Rightarrow I_6 = 0,5A$
- Nœud Q :  $I_4 = I_2 + I_3 \Rightarrow I_2 = I_4 - I_3 = 1,2 - 0,8 = 0,4A \Rightarrow I_2 = 0,4A$
- Nœud N :  $I_5 = I_2 + I_1 \Rightarrow I_1 = I_5 - I_2 = 1,7 - 0,4 = 1,3A \Rightarrow I_1 = 1,3A$

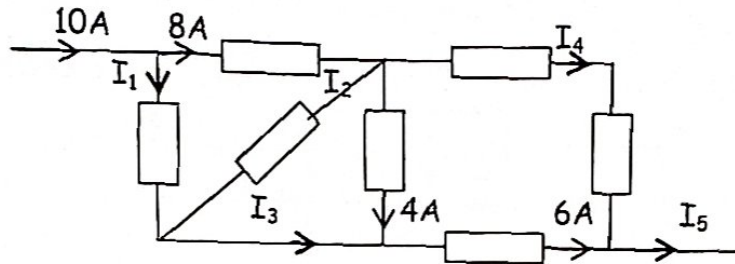
2)- Le générateur est le dipôle  $D_5$  car il débite le courant principal ( $I_5 = 1,7A$ ), de plus grande valeur.

### Solution 7 :

Sens et intensités des courants :

$$I_1 = 2A ; I_2 = 0 ; I_3 = 2A$$

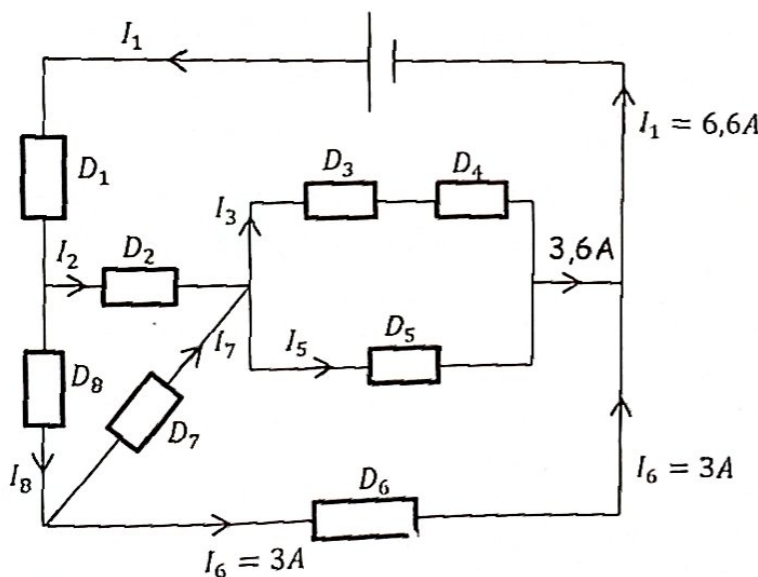
$$I_4 = 4A \text{ et } I_5 = 10A$$



### Solution 9:

On donne :  $I_1 = 6,6A ; I_5 = 2,4A ; I_6 = 3A$  et  $I_7 = 0,5A$ .

- Sens des différents courants :

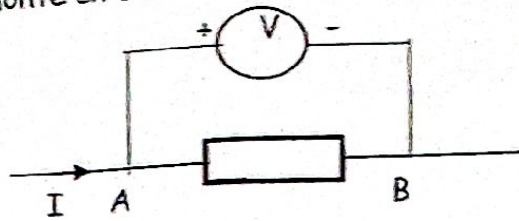


- Intensités  $I_2 ; I_3$  et  $I_8$

- $I_3 + I_5 = 3,6A \Rightarrow I_3 = 3,6 - I_5 = 3,6 - 2,4 = 1,2A$
- $I_2 + I_7 = I_3 \Rightarrow I_2 = I_3 - I_7 = 1,2 - 0,5 = 0,7A$
- $I_8 = I_7 + I_6 \Rightarrow I_8 = 0,5 + 3 = 3,5A$

1- Mesure d'une tension électrique :

La tension électrique ou différence de potentiel entre deux points A et B, se mesure à l'aide d'un voltmètre monté en dérivation entre ces points.

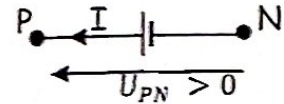


NB : Pour toutes mesures, les choix du calibre et de l'échelle de lecture s'imposent.

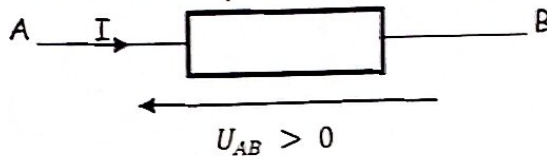
$$\text{Valeur de la mesure : } U_{AB} = \frac{\text{Lecture} \cdot \text{Calibre}}{\text{Echelle}} \text{ (en V)}$$

2- Lois des tensions :

- Aux bornes d'un fil conducteur, la tension est nulle.
- Aux bornes d'un interrupteur fermé, la tension est nulle.
- Aux bornes d'un interrupteur ouvert, la tension est non nulle.
- Aux bornes d'un générateur :



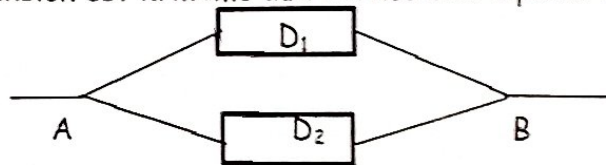
- Aux bornes d'un dipôle AB, parcouru par un courant I, telle que  $U_{AB} > 0$ .



NB :  $U_{BA} = -U_{AB}$

- Unicité de tension :

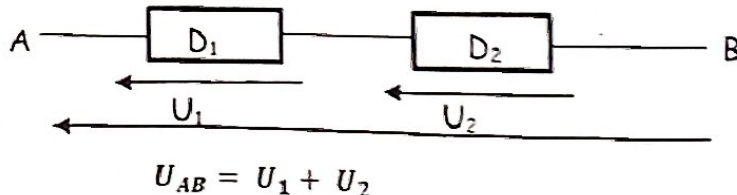
La tension est la même aux bornes des dipôles montés en parallèle.



$$U_{AB} = U_1 = U_2$$

- Additivité de tension :

Aux bornes des dipôles montés en série, la tension aux bornes de l'ensemble est égale à la somme des tensions aux bornes de chaque dipôle.



3- Energie électrique consommée par un dipôle :

L'énergie électrique consommée par un dipôle AB parcouru par un courant électrique I pendant une durée t, est :  $W_e = I \cdot t \cdot U_{AB}$  (en J) avec I : (en A); t : (en s) et  $U_{AB}$  : (en V)

4- Puissance électrique consommée par un dipôle :

$$P_e = \frac{W_e}{t} \Rightarrow P_e = I \cdot U_{AB} \text{ (en watt)}$$

## EVALUATION « TENSION ELECTRIQUE »

### Exercice 1 :

Soit N, un nœud d'un circuit ne comportant pas de générateur, NA, NB et NC sont trois branches qui aboutissent en N.

- Un courant circule de A vers N. Quel est le signe de la tension  $U_{AN}$  ?
- La tension  $U_{BN}$  est positive. Quel est le sens du courant dans la branche NB ?
- Quel est le signe de la tension  $U_{CN}$  ?
- Faire une représentation des différents courants et tensions.

### Exercice 2 : (non résolu)

Pour une portion de circuit ABC dessinée ci - dessous, on note les tensions  $U_{AC} = 12,3 V$  et  $U_{CB} = -9,6 V$ .

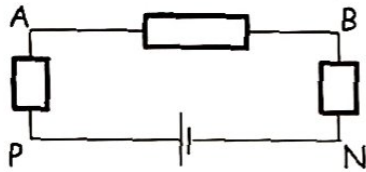
- Représente ces tensions sur la portion de circuit.
- Calculer la tension  $U_{AB}$ .
- On mesure la tension  $U_{AB}$  à l'aide d'un voltmètre possédant les calibres 1V, 3V et 10V ; son cadran est gradué en 150 divisions. Quel est le calibre approprié ? Sur quelle graduation l'aiguille s'arrête - t - elle dans ces conditions ?

Réponse :  $U_{AB} = 2,7V$  ; calibre : 3V ; lecture : 135 divisions

### Exercice 3 :

Soit le circuit ci-dessous, on a mesuré :  $U_{PN} = 9,0V$  ;  $U_{AB} = 2,5V$  et  $U_{BP} = -6V$ .

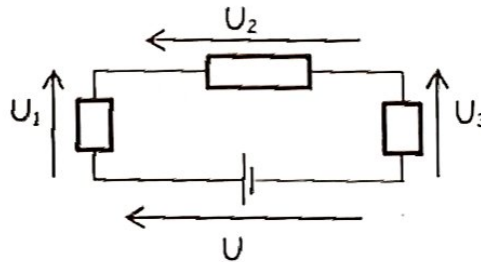
Représente les tensions  $U_{PN}$ ,  $U_{AB}$ ,  $U_{PA}$  et  $U_{BN}$ , puis calcule les tensions  $U_{PA}$  et  $U_{BN}$ .



### Exercice 4 :

On donne les valeurs des tensions  $U = 9V$ ,  $U_2 = 3,5V$  et  $U_3 = 3V$ , dans le circuit ci - dessous.

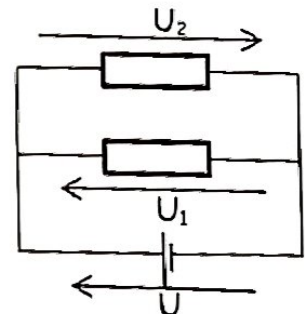
- Ecris la relation existant entre les tensions  $U$ ,  $U_1$ ,  $U_2$  et  $U_3$ .
- En déduire la valeur de  $U_1$ .



### Exercice 5 :

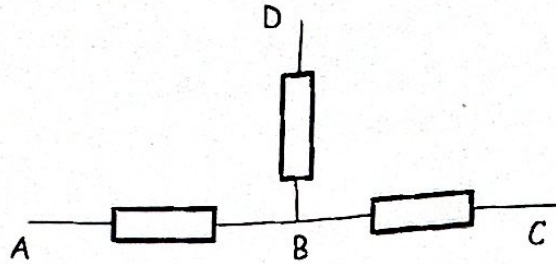
On donne la valeur  $U = 4,5V$ , de la tension aux bornes du générateur.

- Ecris la relation existant entre les tensions  $U$ ,  $U_1$  et  $U_2$ .
- Quelles sont les valeurs des tensions  $U_1$  et  $U_2$  ?



**Exercice 6 :**

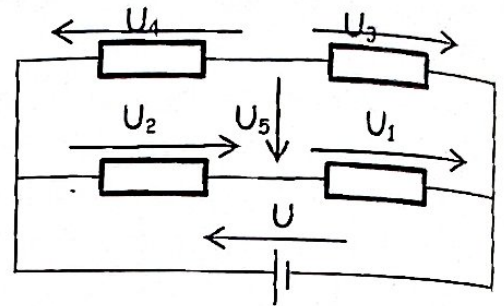
On considère les branches AB, BC et BD d'un circuit (voir figure), soumises à des tensions suivantes :  $U_{AB} = 20V$  ;  $U_{CB} = 20V$  ;  $U_{AD} = 30V$ . Calculer les tensions  $U_{AC}$  ;  $U_{BD}$  et  $U_{CD}$ .



**Exercice 7 :**

Dans le montage ci - contre, on donne les tensions  $U_1 = 3V$  ;  $U = 12V$  et  $U_4 = -1,5V$ .

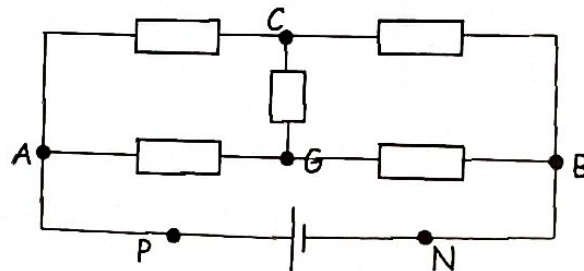
Quelles sont les valeurs des tensions  $U_2$ ,  $U_3$  et  $U_5$ .



**Exercice 8 : (non résolu)**

Soit le circuit ci - dessous, on a mesuré :  $U_{PN} = 9,0V$  et  $U_{AC} = 3V$  et  $U_{DB} = 2,5V$ .

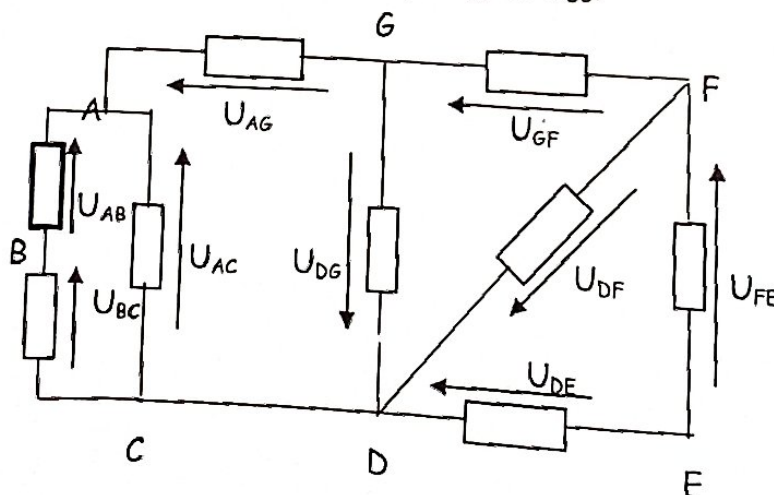
Représente les tensions  $U_{PN}$ ,  $U_{AC}$ ,  $U_{DB}$ ,  $U_{DC}$ ,  $U_{CB}$  et  $U_{AD}$ . Calcule les tensions  $U_{EF}$  et  $U_{AB}$ .



**Exercice 9 :**

Dans le circuit ci - dessous, certains dipôles sont des générateurs. On donne les tensions suivantes :  $U_{AB} = 5V$  ;  $U_{AC} = 12V$  ;  $U_{AG} = -8V$  ;  $U_{DF} = 3V$  et  $U_{FE} = -5V$ .

Calcule les tensions manquantes :  $U_{BC}$  ;  $U_{GF}$  ;  $U_{DE}$  et  $U_{DG}$ .

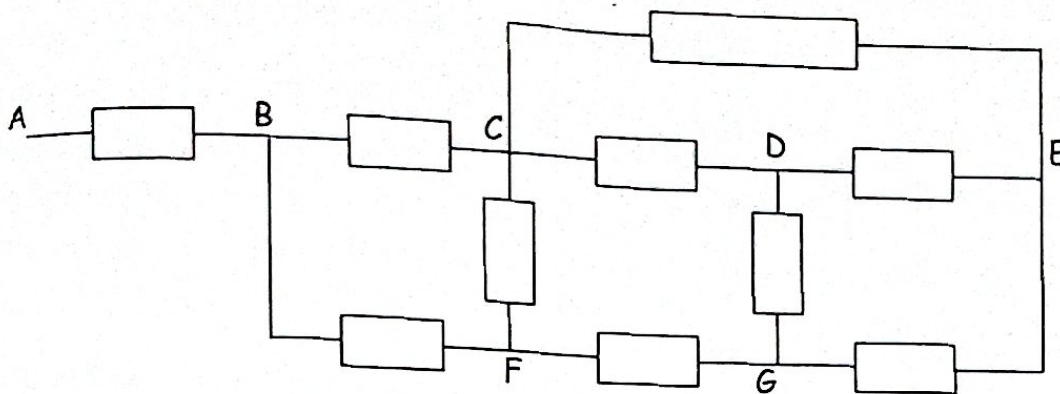


### Exercice 10 :

Dans la portion de circuit ci - dessous, on donne les valeurs des tensions aux bornes de certains dipôles :  $U_{AB} = 10V$  ;  $U_{BC} = 8V$  ;  $U_{CD} = 12V$  ;  $U_{BF} = 15V$  ;  $U_{FG} = 5V$  et  $U_{GE} = 5V$ .

