

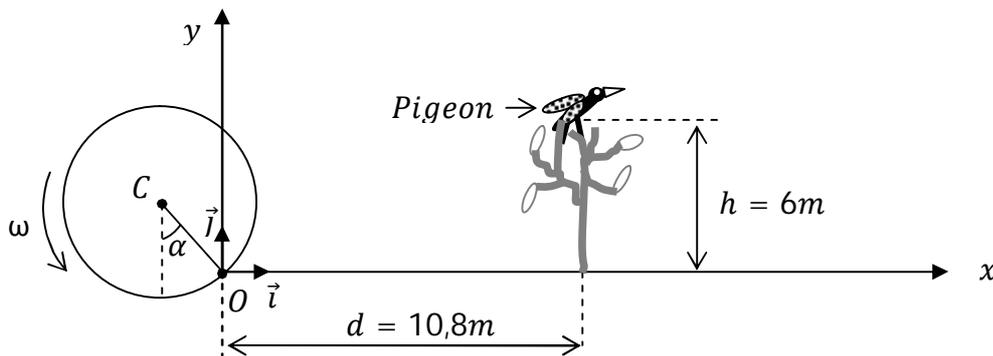
**DEVOIR SURVEILLE DE  
 SCIENCES PHYSIQUES N°4**

*Cette épreuve comporte trois (3) pages numérotées 1/3, 2/3,3/3.  
 Chaque candidat recevra une feuille de papier millimétré.  
 Toute calculatrice scientifique est autorisée.*

**Exercice 1** : (5 points)

Une fronde est une arme de jet, constituée d'un fil souple en cuire dans lequel est placé un projectile (pierre) que l'on fait tourner à la main avant d'être lâché.  
 Pour chasser les oiseaux qu'il a repéré dans la rizière de sa maman, Yao tourne sa fronde de longueur  $CO = \ell = 0,6m$  à la vitesse constante  $\omega = 25\text{rad/s}$  autour d'un point fixe C. Le fil reste dans le plan vertical (Ox, Oy) (Voir figure).  
 La pierre est lâchée en O à l'instant  $t_0$ , avec une vitesse  $v_0$ , dans la direction d'un pigeon, tel que CO fasse un angle  $\alpha$  avec la verticale descendante.

On donne :  $\cos\alpha = 0,6$  ;  $\sin\alpha = 0,8$  ;  $g = 10\text{m.s}^{-2}$  ;  $\frac{1}{\cos^2\alpha} = 1 + \tan^2\alpha$



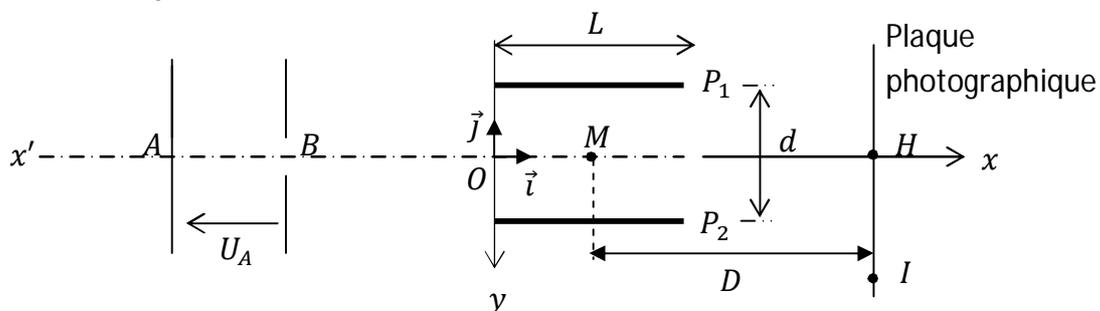
1. Déterminer les caractéristiques du vecteur- vitesse initiale  $\vec{v}_0$  et le représenter sur un schéma.
2. On prendra pour la suite  $v_0 = 15\text{m.s}^{-1}$ .
  - 2.1 Etablir les équations horaires du mouvement de la pierre dans le repère  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .
  - 2.2 Déterminer l'équation cartésienne de sa trajectoire.
  - 2.3 Vérifier que cette équation s'écrit :  $y = -6,17 \cdot 10^{-2} x^2 + 1,33 x$ .
3. Le pigeon se trouve à une distance  $d = 10,8\text{m}$  du point O, perché au sommet S d'un arbre de 6m de hauteur. Il reste figé malgré la menace.
  - 3.1 Montrer que la cible est manquée.
  - 3.2 Déterminer la distance  $d'$  qui sépare la pierre et l'extrémité supérieure de l'arbre.
  - 3.3 Calculer la portée sur (Ox).
4. Avant toute nouvelle tentative de tir, Yao veut déterminer l'angle  $\alpha$  qui permettrait d'atteindre le pigeon avec la même valeur de la vitesse  $v_0$ .
  - 4.1 Montrer qu'au point S, l'équation de la trajectoire devient :  $-2,592 \tan^2\alpha + 10,8 \tan\alpha - 8,592 = 0$
  - 4.2 Déterminer les valeurs de  $\alpha_1$  et  $\alpha_2$  qui permettraient d'atteindre la cible.