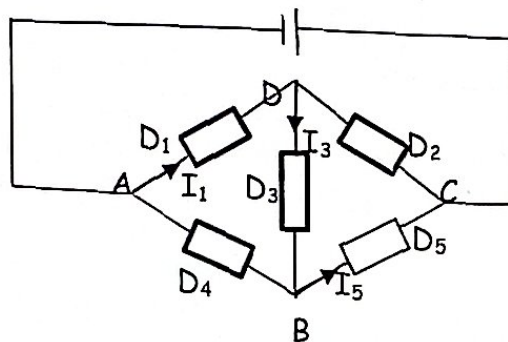
a- Calcule les tensions  $U_{FC}$ ,  $U_{DE}$ ,  $U_{DG}$ ,  $U_{CE}$  et  $U_{GB}$ .

b- Quel est le sens du courant dans le dipôle CF, sachant qu'il n'y a pas de générateur entre C et F.



### Exercice 11 :

On Considère le circuit ci - dessous :



1- A partir des valeurs  $I_1 = 2A$ ,  $I_3 = 3,5A$  et  $I_5 = 1,4 A$ , des courants traversant les dipôles  $D_1$ ,  $D_3$  et  $D_5$ , détermine les sens et les valeurs des intensités  $I_2$  et  $I_4$ , des courants dans  $D_2$  et  $D_4$ .

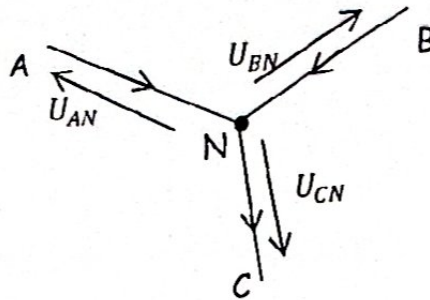
2- En déduire la valeur de l'intensité  $I$  du courant principal.

3- Un dispositif approprié permet d'annuler la tension  $U_{BC}$  aux bornes du dipôle  $D_5$ .

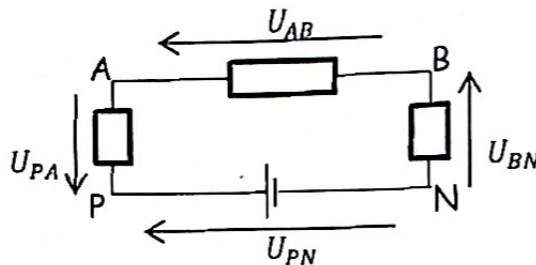
A partir des valeurs des tensions  $U_{AC} = 6V$  et  $U_{AD} = 4V$ , détermine les tensions  $U_{DC}$ ,  $U_{AB}$  et  $U_{DB}$  aux bornes des dipôles  $D_2$ ,  $D_4$  et  $D_3$ .

**Solution 1 :**

- a- Si le courant circule de A vers N  $\Rightarrow U_{AN} = V_A - V_N > 0$   
 b- Si  $U_{BN} = V_B - V_N > 0 \Rightarrow$  le courant circule de B vers N.  
 c- Si sur NA, le courant circule de A vers N et sur NB, il circule de B vers N, alors sur NC, en appliquant la loi des nœuds, le courant circule de N vers C  $\Rightarrow U_{CN} < 0$ .  
 d- Représentation :

**Solution 3 :**

Représentation des différentes tensions :



- Valeur de  $U_{PA}$  : Or  $U_{BP} = U_{BA} + U_{AP} = -U_{AB} - U_{PA} \Rightarrow U_{PA} = -U_{AB} - U_{BP} = -2,5 + 6 = 3,5V$   
 Valeur de  $U_{BN}$  : Or  $U_{PN} = U_{PA} + U_{AB} + U_{BN} \Rightarrow U_{BN} = U_{PN} - U_{PA} - U_{AB} = 9,0 - 3,5 - 2,5 = 3V$

**Solution 4 :**

a)- Relation entre les tensions : montage en série :

$$U = -U_1 + U_2 + U_3$$

b)- Valeur de  $U_1$  :  $U_1 = U_2 + U_3 - U = 3,5 + 3 - 9 = -2,5V$

**Solution 5 :**

a) Relation entre les tensions  $U$ ,  $U_1$  et  $U_2$  : montage en parallèle :

$$U = U_1 = -U_2$$

b) Valeurs des tensions  $U_1$  et  $U_2$  :

$$U_1 = U = 4,5V \text{ et } U_2 = -U = -4,5V$$

**Solution 6 :**

- Tension  $U_{AC}$  :  $U_{AC} = U_{AB} + U_{BC} = U_{AB} - U_{CB} = 20 - 20 = 0V$
- Tension  $U_{BD}$  :  $U_{BD} = U_{BA} + U_{AD} = -U_{AB} + U_{AD} = -20 + 30 = 10V$
- Tension  $U_{CD}$  :  $U_{CD} = U_{CB} + U_{BD} = 20 + 10 = 30V$

**Solution 7 :**

- Tension  $U_2$  :  $U = U_1 + U_2 \Rightarrow U_2 = U - U_1 = 12 - 3 = 9V$
- Tension  $U_3$  :  $U = U_3 - U_4 \Rightarrow U_3 = U + U_4 = 12 + (-1,5) = 10,5V$
- Tension  $U_5$  :

$$(1) : U_5 = U_4 + U_2 = -1,5 + 9 = 7,5V ;$$

$$(2) : U_3 = U_5 + U_1 \Rightarrow U_5 = U_3 - U_1 = 10,5 - 3 = 7,5V$$

### Solution 9 :

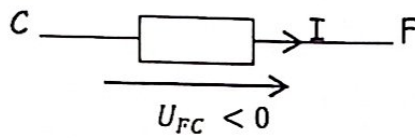
- Tension  $U_{BC}$  :  $U_{AC} = U_{BC} + U_{AB} \Rightarrow U_{BC} = U_{AC} - U_{AB} = 12 - 5 = 7 \text{ V}$
- Tension  $U_{GF}$  :  $U_{DF} = U_{DG} + U_{GF} \Rightarrow U_{GF} = U_{DF} - U_{DG}$   
Sachant que  $U_{AG} = U_{DG} + U_{AC} \Rightarrow U_{DG} = U_{AG} - U_{AC}$   
 $\Rightarrow U_{GF} = U_{DF} - U_{AG} + U_{AC} = 3 + 8 + 12 = 23 \text{ V}$
- Tension  $U_{DE}$  :  $U_{DE} = U_{DF} + U_{FE} = 3 + (-5) = -2 \text{ V}$
- Tension  $U_{DG}$  :  $U_{AG} = U_{DG} + U_{AC} \Rightarrow U_{DG} = U_{AG} - U_{AC} = -8 - 12 = -20 \text{ V}$

### Solution 10 :

a)- Valeurs des tensions :

- \* Tension  $U_{FC}$  :  $U_{FC} = U_{FB} + U_{BC} = -U_{BF} + U_{BC} = -15 + 8 = -7 \text{ V}$
- \* Tension  $U_{DE}$  : (1) :  $U_{DG} = U_{DE} + U_{EG}$  ; (2) :  $U_{DG} = U_{DC} + U_{CF} + U_{FG}$   
(1) = (2)  $\Rightarrow U_{DE} + U_{EG} = U_{DC} + U_{CF} + U_{FG} \Rightarrow U_{DE} = U_{DC} + U_{CF} + U_{FG} - U_{EG}$   
 $\Rightarrow U_{DE} = -U_{CD} - U_{FC} + U_{FG} + U_{GE} = -12 + 7 + 5 + 5 = 5 \text{ V}$
- \* Tension  $U_{DG}$  :  $U_{DG} = U_{DE} + U_{EG} = U_{DE} - U_{GE} = 5 - 5 = 0 \text{ V}$
- \* Tension  $U_{CE}$  :  $U_{CE} = U_{CD} + U_{DE} = 12 + 5 = 17 \text{ V}$
- \* Tension  $U_{GB}$  :  $U_{GB} = U_{GF} + U_{FB} = -U_{FG} - U_{BF} = -5 - 15 = -20 \text{ V}$

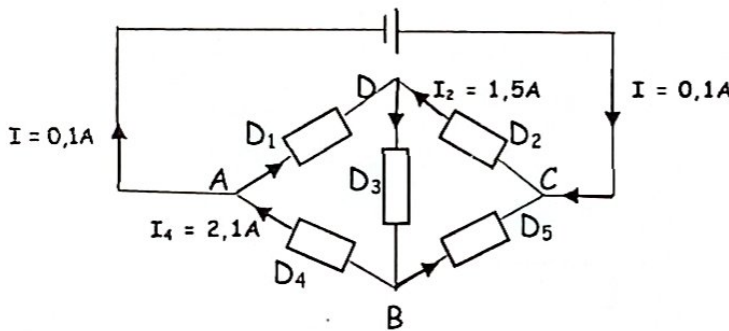
b)- Sens du courant traversant le dipôle CF : Comme  $U_{FC} < 0 \Rightarrow$  le courant circule de C vers F.



### Solution 11 :

1- Sens et valeurs des courants  $I_2$  et  $I_4$  :

- \* Intensité  $I_2$  : Nœud D :  $I_2 + I_1 = I_3 \Rightarrow I_2 = I_3 - I_1 = 3,5 - 2 = 1,5 \text{ A}$
- \* Intensité  $I_4$  : Nœud B :  $I_4 + I_5 = I_3 \Rightarrow I_4 = I_3 - I_5 = 3,5 - 1,4 = 2,1 \text{ A}$



2- Sens et valeur du courant principal :

- \* Nœud C :  $I_2 = I_5 + I \Rightarrow I = I_2 - I_5 = 1,5 - 1,4 = 0,1 \text{ A}$

3- Valeurs des tensions  $U_{DC}$ ,  $U_{AB}$  et  $U_{DB}$  :

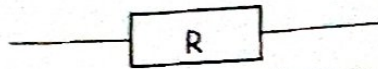
- \* Tension  $U_{DC}$  :  $U_{AC} = U_{AD} + U_{DC} \Rightarrow U_{DC} = U_{AC} - U_{AD} = 6 - 4 = 2 \text{ V}$
- \* Tension  $U_{AB}$  :  $U_{AC} = U_{AB} + U_{BC}$  or  $U_{BC} = 0 \Rightarrow U_{AB} = U_{AC} = 6 \text{ V}$
- \* Tension  $U_{DB}$  :  $U_{AB} = U_{AD} + U_{DB} \Rightarrow U_{DB} = U_{AB} - U_{AD} = 6 - 4 = 2 \text{ V}$

# Chapitre 3 : LE DIPOLE PASSIF : LE RESISTOR OU CONDUCTEUR OHMIQUE

## 1- Le conducteur ohmique :

Le conducteur ohmique ou résistor, est caractérisé par sa résistance  $R$ , exprimée en ohm ( $\Omega$ ) et se mesure à l'aide d'un ohmmètre.

Symbole du conducteur ohmique :



## 2- Facteur de résistance d'un conducteur métallique : la résistivité :

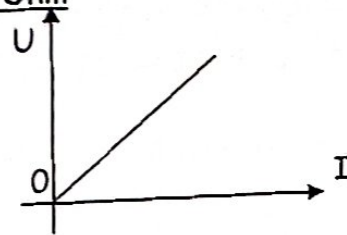
La résistance d'un fil conducteur métallique de longueur  $L$  et de section  $s$ , est donnée par la relation :

$$R = \rho \frac{L}{s} \text{ (en } \Omega \text{)}$$

avec  $\rho$  : résistivité ou facteur de résistance (en  $\Omega \cdot m^{-1}$ );  $L$  : (en  $m$ ) et  $s$  : (en  $m^2$ )

## 3- Caractéristique intensité - tension : Loi d'Ohm

- Forme de la courbe  $U = f(I)$  :

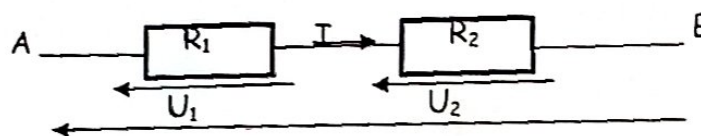


- Loi d'ohm aux bornes d'une résistance :  $U = R \cdot I$  (en  $V$ ) avec  $R$  : (en  $\Omega$ ) et  $I$  : (en  $A$ )

- La conductance d'un conducteur ohmique, notée  $G$  et exprimée en siemen ( $S$ ), correspond à l'inverse de sa résistance  $R$ .  $G = \frac{1}{R}$  (en  $S$ )

## 4- Association des conducteurs ohmiques :

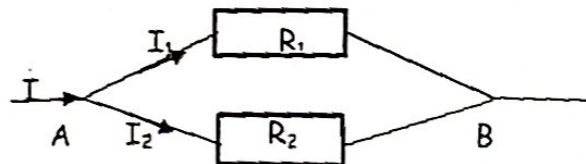
• Association en série :



$$U_{AB} = U_1 + U_2$$

$$\text{Or } U_{AB} = R_{AB}I \text{ et } U_1 = R_1I \text{ et } U_2 = R_2I \Rightarrow R_{AB} = R_1 + R_2$$

• Association en parallèle :



$$\text{Au noeud A } \Rightarrow I = I_1 + I_2 \Rightarrow I = \frac{U_{AB}}{R_{AB}} ; I_1 = \frac{U_{AB}}{R_1} \text{ et } I_2 = \frac{U_{AB}}{R_2}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{R_{AB}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \Rightarrow G_{AB} = G_1 + G_2$$

## 5- Énergie électrique consommée : Loi de Joule

L'énergie électrique consommée par un conducteur ohmique :

$$W_e = U \cdot I \cdot t \text{ or } U = R \cdot I \Rightarrow W_e = R \cdot I^2 \cdot t$$

# EVALUATION « CONDUCTEURS OHMIQUES »

## Exercice 1 :

Aux bornes C et D d'un circuit, on branche deux conducteurs ohmiques de résistances respectives  $R_1 = 10 \Omega$  et  $R_2 = 15 \Omega$ .

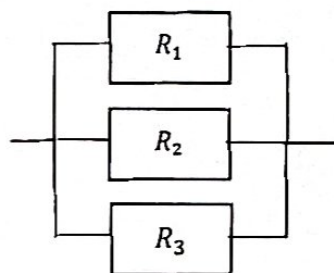
- a- Quelle est la résistance équivalente si on les associe en série ? En déduire la tension  $U_{CD}$  aux bornes de l'association, si elle est traversée par un courant de 40 mA.
- b- Mêmes questions si on les associe en parallèle.

## Exercice 2 :

Deux conducteurs ohmiques  $R_1$  et  $R_2$ , sont associés de deux manières différentes. Dans un cas, on obtient une résistance équivalente de  $R_{AB} = 94 \Omega$  et dans l'autre cas une résistance de  $R'_{AB} = 23,5 \Omega$ . Précise le mode d'association dans chaque cas et détermine les valeurs de  $R_1$  et  $R_2$ .

## Exercice 3 :

En tenant compte de l'association ci - dessous, détermine la résistance équivalente, sachant que :  $R_1 = 4 \Omega$ ,  $R_2 = 5 \Omega$  et  $R_3 = 5 \Omega$ .

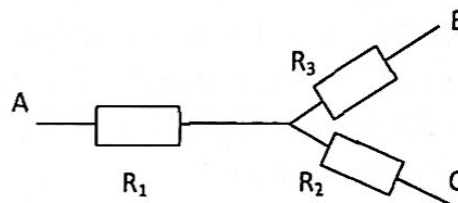


## Exercice 4 :

On considère le montage suivant tel que :

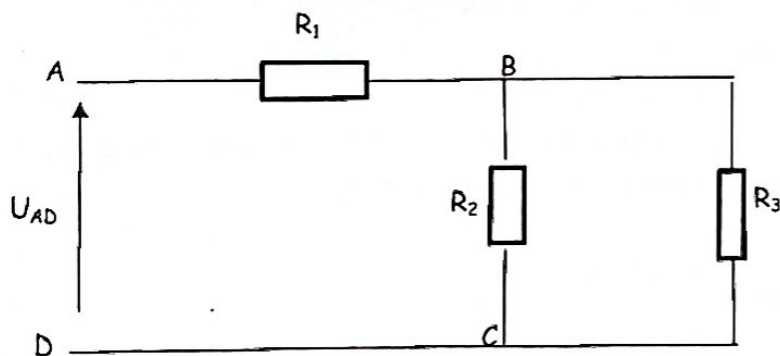
$R_{AB} = 18 \Omega$ ,  $R_{BC} = 24 \Omega$  et  $R_{AC} = 30 \Omega$ .

En appliquant les lois d'association des résistances, détermine  $R_1$ ,  $R_2$  et  $R_3$ .



## Exercice 5 :

On considère le montage ci - dessous, telles que :  $R_1 = 5 \Omega$ ,  $R_2 = 6 \Omega$ ,  $R_3 = 8 \Omega$  et  $U_{AD} = 6 \text{ V}$ .



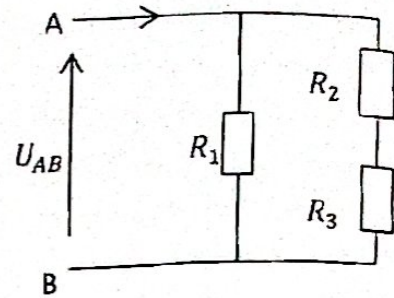
- 1- Après avoir reproduit le schéma, indique le sens du courant qui traverse chaque dipôle.
- 2- Détermine la résistance équivalente  $R_{AD}$  aux bornes du dipôle AD.
- 3- Calcule :
  - a- Les intensités  $I_1$ ,  $I_2$  et  $I_3$  des courants traversant respectivement les résistances  $R_1$ ,  $R_2$  et  $R_3$ .
  - b- Les tensions  $U_{AB}$  et  $U_{BC}$ .

### Exercice 6 :

Aux bornes A et B d'un réseau électrique, on applique une tension  $U_{AB} = 12\text{ V}$ .

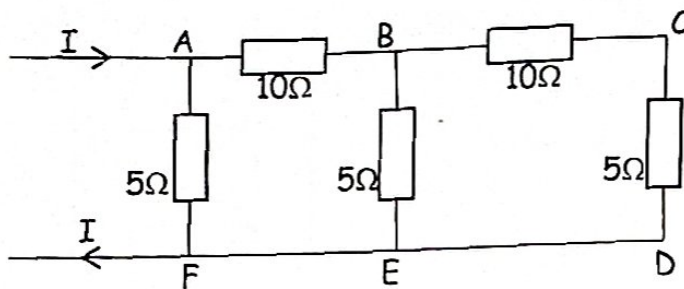
On donne  $R_1 = 47\Omega$ ,  $R_2 = 33\Omega$  et  $R_3 = 82\Omega$ .

- 1- Calculer l'intensité  $I_1$  du courant dans  $R_1$  ;
- 2- Calculer l'intensité  $I_2$  du courant dans  $R_2$  et en déduire la tension aux bornes de  $R_3$ .
- 3- Calculer l'intensité  $I$  du courant principal et en déduire le rapport  $R = \frac{U_{AB}}{I}$ .
- 4- Calculer, à l'aide des lois d'association, la résistance équivalente  $R_e$  entre A et B, comparer sa valeur au rapport R.



### Exercice 7 :

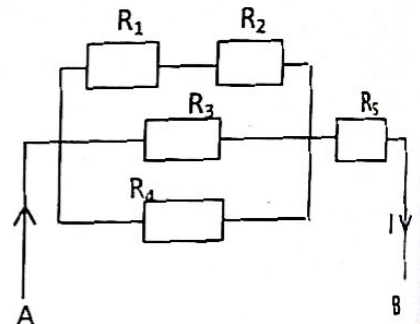
Calculer les intensités des courants dans chacune des branches du réseau ci - dessous, ainsi que les valeurs des tensions  $U_{BE}$ ,  $U_{CD}$  et  $U_{AF}$ . On donne :  $I = 1,5\text{ A}$  et  $U_{AB} = 4\text{ V}$ .



### Exercice 8 :

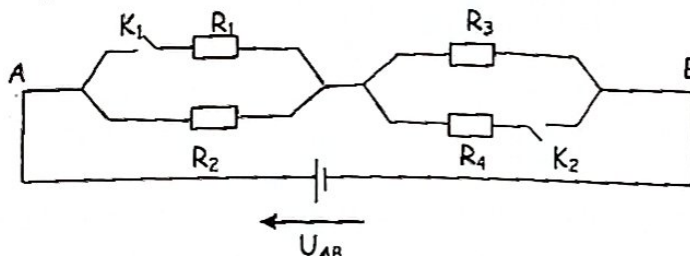
On considère la portion de circuit AB ci - dessous, comprenant les résistances  $R_1 = 2\Omega$ ,  $R_2 = 6\Omega$ ,  $R_3 = R_4 = 4\Omega$  et  $R_5 = 8\Omega$ , soumise à une tension  $U_{AB} = 48\text{ V}$ .

- 1- Calcule la valeur R de la résistance équivalente.
- 2- Calcule l'intensité principale I, traversant le dipôle AB.
- 3- Calcule les tensions aux bornes de  $R_5$  et  $R_3$ .
- 4- Calcule les intensités du courant dans les branches comprenant  $R_3$ ,  $R_4$ ,  $R_1$  et  $R_2$ .



### Exercice 9 : (non résolu)

Des conducteurs ohmiques sont montés entre les points A et B d'un circuit électrique comme l'indique la figure ci - dessous. On mesure la tension  $U_{AB} = 12\text{ V}$ .



On donne  $R_1 = 12\Omega$ ,  $R_2 = 6\Omega$ ,  $R_3 = 3\Omega$  et  $R_4 = 6\Omega$ .

- 1- Détermine la valeur de la résistance équivalente entre A et B lorsque les interrupteurs  $K_1$  et  $K_2$  sont ouverts.
- 2- Détermine la valeur de la résistance équivalente lorsque les interrupteurs  $K_1$  et  $K_2$  sont fermés.

3- Calcule l'intensité  $I$  du courant principal lorsque les deux interrupteurs sont ouverts.

### Exercice 10 : (non résolu)

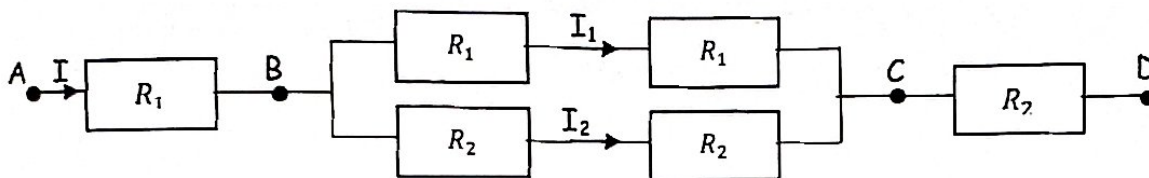
La tension aux bornes du circuit est  $U = 10V$ . On donne :  $R_1 = 0,4\Omega$  ;  $R_2 = 0,8\Omega$  ;  $R_3 = 0,7\Omega$  ;  $R_4 = 0,1\Omega$  ;  $R_5 = 0,5\Omega$  ;  $R_6 = 0,2\Omega$  ;  $R_7 = 0,3\Omega$  (voir figure).

On demande :

- La résistance équivalente de l'association.
- L'intensité principale du courant.
- L'intensité des courants traversant chaque résistance.
- Les tensions  $U_{BA}$  ;  $U_{AC}$  ;  $U_{CD}$  et  $U_{DB}$

### Problème :

Dans le but de vérifier la loi d'additivité des tensions dans un circuit en série, on considère la portion de circuit ci - dessous, renfermant l'association mixte des résistances  $R_1 = 10\Omega$  et  $R_2 = 15\Omega$ . On donne la valeur de la tension  $U_{AD} = 7,4V$ .



- Calcule la résistance  $R_{BC}$  puis  $R_{AD}$ .
- Quelle est la valeur  $I$  de l'intensité du courant principal ?
- Détermine la valeur de la tension  $U_{BC}$ .
- En déduire les valeurs des tensions dérivées  $I_1$  et  $I_2$ .
- Calcule la tension  $U_{CD}$ .
- Montre que pour cette association, la tension  $U_{AD}$  est égale à la somme des tensions  $U_{AB}$ ,  $U_{BC}$  et  $U_{CD}$ .

**Solution 1 :**

- a)- Association en série :  $R_{CD} = R_1 + R_2 = 25\Omega$  ;  $U_{CD} = R_{CD} \cdot I = 1V$   
 b)- Association en parallèle :  $G_{CD} = G_1 + G_2 \Rightarrow R_{CD} = \frac{1}{G_{CD}} = 6\Omega$  ;  $U_{CD} = R_{CD} \cdot I = 0,24V$

**Solution 2 :**

- Mode d'association : Pour  $R_{AB} = 94\Omega$  : montage en série, et pour  $R'_{AB} = 23,5\Omega$  : montage en parallèle.  
 - Détermination de  $R_1$  et  $R_2$  :  $\begin{cases} 94 = R_1 + R_2 \\ 23,5 = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 94 = R_1 + R_2 \\ 23,5 = \frac{R_1 R_2}{94} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} R_1 + R_2 = 94 \quad (1) \\ R_1 R_2 = 2209 \quad (2) \end{cases}$   
 de (2)  $\Rightarrow R_2 = \frac{2209}{R_1}$  dans (1):  $R_1^2 - 94R_1 + 2209 = 0 \Rightarrow R_1 = 47\Omega$  et  $R_2 = 47\Omega$

**Solution 3 :**

Valeur de la résistance équivalente :

$$\frac{1}{R_{\acute{e}q}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} = \frac{R_2 R_3 + R_1 R_3 + R_1 R_2}{R_1 R_2 R_3} \Rightarrow R_{\acute{e}q} = \frac{R_1 R_2 R_3}{R_2 R_3 + R_1 R_3 + R_1 R_2}$$

$$AN : R_{\acute{e}q} = \frac{4,5 \cdot 5}{5,5 + 4,5 + 4,5} = 1,54\Omega$$

Autre méthode :  $\frac{1}{R_{\acute{e}q}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \Rightarrow G_{\acute{e}q} = G_1 + G_2 + G_3$

AN :  $G_{\acute{e}q} = \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \frac{1}{5} = 0,25 + 0,2 + 0,2 = 0,65 S \Rightarrow R_{\acute{e}q} = \frac{1}{G_{\acute{e}q}} = \frac{1}{0,65} = 1,54\Omega$

**Solution 4 :**

$$\begin{cases} R_{AB} = R_1 + R_3 \\ R_{BC} = R_2 + R_3 \\ R_{AC} = R_1 + R_2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} R_1 + R_3 = 18 \\ R_2 + R_3 = 24 \\ R_1 + R_2 = 30 \end{cases} \Rightarrow R_1 = 12\Omega ; R_2 = 18\Omega \text{ et } R_3 = 6\Omega$$

**Solution 5 :**

2)- Résistance équivalente :  $R_{AD} = R_1 + \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3} = 5 + \frac{6 \cdot 8}{6 + 8} = 8,4\Omega$

3)- a)-  $U_{AD} = R_{AD} \cdot I_1 \Rightarrow I_1 = \frac{U_{AD}}{R_{AD}} = \frac{6}{8,4} = 0,7A$

$$\begin{cases} I_1 = I_2 + I_3 \\ R_2 I_2 = R_3 I_3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} I_2 + I_3 = 0,7 \\ 6I_2 = 8I_3 \end{cases} \Rightarrow I_2 = 0,4A \text{ et } I_3 = 0,3A$$

b)- Tensions :  $\begin{cases} U_{AB} = R_1 I_1 \\ U_{BC} = U_{AD} - U_{AB} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} U_{AB} = 3,5V \\ U_{BC} = 2,5V \end{cases}$

**Solution 6 :**

1)- Intensité  $I_1$  :  $U_{AB} = R_1 I_1 \Rightarrow I_1 = \frac{U_{AB}}{R_1} = \frac{12}{47} = 0,26A$

2)- Intensité  $I_2$  :  $U_{AB} = (R_2 + R_3) I_2 \Rightarrow I_2 = \frac{U_{AB}}{R_2 + R_3} = \frac{12}{33 + 82} = 0,10A$

3)- Intensité principale :  $I = I_1 + I_2 = 0,26 + 0,10 = 0,36A$

Rapport  $R = \frac{U_{AB}}{I} = \frac{12}{0,36} = 33,33\Omega$

4)- Résistance équivalente :  $R_e = \frac{[R_1(R_2 + R_3)]}{R_1 + R_2 + R_3} = \frac{47(33 + 82)}{47 + 33 + 82} = 33,36\Omega$

Comparaison :  $R_e \approx R = 33,3\Omega$

### Solution 7 :

Intensités des courants :

$$I_{AB} = \frac{U_{AB}}{10} = \frac{4}{10} = 0,4A; \quad I_{AF} = I - I_{AB} = 1,5 - 0,4 = 1,1A$$
$$\begin{cases} I_{BE} + I_{BD} = 0,4 \\ 5I_{BE} = 15I_{BD} \end{cases} \Rightarrow I_{BD} = 0,1A \text{ et } I_{BE} = 0,3A; \quad I_{FE} = I_{BE} + I_{BD} \Rightarrow I_{FE} = 0,4A$$

Tensions :  $U_{BE} = 5I_{BE} = 5 \cdot 0,3 = 1,5V$ ;  $U_{CD} = 5I_{BD} = 5 \cdot 0,1 = 0,5V$ ;  $U_{AF} = 5I_{AF} = 5 \cdot 1,1 = 5,5V$

### Solution 8 :

1)- Résistance équivalente :  $R = R' + R_5$  avec  $\frac{1}{R'} = \frac{1}{R_1+R_2} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} = \frac{1}{8} + \frac{2}{4} = \frac{5}{8} \Rightarrow R' = 1,6 \Omega$

$$R = 1,6 + 8 = 9,6 \Omega$$

2)- Intensité principale :  $U_{AB} = R \cdot I \Rightarrow I = \frac{U_{AB}}{R} = \frac{48}{9,6} = 5A$

3)- Tensions :

$$U_5 = R_5 \cdot I = 8 \cdot 5 = 40V \text{ et } U_3 = U_{AB} - U_5 = 48 - 40 = 8V \text{ ou } U_3 = R' \cdot I = 1,6 \cdot 5 = 8V$$

4)- Intensités des courants :

$$I_3 = \frac{U_3}{R_3} = \frac{8}{4} = 2A; \quad I_4 = \frac{U_3}{R_4} = \frac{8}{4} = 2A; \quad I_1 = \frac{U_3}{R_1 + R_2} = \frac{8}{8} = 1A$$

$$\text{Vérification : } I = I_1 + I_3 + I_4 = 1 + 2 + 2 = 5A$$

### Solution (problème) :

1- Valeurs des Résistances équivalentes  $R_{BC}$  et  $R_{AD}$  :

$$\bullet \frac{1}{R_{BC}} = \frac{1}{2R_1} + \frac{1}{2R_2} = \frac{R_1+R_2}{2R_1R_2} \Rightarrow R_{BC} = \frac{2R_1R_2}{R_1+R_2} \text{ AN : } R_{BC} = \frac{2 \cdot 10 \cdot 15}{10+15} = 12\Omega$$

$$\bullet R_{AD} = R_1 + R_{BC} + R_2 \text{ AN : } R_{AD} = 10 + 12 + 15 = 37\Omega$$

2- Valeur de l'intensité principale :

$$\text{Loi d'Ohm aux bornes de AD : } U_{AD} = R_{AD} \cdot I \Rightarrow I = \frac{U_{AD}}{R_{AD}} \text{ AN : } I = \frac{7,4}{37} = 0,2A$$

3- Valeur de la tension  $U_{BC}$  :

$$\text{Loi d'Ohm aux bornes de BC : } U_{BC} = R_{BC} \cdot I \text{ AN : } U_{BC} = 12 \cdot 0,2 = 2,4V$$

4- Valeurs des intensités dérivées  $I_1$  et  $I_2$  :

Loi d'Ohm aux bornes de BC :

$$\bullet U_{BC} = 2R_1 \cdot I_1 \Rightarrow I_1 = \frac{U_{BC}}{2R_1} \text{ AN : } I_1 = \frac{2,4}{2 \cdot 10} = 0,12A$$

$$\bullet U_{BC} = 2R_2 \cdot I_2 \Rightarrow I_2 = \frac{U_{BC}}{2R_2} \text{ AN : } I_2 = \frac{2,4}{2 \cdot 15} = 0,08A$$

5- Valeur de la tension  $U_{CD}$  :

$$\text{Loi d'Ohm aux bornes de CD : } U_{CD} = R_2 \cdot I \text{ AN : } U_{CD} = 15 \cdot 0,2 = 3V$$

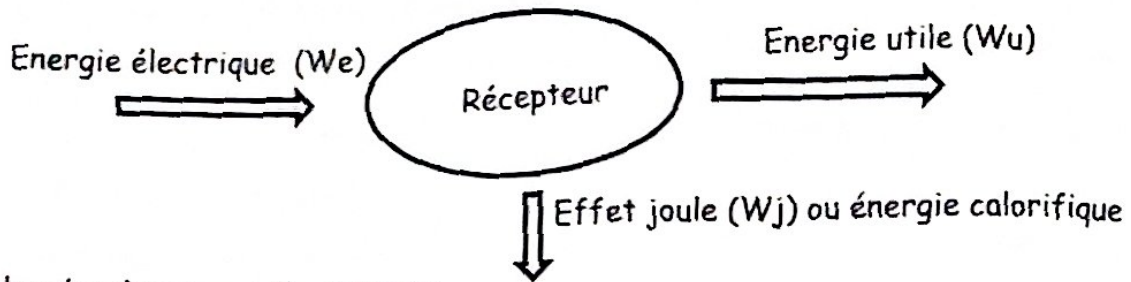
6- Loi d'additivité des tensions d'un circuit en série :

$$U_{AD} = U_{AB} + U_{BC} + U_{CD} \text{ or } U_{AB} = R_1 \cdot I = 10 \cdot 0,2 = 2V \Rightarrow U_{AD} = 2 + 2,4 + 3 = 7,4V$$

## Chapitre 4 : LE RECEPTEUR ELECTRIQUE :

### 1- Qu'est - ce qu'un récepteur électrique ?

Un récepteur électrique est dipôle qui lors de son fonctionnement, transforme l'énergie électrique reçue en une autre forme d'énergie que l'énergie calorifique.

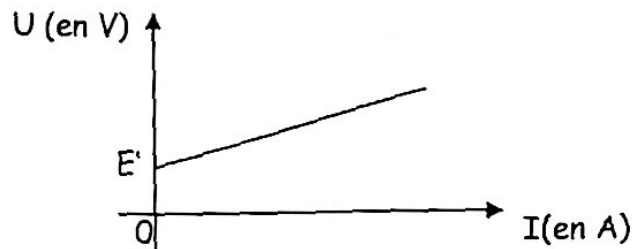


### Exemples de récepteurs électriques :

- L'électrolyseur : transforme l'énergie électrique en énergie chimique ;
- Moteur électrique : transforme l'énergie électrique en énergie mécanique ;

### 2- Caractéristiques intensité - tension d'un récepteur : Loi d'Ohm :

- La courbe de variation  $U = f(I)$  de la tension aux bornes du récepteur :

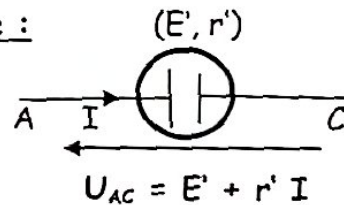


- Loi d'ohm aux bornes d'un récepteur :  $U = E' + r' \cdot I$   
avec  $E'$ : force contre électromotrice (en V) et  $r'$ : résistance interne (en  $\Omega$ ) du récepteur

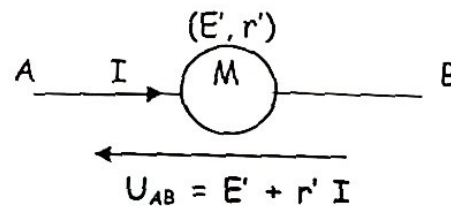
NB : Le récepteur électrique est caractérisé par sa f.c.e.m. ( $E'$ ) et sa résistance interne  $r'$ .

### 3- Schéma équivalent d'un récepteur électrique :

- Electrolyseur :



- Moteur électrique :



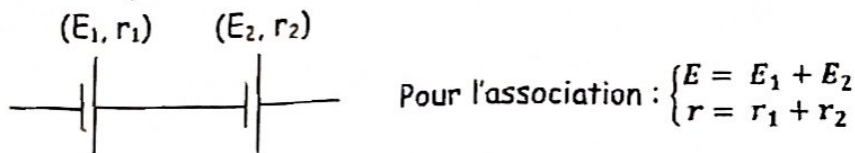
### 4- Bilan de puissance d'un récepteur électrique :

- Puissance électrique consommée :  $P_c = U \cdot I$  avec  $U = E' + r' \cdot I$
- Puissance utile :  $P_u = E' \cdot I$
- Puissance perdue par effet joule :  $P_j = r' \cdot I^2$
- Rendement du récepteur :  $rdt = \frac{P_u}{P_c} \cdot 100 \Rightarrow rdt = \frac{E'}{U} \cdot 100$
- Bilan de puissance :  $P_c = P_u + P_j$

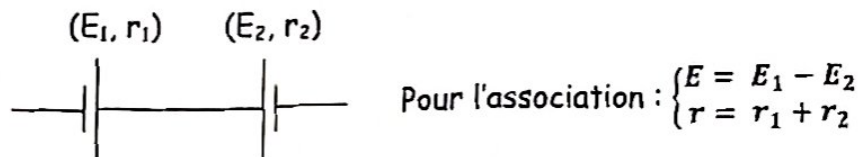
#### 4- Groupement des générateurs :

Soient deux piles caractérisées par  $(E_1, r_1)$  et  $(E_2, r_2)$  :

- Groupement série en concordance :

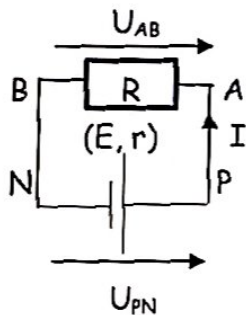


- Groupement série en opposition : si  $E_1 > E_2$



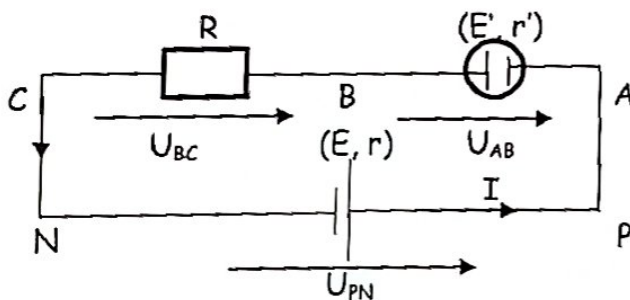
#### 5- Etude des circuits électriques :

##### a- Circuit série comprenant un générateur et un résistor :



- Loi de fonctionnement du circuit :  $U_{PN} = U_{AB} \Rightarrow E - rI = RI$
- Loi de Pouillet :  $E = (r + R)I$

##### b- Circuit série comprenant un générateur, un résistor et un récepteur :



- Loi de fonctionnement du circuit ou loi de maille :  $U_{PN} = U_{AB} + U_{BC} \Rightarrow E - rI = (E' + r'I) + RI$

Loi de Pouillet :  $E - E' = (r + r' + R)I$

Exercice 1 : (récepteur électrique)

Un moteur bipolaire est alimenté par un courant de 40A, sous une tension de 240V. Sa résistance interne est  $r' = 0,60\Omega$ .

- 1- Détermine la f.c.e.m.  $E'$  de ce moteur.
- 2- Calcule :
  - a- La puissance électromagnétique fournie par le moteur ;
  - b- La puissance électrique absorbée par le moteur.
  - c- Pourquoi la puissance absorbée est-elle supérieure à la puissance fournie ?
  - d- En déduire le rendement de ce moteur.

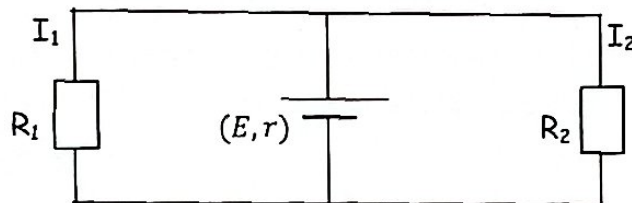
Exercice 2 : (récepteur électrique)

Pour réaliser une électrolyse, on alimente l'électrolyseur par un courant de 2,5A sous une tension de 12V. La puissance consommée par effet joule vaut 6W.

- 1- Sur un schéma clair, représente le symbole de l'électrolyseur, le sens du courant  $I$  qui le traverse lors de son fonctionnement, ainsi que la tension  $U_{AC}$  entre l'anode et la cathode.
- 2- Calcule la résistance interne de cet électrolyseur.
- 3- Calcule la force contre électromotrice de cet électrolyseur.
- 4- Cet électrolyseur fonctionne pendant 30min. Quelle énergie chimique fournit-il ?
- 5- En déduire son rendement.

Exercice 3 :

Dans le montage ci - dessous, le générateur a pour f.é.m.  $E = 14V$  et pour résistance interne  $r$ . Les résistances  $R_1$  et  $R_2$  ont pour valeurs respectives  $5\Omega$  et  $10\Omega$ . L'intensité  $I_2$  est égale à 1A.



- a- Détermine les valeurs des intensités dans chaque branche ainsi que les sens des courants.
- b- Calcule la résistance interne du générateur.

Exercice 4 :

Le but de cet exercice est de déterminer les valeurs des résistances  $x$  et  $y$ . Pour cela on les monte aux bornes d'un générateur de f.e.m.  $E = 25,2 V$  et de résistance interne  $r = 8 \Omega$ , de deux manières différentes.

Si  $x$  et  $y$  sont montées en série, le générateur débite  $I_1 = 0,30 A$ .

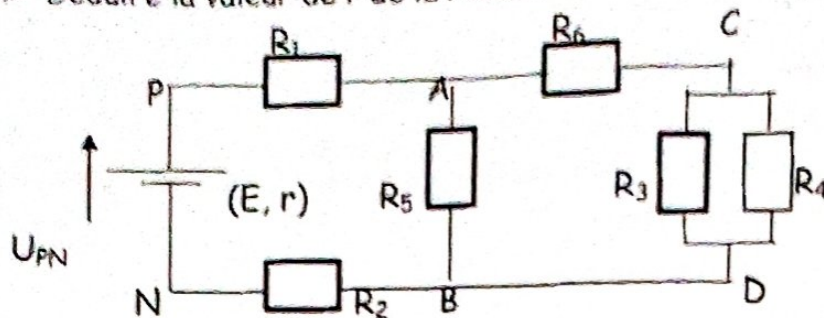
Si  $x$  et  $y$  sont montées en parallèle, le générateur débite  $I_2 = 1,5 A$ .

1. Dessine les schémas de ces deux montages.
2. En appliquant les lois d'associations, détermine les valeurs des résistances  $x$  et  $y$ .

### Exercice 5 :

On donne  $R_1 = 7\Omega$  ;  $R_2 = 11\Omega$  ;  $R_3 = R_4 = 4\Omega$  ;  $R_5 = 3\Omega$  ;  $R_6 = 2\Omega$  et  $U_{PN} = 94V$ .

- 1- Calcule la résistance équivalente  $R$  du circuit (voir figure ci-dessous).
- 2- Détermine l'intensité du courant principal débité par le générateur.
- 3- Détermine l'intensité du courant dérivé dans  $R_5$  et  $R_6$ .
- 4- Déduire la valeur de  $r$  de la résistance interne de la pile pour  $E = 100V$ .



### Exercice 6 : (non résolu)

Un élève de la classe de 1<sup>ère</sup> veut déterminer l'intensité du courant électrique qui traverse un moteur  $M_2$ . Pour cela, il réalise le circuit électrique schématisé ci-dessous. Ce circuit comprend :

- Un générateur de caractéristiques :  $(E = 14V ; r = 1\Omega)$
- Un moteur  $M_1$  de caractéristiques :  $(E' = 1,6V ; r_1 = 2\Omega)$
- Un moteur calé  $M_2$  de résistance interne  $r_2 = 10\Omega$ .

1)- L'interrupteur  $K_1$  est fermé et  $K_2$  ouvert. Calcule :

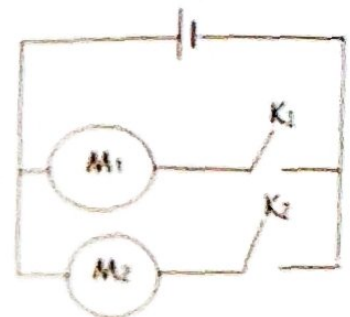
- a/- L'intensité du courant débité par le générateur.
- b/- La puissance électrique reçue par le moteur  $M_1$ .

2)- L'interrupteur  $K_1$  est ouvert et  $K_2$  est fermé. Calcule :

- a/- L'intensité du courant qui traverse le moteur  $M_2$  ;
- b/- La puissance consommée dans le moteur  $M_2$  ;

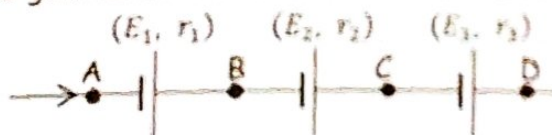
3)- Les deux interrupteurs sont fermés. Calcule :

- a/- L'intensité du courant principal ;
- b/- l'intensité du courant qui traverse le moteur  $M_1$  ;
- c/- L'intensité du courant qui traverse le moteur  $M_2$  ;



### Exercice 7 :

Trois générateurs sont montés en série comme l'indique la figure.



On donne les valeurs de leur f.e.m. et de leur résistance interne :

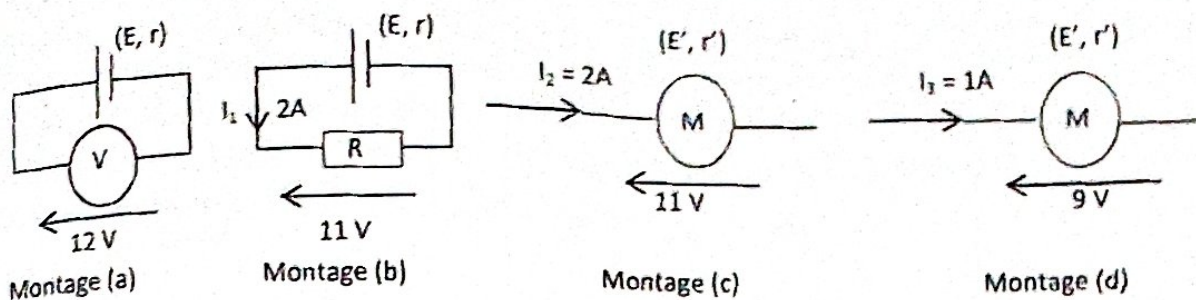
$$(E_1 = 12V ; r_1 = 0) ; (E_2 = 4V ; r_2 = 1\Omega) ; (E_3 = 6V ; r_3 = 2\Omega)$$

Un courant d'intensité  $I = 0,5A$ , circule dans le sens indiqué.

Calcule les tensions :  $U_{BA}$  ;  $U_{BD}$  ;  $U_{CA}$  et  $U_{AD}$ .

### Exercice 8 :

On veut déterminer le rendement d'un moteur ( $E'$ ,  $r'$ ). Pour cela, il réalise successivement les montages (a), (b), (c) et (d), ci-dessous.



1)- Détermine les valeurs de  $E$ ,  $r$ ,  $E'$  et  $r'$ .

2)- On monte en série :

- le générateur ( $E = 12\text{V}$  ;  $r = 0,5\Omega$ )

- le moteur ( $E' = 7\text{V}$  ;  $r' = 2\Omega$ )

- Un résistor  $R = 10\Omega$ .

a)- Représente le montage de ce circuit.

b)- Calcule l'intensité  $I$  du courant dans le circuit.

c)- Calcule les tensions aux bornes de chaque appareil.

d)- Calcule les rendements du générateurs et du moteur.

### Exercice 9 : (non résolu)

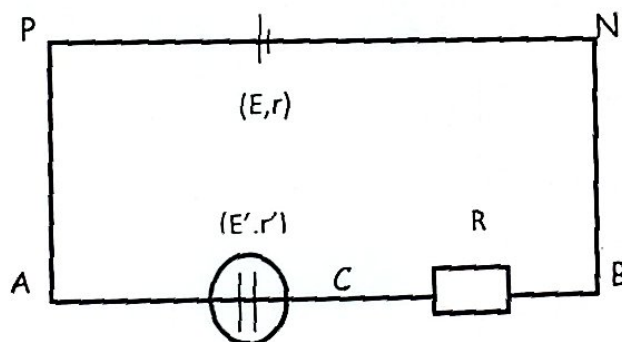
On veut déterminer le rendement d'un générateur, en utilisant le montage ci-dessous :

1)- Calcule l'intensité principale  $I$  du courant.

2)- Détermine la tension aux bornes de chaque dipôle.

3)- Evalue numériquement le rendement du générateur.

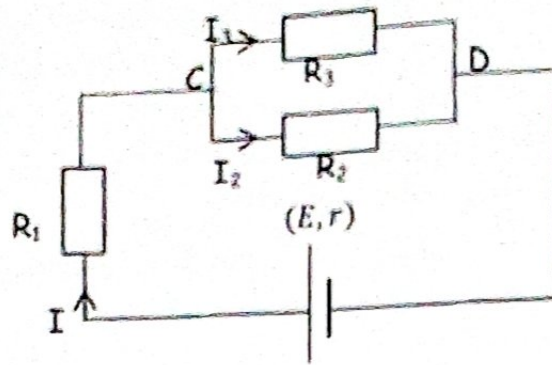
On donne :  $E = 5,5\text{V}$  ;  $r = 2\Omega$  ;  $E' = 3,5\text{V}$  ;  $r' = 1,5\Omega$  ;  $R = 6,5\Omega$



Réponses : N°9 1)-  $I = 0,2\text{A}$  ; 2)-  $U_{PN} = 5,1\text{V}$  ;  $U_M = 3,8\text{V}$  ;  $U_R = 1,3\text{V}$  ; 3)-  $\rho = 92,72\%$ .

### Exercice 10 : (non résolu)

On réalise le montage ci - dessous. On se propose de calculer les intensités  $I_1$ ,  $I_2$  et  $I_3$ , avec  $E = 6V$  ;  $r = 2\Omega$  ;  $R_1 = 18\Omega$  ;  $R_2 = 27\Omega$  et  $R_3 = 47\Omega$ .

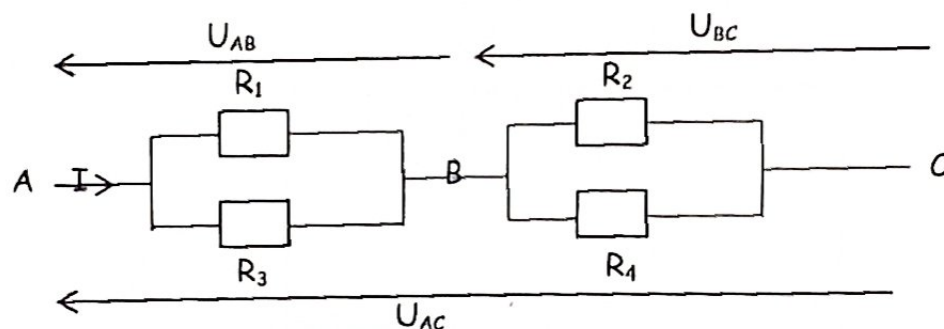


- 1- Calculer la résistance équivalente, notée  $R'$ , de l'association en parallèle de  $R_2$  et  $R_3$ .
- 2- Dessine le schéma du circuit en série constitué du générateur, de la résistance  $R_1$  et de la résistance équivalente  $R'$ .
- 3- Calculer la résistance équivalente, notée  $R$ , de l'association en série de  $R_1$  et  $R'$ .
- 4- Dessiner le schéma du circuit constitué par le générateur et la résistance  $R$ .
- 5- Calculer l'intensité  $I$  du courant débité par le générateur dans ce dernier circuit.
- 6- Connaissant la résistance  $R'$  du dipôle (C, D), calculer la tension  $U_{CD}$ .
- 7- Connaissant  $U_{CD}$ , en déduire les intensités  $I_2$  et  $I_3$ .

Réponses N°10 : 1)-  $R' = 17,15\Omega$  ; 3)-  $R = 35,15\Omega$  ; 5)-  $I = 0,16A$  ;  $U_{CD} = 2,74V$  ; 7)-  $I_2 = 0,10A$  ;  $I_3 = 0,06A$

### Exercice 11 : (non résolu)

Dans le but de déterminer la puissance totale dissipée par effet joule dans un circuit électrique, on réalise le montage suivant dans lequel  $R_1 = 8\Omega$  ;  $R_2 = 12\Omega$  ;  $R_3 = 2\Omega$  ;  $R_4 = 10\Omega$  et  $U_{AC} = 26V$ .



- 1- Détermine les résistances équivalentes :  $R_{AB}$  entre  $R_1$  et  $R_3$  puis  $R_{BC}$  entre  $R_2$  et  $R_4$ .
- 2- En déduire la résistance équivalente  $R_{AC}$  du circuit.
- 3- Calcule l'intensité du courant principal.
- 4- Détermine les intensités dérivées  $I_1$ ,  $I_3$ ,  $I_2$  et  $I_4$  traversant respectivement  $R_1$ ,  $R_3$ ,  $R_2$  et  $R_4$ .
- 5- Calculer la puissance dissipée dans chaque résistance.
- 6- Calculer la puissance totale dissipée par effet joule dans tout le circuit.

NB : Aide :  $P = U.I$  ;  $I = U/R$  et  $P_t = P_1 + P_2 + \dots + P_n$

CORRIGE « FONCTIONNEMENT D'UN CIRCUIT ELECTRIQUE »

Solution 1 :

1)- f.c.é.m. du moteur :  $U = E' + r'I \Rightarrow E' = U - r'I = 240 - 0,60 \cdot 40 = 216 \text{ V}$

2)- a)-  $P_m = E'I = 216 \cdot 40 = 8640 \text{ W}$

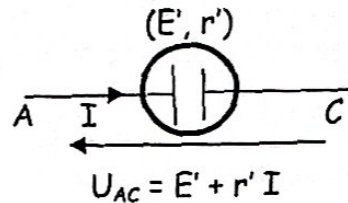
b)-  $P_e = UI = 240 \cdot 40 = 9600 \text{ W}$

c)- La puissance absorbée est supérieure à la puissance fournie, parce que lors de son fonctionnement, le moteur libère de la chaleur (perte d'effet joule).

d)- Rendement :  $\rho = \frac{P_m}{P_e} \cdot 100 = \frac{8640}{9600} \cdot 100 = 90\%$

Solution 2 :

1)- Schéma de l'électrolyseur :



2)- Résistance interne de l'électrolyseur :

$$P_j = r'I^2 \Rightarrow r' = \frac{P_j}{I^2} = \frac{6}{2,5^2} = 0,96 \Omega$$

3)- F.c.é.m. de l'électrolyseur :

$$U_{AC} = E' + r'I \Rightarrow E' = U_{AC} - r'I = 12 - 0,96 \cdot 2,5 = 9,6 \text{ V}$$

4)- Energie chimique fournie :

$$W_{ch} = E' I t = 9,6 \cdot 2,5 \cdot 1800 = 4,32 \cdot 10^4 \text{ J}$$

5)- Rendement :

$$\rho = \frac{E'}{U_{AC}} \cdot 100 = \frac{9,6}{12} \cdot 100 = 80 \%$$

Solution 3 :

a)- Intensités de chaque branche :

$$R_1 I_1 = R_2 I_2 \Rightarrow I_1 = \frac{R_2 I_2}{R_1} = \frac{10 \cdot 1}{5} = 2 \text{ A} ; I = I_1 + I_2 = 2 + 1 = 3 \text{ A}$$

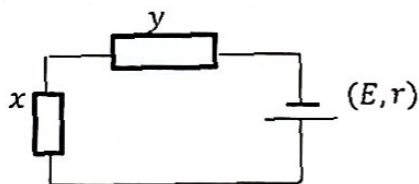
b)- Résistance interne r du générateur :

$$R_2 I_2 = E - r I \Rightarrow r = \frac{E - R_2 I_2}{I} = \frac{14 - 10 \cdot 1}{3} = 1,33 \Omega$$

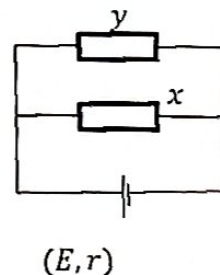
Solution 4 :

1)- Schéma de chaque montage :

Montage en série :



Montage en parallèle :



2)- Valeurs de x et de y :

$$\begin{cases} (1) : E - r I_1 = (x + y) I_1 \\ (2) : E - r I_2 = \frac{xy}{x + y} I_2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (1) : x + y = 76 \\ (2) : xy = 668,8 \end{cases} \text{ de (1) dans (2) : } x^2 - 76x + 668,8 = 0$$

$$\begin{cases} \text{Si } x = 65,84 \Omega \Rightarrow y = 10,16 \Omega \\ \text{Si } x = 10,16 \Omega \Rightarrow y = 65,84 \Omega \end{cases}$$

### Solution 5 :

1)- Résistance équivalente R :

$$R = R_1 + R_2 + R_{AB} \text{ avec } \frac{1}{R_{AB}} = \frac{1}{R_5} + \frac{1}{R_{AD}} \text{ et } R_{AD} = R_6 + \frac{R_3 R_4}{R_3 + R_4} = 2 \Omega$$

$$\text{donc } \frac{1}{R_{AB}} = \frac{1}{R_5} + \frac{1}{R_{AD}} = \frac{1}{3} + \frac{1}{2} = \frac{5}{6} \Rightarrow R_{AB} = \frac{6}{5} = 1,2 \Omega$$

$$\text{D'où la résistance équivalente : } R = R_1 + R_2 + R_{AB} = 7 + 11 + 1,2 = 19,2 \Omega$$

2)- Intensité principale :

$$U_{PN} = RI \Rightarrow I = \frac{U_{PN}}{R} = \frac{94}{19,2} = 4,9 \text{ A}$$

3)- Intensité des courants dérivés dans  $R_5$  et  $R_6$  :

$$\begin{cases} I_5 + I_6 = I \\ R_5 I_5 = R_{AD} I_6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} I_5 + I_6 = 4,9 \\ 3I_5 = 2I_6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} I_5 = 1,96 \text{ A} \\ I_6 = 2,94 \text{ A} \end{cases}$$

4)- Résistance interne du générateur :

$$U_{PN} = E - rI \Rightarrow r = \frac{E - U_{PN}}{I} = \frac{100 - 94}{4,9} = 1,2 \Omega$$

### Solution 7 :

Tensions  $U_{BA}$  ;  $U_{BD}$  ;  $U_{CA}$  et  $U_{AD}$  :

$$U_{BA} = E_1 - r_1 I = 12 \text{ V ;}$$

$$U_{BD} = U_{BC} + U_{CD} = -(E_2 - r_2 I) - (E_3 - r_3 I) = -8,5 \text{ V}$$

$$U_{CA} = U_{CB} + U_{BA} = (E_2 - r_2 I) + (E_1 - r_1 I) = 14,5 \text{ V}$$

$$U_{AD} = U_{AC} + U_{CD} = -U_{CA} - (E_3 - r_3 I) = -17,5 \text{ V}$$

### Solution 8:

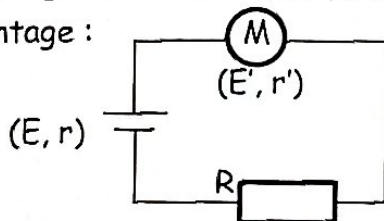
1)- Détermination de :  $E$ ,  $r$ ,  $E'$  et  $r'$  :

$$\text{Du montage (a) : } E = 12 \text{ V ; Du montage (b) : } U_{PN} = E - rI \Rightarrow r = \frac{E - U_{PN}}{I} = \frac{12 - 11}{2} = 0,5 \Omega$$

$$\begin{cases} \text{Du montage (c) : } U_1 = E' + r' I_1 \\ \text{Du montage (d) : } U_2 = E' + r' I_2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} E' + 2r' = 11 \\ E' + r' = 9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} E' = 7 \text{ V} \\ r' = 2 \Omega \end{cases}$$

2)- Montage en série de  $(E', r)$  ;  $(E', r')$  et R :

a)- Montage :



b)- Intensité du courant :

Loi de Pouillet :

$$E = (r + r' + R)I \Rightarrow I = \frac{E - E'}{r + r' + R} = 0,4 \text{ A}$$

c)- Tensions aux bornes de chaque dipôle :

$$U_G = E - rI = 11,8 \text{ V ; } U_M = E' + r'I = 7,8 \text{ V ; } U_R = RI = 4 \text{ V}$$

d)- Rendement :

$$\text{- Générateur : } \rho = \frac{U_G}{E} = \frac{11,8}{12} \cdot 100 = 98 \%$$

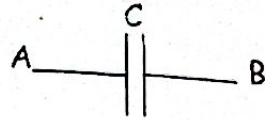
$$\text{- Moteur : } \rho = \frac{E'}{U_G} \cdot 100 = \frac{7}{7,8} = 89,74 \%$$

## Chapitre 6 : LES CONDENSATEURS :

### 1- Description d'un condensateur :

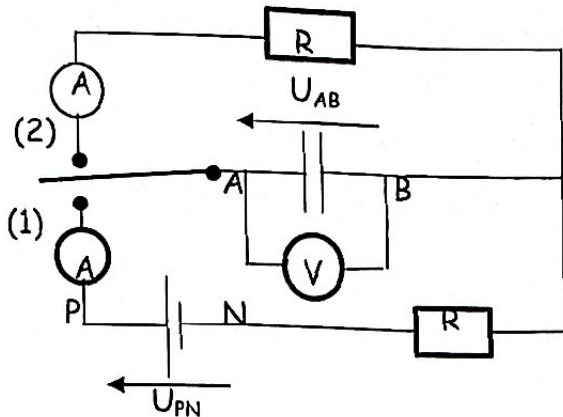
Un condensateur est un composant électronique formé de deux conducteurs appelés armatures, dont les surfaces en regard, très proches l'une de l'autre, sont séparées par un isolant ou diélectrique.

Symbole :



### 2- La charge et décharge d'un condensateur :

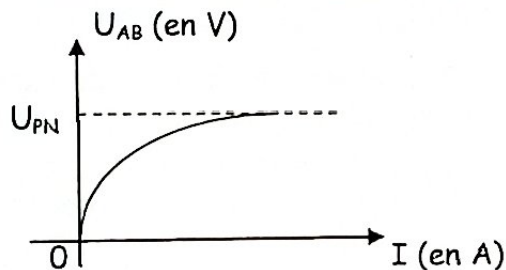
Montage du circuit de charge et de décharge d'un condensateur :



#### Expérience 1 : Charge du condensateur

Interrupteur fermé en position (1) : L'ampèremètre dévie et une tension  $U_{AB} > 0$  apparaît aux bornes du condensateur, elle augmente progressivement et devient égale à  $U_{PN}$ , la tension aux bornes du générateur : On dit que le condensateur est chargé.

Caractéristique intensité - tension de charge :  $U_{AB} = f(I)$

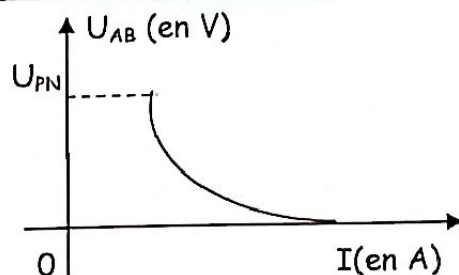


Lors de la charge et à chaque instant, au niveau des armatures A et B, il apparaît des charges  $q_A(+)$  et  $q_B(-)$  telles que  $q_A = -q_B$ . La charge du condensateur est alors :  $Q = |q_A| = |q_B|$

#### Expérience 2 : Décharge du condensateur

Interrupteur fermé en position (2) : L'ampèremètre dévie donc un courant de décharge circule dans le circuit ; la tension  $U_{AB}$  diminue progressivement jusqu'à s'annuler. On dit que la décharge du condensateur est terminée.

Caractéristique intensité - tension de décharge :  $U_{AB} = f(I)$



### 3- La capacité d'un condensateur :

Un condensateur est caractérisé par sa capacité notée  $C$  et exprimée en farad (F).

Si  $U_{AB}$  est la tension entre les armatures A et B d'un condensateur de charge  $Q$ , la capacité  $C$  est définie par la relation :

$$C = \frac{Q}{U_{AB}} \Rightarrow \text{charge du condensateur : } Q = C \cdot U_{AB} \text{ avec } U_{AB} : (\text{en } V)$$

NB :

- Si  $I$  est l'intensité de charge du condensateur pendant une durée  $t$ , la charge  $Q$  est donnée par la relation :  $Q = I \cdot t$  en coulomb (C) avec  $I$  : (en A) et  $t$  : (en s)
- Pour un condensateur plan dont la surface commune des armatures est «  $S$  » et séparés d'une distance «  $d$  » par un diélectrique, sa capacité est donnée par la relation :

$$C = \epsilon \frac{S}{d} \text{ en farad (F)}$$

avec  $\epsilon$  : perméabilité du diélectrique (en  $F \cdot m^{-1}$ ) ;  $S$  : (en  $m^2$ ) et  $d$  : (en m)

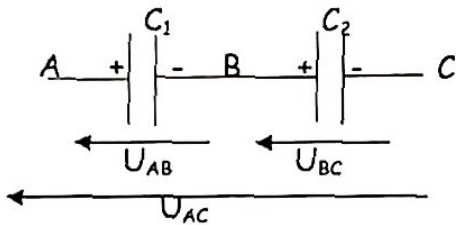
### 4- Energie emmagasinée par un condensateur :

Pour un condensateur de capacité  $C$ , soumis à une tension de charge  $U_{AB}$ , à chaque instant il emmagasine une énergie électrique dont l'expression est donnée par la relation :

$$W = \frac{1}{2} C \cdot U_{AB}^2 \text{ or } C = \frac{Q}{U_{AB}} \Rightarrow W = \frac{1}{2} Q \cdot U_{AB} \text{ (en J)}$$

### 5- Association des condensateurs :

#### 5-1 : Groupement en série ou en cascade :



$$U_{AC} = U_{AB} + U_{BC} \text{ avec } U_{AB} = \frac{Q_1}{C_1} \text{ et } U_{BC} = \frac{Q_2}{C_2}$$

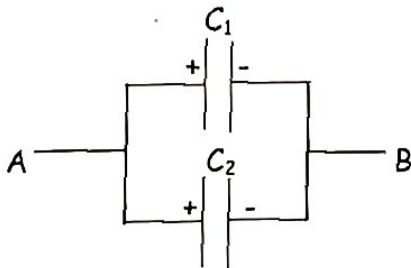
Or la charge de deux condensateurs en série est la même  $\Rightarrow Q_1 = Q_2 = Q$

$$\text{D'où } U_{AC} = \frac{Q}{C_1} + \frac{Q}{C_2} = Q \left( \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} \right) \text{ or } U_{AC} = \frac{Q}{C_{\text{eq}}}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{C_{\text{eq}}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}$$

$$\text{Condensateur en série } \Rightarrow \frac{1}{C_{\text{eq}}} = \sum \frac{1}{C_i}$$

#### 5-2 : Groupement en parallèle ou en surface :



$$\text{Aux bornes de } C_1 : U_{AB} = \frac{Q_1}{C_1} \Rightarrow Q_1 = C_1 U_{AB}$$

$$\text{Aux bornes de } C_2 : U_{AB} = \frac{Q_2}{C_2} \Rightarrow Q_2 = C_2 U_{AB}$$

Or condensateurs en parallèle, la charge totale :  $Q = Q_1 + Q_2 \Rightarrow C_{\text{eq}} U_{AB} = (C_1 + C_2) U_{AB}$

D'où la capacité équivalente de l'association :

$$C_{\text{eq}} = C_1 + C_2$$

$$\text{Condensateurs en parallèle } \Rightarrow C_{\text{eq}} = \sum C_i$$

## EVALUATION « CONDENSATEURS »

### Exercice 1 :

Un condensateur possède deux bornes A et B, reliées respectivement aux armatures A et B. L'armature A porte la charge électrique  $q_A = 2,2 \mu\text{C}$ .

- 1- Quelle est la charge électrique de l'armature B ?
- 2- L'armature A possède - t - elle un défaut ou un excès d'électrons ?
- 3- Donner le signe de la tension  $U_{AB} = V_A - V_B$ .

### Exercice 2 :

La capacité d'un condensateur est égale à  $2,2 \mu\text{F}$ . La tension  $U_{BA}$  entre ses bornes B et A est égale à 50V.

Quelle est la charge électrique portée par l'armature A ?

### Exercice 3 :

On dispose de deux condensateurs de capacité respectives  $C_1 = 1 \mu\text{F}$  et  $C_2 = 2 \mu\text{F}$ .

Quelle est la capacité du condensateur équivalent à l'association de ces deux condensateurs :

- a- En série ?
- b- En parallèle ?

### Exercice 4 :

Un courant d'intensité constante 30 mA, charge un condensateur de capacité  $C = 1\text{F}$ . La tension maximale supportée par ce condensateur est égale à 5V.

- a- Quelle charge électrique maximale peut emmagasiner ce condensateur ?
- b- Quelle est la durée maximale de charge ?

### Exercice 5 :

Un condensateur de bornes A et B, est chargé. L'armature A porte la charge  $q_A = -1,2\text{mC}$ .

- 1- Quelle est la charge portée par l'armature B ?
- 2- Quel est le signe de la tension  $U_{AB} = V_A - V_B$  ?
- 3- Les bornes A et B du condensateur sont reliées aux bornes C et D d'une résistance R ; le condensateur se décharge.
  - a)- Quels sont les porteurs de charge qui se déplacent dans les fils de jonction ?
  - b)- Indiquer sur un schéma le sens de déplacement.
  - c)- Quel est le sens du courant électrique transitoire ?

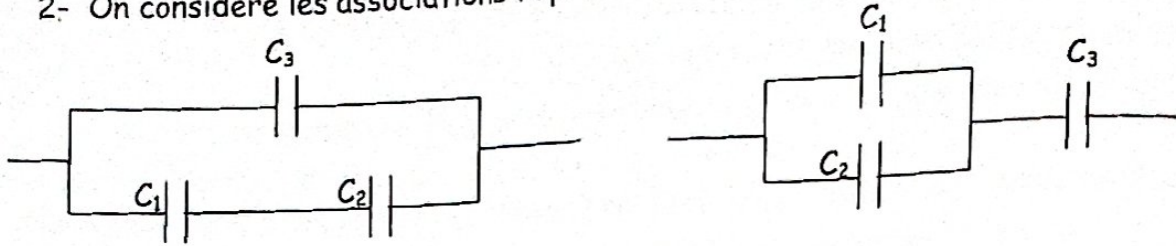
### Exercice 6 :

On associe en série deux condensateurs de capacité 6,8 nF et 2,2 nF. L'ensemble est soumis à une tension de 12 V.

- a- Calculer la capacité du condensateur équivalent.
- b- Quelle est la charge commune à chaque condensateur ?
- c- Calculer la différence de potentiel aux bornes de chaque condensateur.

### Exercice 7 :

- 1- Un condensateur de capacité  $220 \mu\text{F}$ , est soumis à une tension  $U_{AB} = 1200\text{V}$ . Calculer :
- La charge du condensateur ;
  - La charge de l'armature B ;
  - L'énergie électrique emmagasinée par ce condensateur.
- 2- On considère les associations représentées ci - dessous :

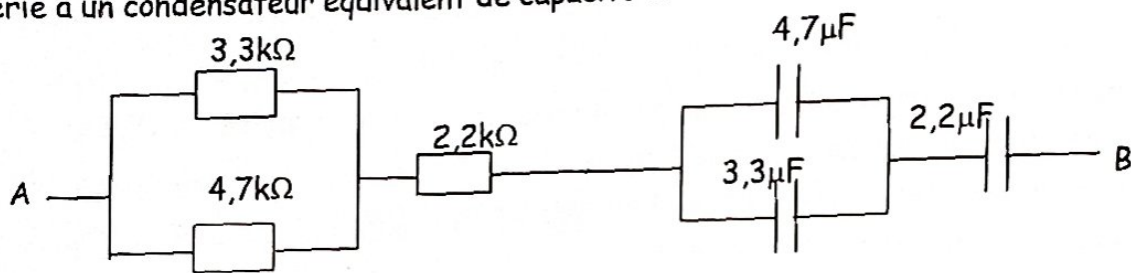


On donne :  $C_1 = 10 \mu\text{F}$  ;  $C_2 = 15 \mu\text{F}$  et  $C_3 = 25 \mu\text{F}$

- Détermine la capacité équivalente de chaque association.
- Chaque association étant soumise à  $1200\text{V}$ , calculer la charge de chaque association.

### Exercice 8 :

Le schéma représente une association de résistances et de condensateurs. On veut simplifier le schéma électrique en remplaçant l'association par une résistance équivalente  $R$ , associée en série à un condensateur équivalent de capacité  $C$ .

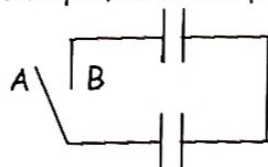


- Calculer  $R$  et  $C$ .
- L'association est soumise à une tension  $U_{AB} = 3400\text{V}$  et traversée par un courant de charge d'intensité  $I = 0,5\text{A}$ .
  - Quelles sont les tensions aux bornes de  $R$  et de  $C$  ?
  - En déduire la charge maximale de  $C$ .

### Exercice 9 :

Un condensateur de capacité  $33 \mu\text{F}$ , est chargé sous une tension  $U_{AB} = 24\text{V}$ .

- Calculer la charge portée par chaque armature.
- Aux bornes A et B de ce condensateur, on relie les bornes C et D d'un autre condensateur identique, mais complètement déchargé.



- En appliquant le principe de conservation de la charge portée par l'armature A puis celle de l'armature D, calculer la capacité équivalente.
- Quelle est la nouvelle tension entre les armatures de chaque condensateur ?
- Calculer l'énergie emmagasinée dans les deux condensateurs.

## CORRIGE "CONDENSATEUR"

### Solution 1 :

- 1)- Charge  $q_B = -q_A = -2,2 \mu C$  ;
- 2)- L'armature A, chargée positivement, possède un défaut d'électrons.
- 3)- Tension  $U_{AB} > 0$ .

### Solution 2 :

Charge de l'armature A :  $U_{BA} > 0 \Rightarrow q_A = -Q = -C \cdot U_{BA} = -1,1 \cdot 10^{-4} C$

### Solution 3 :

Capacité équivalente :

- a)- Montage en série :  $C_{\text{eq}} = 0,67 \mu F$
- b)- Montage en parallèle :  $C_{\text{eq}} = 3 \mu F$

### Solution 4 :

- a)- Charge maximale :  $Q = C \cdot U = 5 \cdot 10^{-6} C$
- b)- Durée maximale de charge :  $t = \frac{Q}{I} = 1,67 \cdot 10^{-4} s$

### Solution 5 :

- 1)- Charge de l'armature B :  $q_B = -q_A = 1,2 mC$
- 2)-  $U_{AB} = V_A - V_B < 0$
- 3)- a)- Porteurs de charge dans les fils de jonction : les électrons  
b)- Déplacement : de l'armature A vers l'armature B ;  
c)- Sens du courant : de l'armature B vers l'armature A

### Solution 6 :

- a)- Capacité équivalente pour un montage en série :  $C_{\text{eq}} = 1,66 nF$
- b)- Charge commune :  $Q = C_{\text{eq}} \cdot U = 1,99 \cdot 10^{-8} C$
- c)- Tension aux bornes de chaque condensateur :

$$U_1 = \frac{Q}{C_1} = 2,9 V \quad \text{et} \quad U_2 = \frac{Q}{C_2} = 9,1 V \quad (\text{vérification : } U = U_1 + U_2 = 12 V)$$

### Solution 7 :

- 1)- a)- Charge du condensateur :  $Q = C \cdot U_{AB} = 0,264 C$   
b)- Charge de B :  $q_B = -Q = -0,264 C$   
c)- Energie électrique emmagasinée :  $W = \frac{1}{2} Q \cdot U_{AB} = 158,4 J$
- 2)- a)- Capacité équivalente pour chaque association :

$$C_{\text{eq}(1)} = C_3 + \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} = 31 \mu F \quad \text{et} \quad C_{\text{eq}(2)} = \frac{C_3 (C_1 + C_2)}{C_1 + C_2 + C_3} = 12,5 \mu F$$

- b)- Charge de chaque association :

$$Q_1 = C_{\text{eq}(1)} \cdot U = 3,72 \cdot 10^{-2} C \quad \text{et} \quad Q_2 = C_{\text{eq}(2)} \cdot U = 1,5 \cdot 10^{-2} C$$

Solution 8 :

1)- Résistance équivalente R :  $R = \frac{4,7 \cdot 3,3}{4,7+3,3} + 2,2 = 4,1 \text{ k}\Omega$

Capacité équivalente C :  $C = \frac{(4,7+3,3) \cdot 2,2}{4,7+3,3+2,2} = 1,7 \mu\text{F}$

2)- a)- Tension aux bornes de R et de C :  $U_R = R \cdot I = 2050 \text{ V}$  et  $U_C = U_{AB} - U_R = 1350 \text{ V}$

b)- Charge maximale de C :  $Q = C \cdot U_C = 2,295 \cdot 10^{-3} \text{ C}$

Solution 9:

1)- Charge de chaque armature:  $q_A = Q = C \cdot U_{AB} = 7,92 \cdot 10^{-5} \text{ C}$  et  $q_B = -Q = -7,92 \cdot 10^{-5} \text{ C}$

2)- a)- Capacité équivalente : association en série :  $C_{\text{eq}} = \frac{C}{2} = 1,65 \mu\text{F}$

b)- Tension aux bornes de chaque condensateur :  $U' = \frac{U_{AB}}{2} = 12 \text{ V}$

c)- Energie emmagasinée par l'ensemble :  $W = \frac{1}{2} C_{\text{eq}} \cdot U_{AB}^2 = 4,75 \cdot 10^{-4} \text{ J}$

# MODULE IV - ELECTROMAGNETIQUE

## Chapitre 1 : LE CHAMP MAGNETIQUE

### 1- Les aimants et bobines :

#### a- Les aimants :

Tout solide capable d'attirer le métal fer, est appelé aimant.

#### b- Interaction entre pôles - force magnétique :

Un aimant est caractérisé par deux pôles : Nord et Sud.

- Les pôles de même nom se repoussent, tandis que ceux de noms différents s'attirent.
- L'attraction ou la répulsion entre pôles, témoignent les effets des forces magnétiques opposées, qui s'exercent mutuellement au niveau de chaque pôle.

#### c- Analogie aimant - bobine :

- La bobine est un cylindre autour duquel s'enroule un fil conducteur parcouru par un courant électrique. Elle constitue un aimant électromagnétique.
- Les extrémités de la bobine appelées faces, constituent les pôles de l'aimant électrique ainsi constitué.
- Chaque enroulement du fil appelé spire de la bobine.



NB : La nature de la face de la spire, dépend du sens du courant.

### 2- Le champ magnétique :

Le champ magnétique est toute région de l'espace, dans laquelle une aiguille aimantée est soumise à une force magnétique qui l'oriente dans une direction bien définie.

- En tout point de cet espace, le champ magnétique est représenté par un vecteur champ noté  $\vec{B}$  orienté du pôle Sud vers le pôle Nord de l'aiguille aimantée.
- A l'intérieur d'une bobine, le vecteur champ  $\vec{B}$  est perpendiculaire au plan des faces et orienté de la face Sud vers la face Nord.

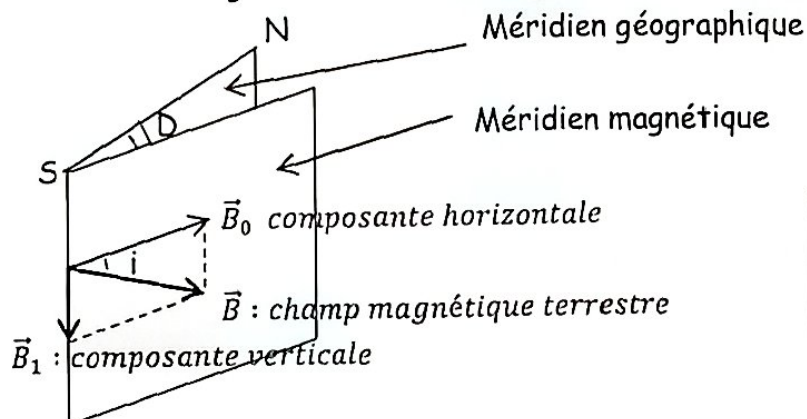
### 3- Le champ magnétique terrestre :

Au voisinage de la terre, existe un champ magnétique, appelé champ magnétique terrestre supposé uniforme pour une région de faible étendue.

Le méridien d'un point est le plan vertical contenant le vecteur champ magnétique.

L'inclinaison  $i$  est l'angle du vecteur champ avec l'horizontal.

La déclinaison  $D$  est l'angle des méridiens magnétique et géographique.



$$\vec{B} = \vec{B}_0 + \vec{B}_1$$

avec  $B = B_0 \cdot \cos i$   
et  $B_0 = 2.10^{-5} T$

**1 - Champ magnétique créé en un point par un courant rectiligne :**

Le champ magnétique créé par un fil conducteur rectiligne, parcouru par un courant  $I$ , en un point  $M$  situé à la distance  $d$  du fil, a pour expression :

$$B = 2 \cdot 10^{-7} \cdot \frac{I}{d} \text{ avec } I : (\text{en } A) ; d : (\text{en } m) \text{ et } B : \text{en tesla } (T)$$

$\vec{B}$  : Direction : orthogonal au plan formé par le fil et le point,

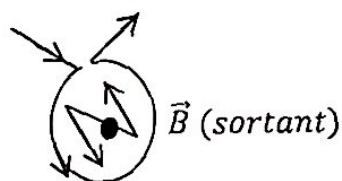
Sens : donné par la règle de la main droite :  $\vec{B}$  orienté suivant le pouce, le courant entrant par le poignet et la paume ouverte tournée vers le point  $M$ .

**2 - Champ magnétique créé par une bobine plate circulaire :**

- A l'intérieur d'une spire de rayon  $R$ , parcourue par un courant  $I$ , le champ magnétique créé est uniforme, orthogonal au plan de la spire et orienté de la face Sud vers la face Nord ; sa norme est :

$$B = 2\pi \cdot 10^{-7} \frac{I}{R} \text{ avec } I : (\text{en } A) ; R : (\text{en } m) \text{ et } B : (\text{en } T)$$

Représentation :



- Pour une bobine à  $N$  spires, parcourue par un courant  $I$ , le champ magnétique créé à l'intérieur de la bobine, a pour expression :

$$B = 2\pi \cdot 10^{-7} \frac{NI}{R} \text{ avec } N : \text{nombre de spires}$$

**3 - Champ magnétique créé par une bobine longue ou solénoïde :**

Au centre d'un solénoïde de longueur  $L$ , possédant  $N$  spires et parcouru par un courant  $I$ , le champ magnétique créé est uniforme :

- Direction : celle de l'axe du solénoïde ;
- Son sens est donné par la règle de la main droite : elle empoigne le solénoïde, le courant entrant par le poignet, sortant par les doigts et le pouce indique le sens de  $\vec{B}$  ;
- Sa norme :

$$B = 4\pi \cdot 10^{-7} \frac{N \cdot I}{L} \text{ si } n = \frac{N}{L} \text{ (nombre de spires par mètre)}$$

$$\Rightarrow B = 4\pi \cdot 10^{-7} \cdot n I$$

Remarque :

S'il y a plusieurs sources de champ magnétique, le champ magnétique résultant, créé en un point est égale à la somme vectorielle des champs magnétiques créés par chacune des sources comme si elles étaient seule :

$$\vec{B} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2 + \dots + \vec{B}_n$$

## EVALUATION « CHAMP MAGNETIQUE »

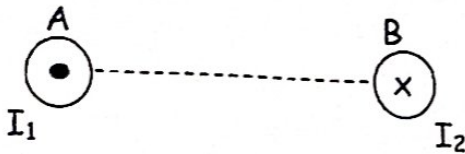
### Exercice 1 :

Un fil rectiligne, horizontal, très long, est parcouru par un courant ascendant d'intensité  $I = 8,7 \text{ A}$ .

- Représente le champ magnétique  $\vec{B}$  créé en un point M situé à la distance  $d = 5,0 \text{ cm}$  du fil.
- Calcule son module.

### Exercice 2 :

Deux conducteurs horizontaux distants de  $5 \text{ cm}$  sont traversés par des courants  $I_1 = 300 \text{ A}$  et  $I_2 = 200 \text{ A}$ , de sens contraires. Ils traversent le plan de la figure aux points A et B. (Voir figure)



- En quels points le champ magnétique résultant est-il nul ?
- Calcule le champ magnétique au point M milieu de AB.

### Exercice 3 :

Un solénoïde horizontal, de longueur  $l = 1,0 \text{ m}$ , comportant  $N = 1,0 \cdot 10^3$  spires, est parcouru par un courant  $I = 16 \text{ mA}$ .

Calcule le champ magnétique créé à l'intérieur du solénoïde.

### Exercice 4 :

Un solénoïde est constitué par une couche de fil de diamètre  $0,2 \text{ mm}$  isolant compris, bobiné à spires jointives sur un tube isolant, comportant  $5$  spires par millimètre.

- Calculer le champ magnétique à l'intérieur du solénoïde lorsqu'il est traversé par un courant de  $0,5 \text{ A}$ .
- Quelle valeur faut-il donner à  $I$  pour que le champ magnétique créé par le solénoïde ait même valeur que la composante horizontale du champ magnétique terrestre, soit  $B_0 = 2 \cdot 10^{-5} \text{ T}$ .

### Exercice 5 : (non corrigé)

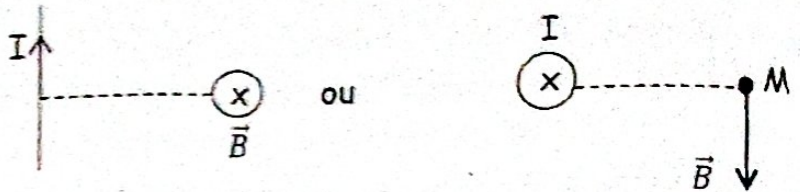
Deux fils  $F_1$  et  $F_2$ , parallèles, de section négligeable, de très grande longueur, distants de  $2d$  avec  $d = 5,0 \text{ cm}$ , sont parcourus par des courants de même intensité  $I = 5,0 \text{ A}$  et de sens contraires. Soient C et D les intersections respectives des deux fils par un plan P qui leur est perpendiculaire.

- En un point M, milieu de CD, représente et calcule le module du champ créé par les deux fils en ce point.
- Même questions, en un point N, situé à la distance  $x$  de M sur la médiatrice de CD.

## CORRIGE « CHAMP MAGNETIQUE »

### Solution 1 :

a)- Champ créé en un point M :

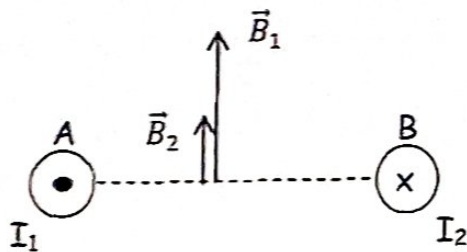


b)- Valeur de B :  $B = 2 \cdot 10^{-7} \cdot \frac{I}{2}$  AN :  $B = 2 \cdot 10^{-7} \cdot \frac{8,7}{0,05} = 3,48 \cdot 10^{-5} \text{ T}$

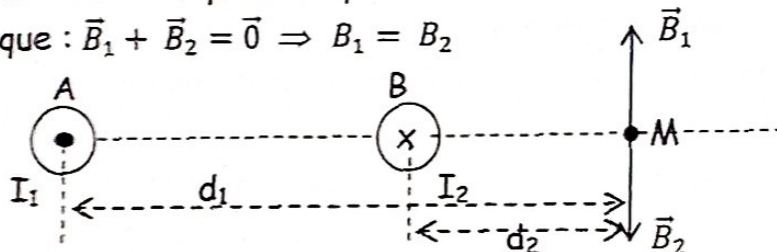
### Solution 2 :

a)- Pour que le champ magnétique résultant ( $\vec{B} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2$ ) soit nul, les champs créés par  $I_1$  et  $I_2$  en ce point, doivent être colinéaires et opposés, donc de même module.

- Sur AB et entre les deux conducteurs,  $\vec{B}_1$  et  $\vec{B}_2$  sont de même sens, donc ce champ ne peut être nul.



- Cette somme ne peut être nulle que si ce point est situé dans le prolongement de AB et du côté de  $I_2$ , tel que :  $\vec{B}_1 + \vec{B}_2 = \vec{0} \Rightarrow B_1 = B_2$



$$B_1 = B_2 \Rightarrow 2 \cdot 10^{-7} \cdot \frac{I_1}{d_1} = 2 \cdot 10^{-7} \cdot \frac{I_2}{d_2} \quad \text{or} \quad d_1 = AB + d_2 \Rightarrow \frac{I_1}{AB + d_2} = \frac{I_2}{d_2}$$

$$\Rightarrow \frac{300}{5 + d_2} = \frac{200}{d_2} \Rightarrow d_2 = 10 \text{ cm et } d_1 = 15 \text{ cm}$$

### Solution 3 :

Champ magnétique créé à l'intérieur du solénoïde :

$$B = 4\pi \cdot 10^{-7} \cdot \frac{N}{l} I \quad \text{AN : } B = 4\pi \cdot 10^{-7} \cdot \frac{1000}{1} \cdot 0,016 = 2 \cdot 10^{-5} \text{ T}$$

### Solution 4 :

a)- Champ magnétique à l'intérieur du solénoïde :

$$B = 4\pi \cdot 10^{-7} \cdot n I \quad \text{avec } n : \text{ nombre de spire par mètre}$$

$$\text{AN : } I = 0,5 \text{ A ; } n = 5 \text{ spires. mm}^{-1} = 5000 \text{ spires. m}^{-1} \Rightarrow B = 3,14 \cdot 10^{-3} \text{ T}$$

b)- Valeur de I pour  $B' = B_0$  :

$$B = 4\pi \cdot 10^{-7} \cdot n I \quad (1) \quad \text{et} \quad B' = 4\pi \cdot 10^{-7} \cdot n I' \quad (2) \Rightarrow \frac{B'}{B} = \frac{I'}{I} \Rightarrow I' = I \cdot \frac{B'}{B}$$

$$\text{AN : } I' = 0,5 \cdot \frac{2 \cdot 10^{-5}}{3,14 \cdot 10^{-3}} = 3,18 \cdot 10^{-3} \text{ A}$$

## 1- La loi de Laplace :

Un conducteur MN rectiligne de longueur L, parcouru par un courant I, placé dans un champ magnétique uniforme  $\vec{B}$ , est soumis à la force électromagnétique  $\vec{F}$  :

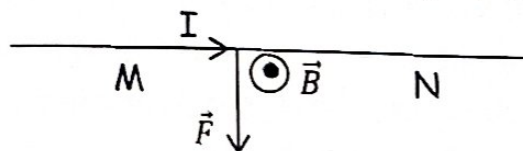
- Sa direction : orthogonal au plan  $(\vec{B}, \overline{MN})$
- Son sens : déterminé par la règle de la main droite tel que le courant entrant par le poignet et sort par les doigts, la paume dirigée dans le sens de  $\vec{B}$ , le pouce donne le sens de  $\vec{F}$  ;
- Son module :

$$F = I \cdot L \cdot B \cdot \sin \alpha$$

avec  $\alpha = (\vec{B}, \overline{MN})$ ;  $I$  : (en A);  $L$  : (en m);  $B$  : (en T) et  $F$  : (en N)

### Remarque :

Si  $\vec{B} \perp \overline{MN} \Rightarrow \alpha = 90^\circ \Rightarrow \sin \alpha = 1 \Rightarrow F = I \cdot L \cdot B$



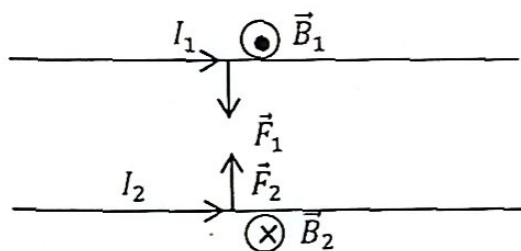
## 2- Interaction de deux courants parallèles :

Deux courants rectilignes parallèles :

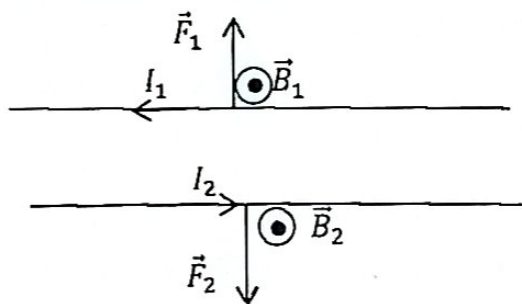
- S'attirent quand ils sont de même sens ;
- Se repoussent quand ils sont de sens contraires.

### Représentation :

Courant de même sens :



Courants de sens contraires :



Les forces électromagnétiques  $\vec{F}_1$  et  $\vec{F}_2$  qui s'exercent sur les éléments de conducteurs rectilignes, sont opposées et ont pour module commun :

Loi de Laplace :  $F_1 = I_1 L B_2$  avec  $B_2 = 2 \cdot 10^{-7} \cdot \frac{I_2}{d}$  et  $F_2 = I_2 L B_1$  avec  $B_1 = 2 \cdot 10^{-7} \cdot \frac{I_1}{d}$

$$\Rightarrow F_1 = F_2 = 2 \cdot 10^{-7} \cdot I_1 \cdot I_2 \cdot \frac{L}{d}$$

avec  $L$  : longueur de la portion de conducteur ;  $d$  : distance entre les deux courants

### 3- Moment du couple électromagnétique et moment magnétique :

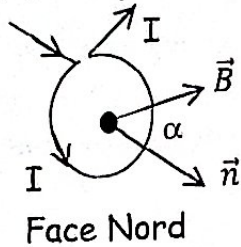
Une bobine plate rectangulaire possédant N spires et parcourue par un courant I, placée dans un champ magnétique uniforme  $\vec{B}$ , est soumise à un couple électromagnétique pouvant la faire tourner.

Expression du moment du couple électromagnétique  $M_c$  :

- Pour une spire :

$$M_c = I.S.B \sin\alpha$$

avec S : surface de la spire (en  $m^2$ ) ;  $\alpha = (\vec{n}, \vec{B})$  et  $\vec{n}$  : normale à S



- Pour la bobine à N spires :

$$M_c = I.N.S.B.\sin\alpha \text{ (en N.m)}$$

- Le moment magnétique de la bobine, est défini par le produit :

$$M_m = I.N.S \text{ (en A.m}^2\text{)}$$

### 4- Travail de la force électromagnétique - flux d'induction :

- Le travail de force magnétique, est défini par la relation :

$$W = I.\Phi \text{ (en J)}$$

avec  $\Phi = S.B.\cos\alpha$  (en weber : Wb) appelé flux d'induction coupé

Exercice 1 :

Deux conducteurs rectilignes parallèles distants de  $d = 40 \text{ cm}$ , sont parcourus par des courants de même sens et d'intensités respectives  $I_1 = 10 \text{ A}$  et  $I_2 = 15 \text{ A}$ . Représente et calcule la valeur commune des forces électromagnétiques qui s'applique sur chaque élément de conducteur de longueur  $2 \text{ cm}$  ?

Exercice 2 :

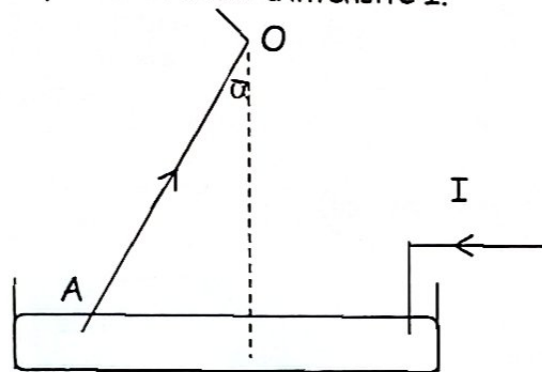
Un fil, de longueur  $50 \text{ cm}$ , est parcouru par un courant de  $10 \text{ A}$ . Il est entièrement contenu dans un champ magnétique uniforme  $B = 10^{-2} \text{ T}$ , faisant un angle de  $20^\circ$  avec l'horizontale et de sens descendant.

Représente sur un schéma, la force magnétique et calcule son intensité :

- Lorsque le fil est vertical, le sens du courant étant de bas en haut ;
- Lorsque le fil est horizontal et perpendiculaire au vecteur  $\vec{B}$ , le courant traversant la figure de l'avant vers l'arrière.

Exercice 3 :

Un fil conducteur rigide et rectiligne  $OA$  ( $OA = 30 \text{ cm}$ ) de masse  $20\text{g}$ , peut prendre toutes les positions autour du point fixe  $O$ . Le contact en  $A$  étant assuré par un bain de mercure, le fil est parcouru de  $A$  vers  $O$  par un courant d'intensité  $I$ .



Lorsque le fil est placé en entier dans un champ magnétique uniforme horizontal, à l'équilibre il s'écarte de la verticale d'un angle de  $15^\circ$ .

- Représente sur la figure : le vecteur champ magnétique et les différentes forces qui expliquent l'équilibre du fil conducteur.
- Calcule  $I$ , sachant que le champ magnétique vaut  $0,05 \text{ T}$ .

On prendra :  $g = 10 \text{ N/kg}$

Exercice 4 :

Une bobine plate rectangulaire, mobile autour de son grand axe et comportant  $20$  spires de  $4 \text{ cm} \times 5 \text{ cm}$ , est placée dans un champ magnétique uniforme  $\vec{B}$  horizontal dont l'induction est  $B = 0,1 \text{ T}$ . Elle est parcourue par un courant  $I = 5 \text{ A}$ . On la dispose de façon que son grand axe soit vertical et que sa normale  $\vec{n}$  fasse un angle de  $45^\circ$  avec  $\vec{B}$ . Calculer :

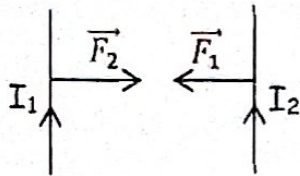
- L'intensité des forces s'exerçant sur les côtés horizontaux d'une spire moyenne.
- Le moment magnétique de la bobine et le moment du couple électromagnétique qu'elle subit dans le champ magnétique.
- Le flux d'induction qui traverse la bobine.
- Le travail des forces électromagnétiques, lorsqu'on laisse tourner la bobine depuis la position définie ci-dessus jusqu'à la position d'équilibre qu'elle prend librement dans le champ.

## CORRIGE « LOI DE LAPLACE - INDUCTION MAGNETIQUE »

### Solution 1 :

Représentation des forces s'exerçant sur chaque conducteur :

Les conducteurs parcourus par des courants de même sens s'attirent, on a :



Valeur commune  $F$  :

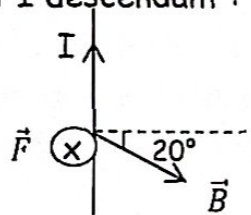
$$F_1 = F_2 = F = 2 \cdot 10^{-7} \cdot I_1 \cdot I_2 \cdot \frac{L}{d}$$

$$AN : F = 2 \cdot 10^{-7} \cdot 10 \cdot 15 \cdot \frac{0,02}{0,4} = 1,5 \cdot 10^{-6} \text{ N}$$

### Solution 2 :

Représentation de la force magnétique et calcul de son intensité :

a)- Fil vertical et  $I$  descendant :



La force  $\vec{F}$  est horizontale et orientée vers l'arrière

Intensité  $F$  :

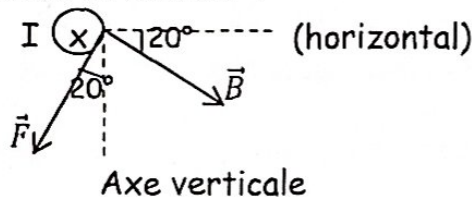
$$F = I \cdot L \cdot B \cdot \sin \alpha$$

$$\text{avec } \alpha = 90^\circ + 20^\circ = 110^\circ$$

$$AN : F = 10 \cdot 0,5 \cdot 10^{-2} \cdot \sin 110^\circ$$

$$F = 4,7 \cdot 10^{-2} \text{ N}$$

b)- Fil horizontal et entrant :



La force  $\vec{F}$  est verticale et incliné de  $20^\circ$   
or  $\vec{F} \perp \vec{B} \Rightarrow \alpha = 90^\circ$

Intensité  $F$  :

$$F = I \cdot L \cdot B \cdot \sin 90^\circ$$

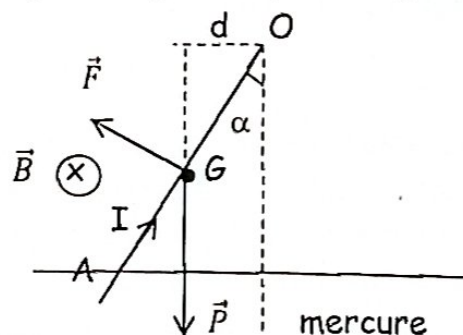
$$AN : F = 10 \cdot 0,5 \cdot 10^{-2}$$

$$F = 5 \cdot 10^{-2}$$

### Solution 3 :

a)- Représentation du vecteur champ magnétique  $\vec{B}$  et des forces s'exerçant sur le fil

Les forces sont :  $\vec{P}$  : poids du fil ;  $\vec{F}$  : force magnétique.



b)- Condition d'équilibre de la tige, en rotation autour de l'axe passant par O :

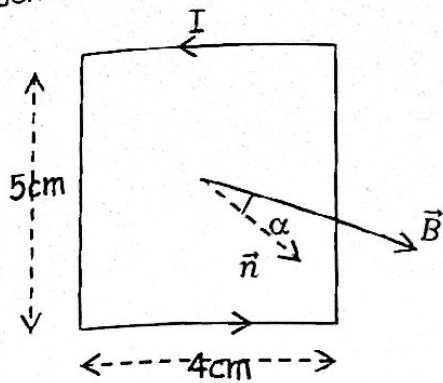
$$M_{\vec{F}/\Delta} + M_{\vec{P}/\Delta} = 0 \Rightarrow F \cdot OG - P \cdot d = 0 \text{ avec } d = OG \cdot \sin \alpha$$

$$\Rightarrow F = P \cdot \sin \alpha \text{ avec } F = I \cdot OA \cdot B \text{ et } P = mg \Rightarrow I = \frac{mg}{OA \cdot B} \cdot \sin \alpha$$

$$AN : I = \frac{0,02 \cdot 10 \cdot \sin 15^\circ}{0,3 \cdot 0,05} = 3,45 \text{ A}$$

Solution 4 :

Représentation d'une spire de la bobine plate parcourue par un courant I :



a)- Les deux côtés horizontaux sont parcourus par des courants de sens contraires, les forces qui s'y exercent, sont parallèles, de sens contraires et de même intensité. Elles constituent un couple de forces :

$$F_1 = F_2 = I.l.B \quad \text{AN : } F_1 = F_2 = 5.4.10^{-2}.10^{-1} = 2.10^{-2} \text{ N}$$

b)- Moment magnétique de la bobine :

$$M_m = I.N.S \quad \text{AN : } M_m = 5.20.(4.10^{-2}.5.10^{-2}) = 0,2 \text{ A.m}^2$$

Moment du couple magnétique :

$$M_c = M_m.B.\sin \alpha \quad \text{AN : } M_c = 0,2.0,1.\sin 45^\circ = 1,4.10^{-2} \text{ N.m}$$

c)- Flux d'induction :

$$\Phi = S.B.\cos \alpha \quad \text{AN : } \Phi = (4.10^{-2}.5.10^{-2}).10^{-1}.\cos 45^\circ = 1,4.10^{-4} \text{ Wb}$$

d)- Travail effectué :

$$W = I.\Phi \quad \text{AN : } W = 5.1,4.10^{-4} = 7.10^{-4} \text{ J}$$

# SYNTHÈSE ET FORMULAIRES DE PHYSIQUE

Modules	Notions	Formulaire
OPTIQUE	Réflexion de la lumière	$i = r$
	Réfraction de la lumière	$n_1 \sin i = n_2 \sin r'$
	Dispersion de la lumière	$\sin i = n \sin r \quad (1)$
	Prisme d'indice $n$ et d'angle $A$	$\sin i' = n \sin r' \quad (2)$ $A = r + r' \quad (3)$ $D = i + i' - A \quad (4)$
ELECTROSTATIQUE	Loi de Coulomb	$F_{A/B} = F_{B/A} = 9.10^9 \frac{ q_A  q_B }{AB^2}$
	Champ électrique uniforme	$E = \frac{U}{d}$
	Champ électrique créé par une charge $q_0$ en un point $M$	$E = 9.10^9 \cdot \frac{ q_0 }{OM^2}$
	Force électrique s'exerçant sur une charge $q$	$F =  q .E$
	Travail de la force électrique dans un champ uniforme	$W_F = q \cdot U_{AB}$
ELECTRODYNAMIQUE	Quantité d'électricité	$Q = I \cdot t$
	Energie électrique	$W = I \cdot t \cdot U$
	Résistance d'un fil conducteur de longueur $l$ et de section $S$	$R = \rho \cdot \frac{l}{S}$
	Loi d'Ohm aux bornes d'une résistance $R$	$U = R \cdot I$
	Loi d'Ohm aux bornes d'un générateur ( $E, r$ )	$U = E - rI$
	Loi d'Ohm aux bornes d'un récepteur électrique ( $E', r'$ )	$U = E' + r'I$
	Puissance électrique	$P = U \cdot I$
	Loi de Pouillet	$E - E' = I \cdot \sum R_i$
	Capacité d'un condensateur $AB$	$C = \frac{Q}{U_{AB}}$
	ELECTROMAGNETIQUE	Champ créé par un courant $I$
Champ créé par une bobine plate à $N$ spires		$B = 2\pi \cdot 10^{-7} \cdot \frac{N \cdot I}{R}$
Champ créé par un solénoïde de longueur $l$ et à $N$ spires		$B = 4\pi \cdot 10^{-7} \cdot \frac{N \cdot I}{l}$
Loi de Laplace		$F = I \cdot l \cdot B \cdot \sin \alpha$
Interaction de deux courants		$F_1 = F_2 = 2.10^{-7} \cdot I_1 \cdot I_2 \cdot \frac{l}{d}$
Flux d'induction magnétique		$\Phi = S \cdot B \cdot \cos \alpha$



**SOLENT'S**

Label des Experts en Nouvelles Technologies & Services

CONTACTS: 06 659 72 34 / 05 511 61 01 / 05 719 90 70