5. On se place dans les conditions de la question n°3, mais on suppose maintenant que, au moment où Yao lâcha la pierre, le pigeon s'aperçut du danger et s'éleva d'un mouvement rectiligne uniforme ascendant à la vitesse  $v = 0,975 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ .
- 5.1 A quelle date la pierre passe-t-elle au point d'abscisse  $x=10,8\text{m}$  ?
- 5.2 Calculer la durée mise par le pigeon pour parcourir la distance  $d'$ .
- 5.3 Pourra-t-il éviter le projectile ?

**Exercice 2** : (5 points)

Dans tout cet exercice on négligera le poids des particules devant la force électrostatique.

1. Des ions  $Al^{3+}$  de masse  $m = 1,2 \cdot 10^{-26} \text{ kg}$  sont émises en un point A d'une plaque avec une vitesse négligeable (voir schéma ci-dessous). Une autre plaque parallèle à la première est percée d'un trou B. Entre les deux plaques distantes de  $AB = 5 \text{ cm}$  est établie une différence de potentiel  $U_{AB}$ . On admettra que les ions sortent en B à la vitesse  $\vec{v}_B$  parallèle à l'axe  $x'x$  et d'intensité  $v_B = 3 \cdot 10^5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ .
- 1.1 Indiquer le signe de la tension  $U_{AB}$  et calculer sa valeur.
- 1.2 Etablir l'expression de l'accélération prise par les ions. En déduire le temps de transit entre A et B.
2. Ces ions pénètrent en O entre les plaques horizontales  $P_1$  et  $P_2$  d'un condensateur de longueur  $L = 10 \text{ cm}$ . A l'intérieur des plaques distantes de  $d = 5 \text{ cm}$  règne un champ électrostatique  $\vec{E}$  d'intensité  $E = 10^4 \text{ V} \cdot \text{m}^{-1}$  (voir figure ci-dessous). On observe sur une plaque photographique disposée perpendiculairement à  $(x'x)$ , à une distance  $D$  du centre  $M$  du condensateur une tâche lumineuse I.
- 2.1 Décrire le mouvement des ions entre B et O.
- 2.2 Indiquer sur la figure le sens du champ  $\vec{E}$  entre les plaques  $P_1$  et  $P_2$ .
- 3.
- 3.1 Etablir l'expression littérale de l'équation de la trajectoire d'un ion dans le plan  $(OX, OY)$ .
- 3.2 Déterminer la valeur de la distance  $D$  à laquelle on doit placer la plaque photographique pour que la mesure de la déviation donne  $HI = 22 \text{ cm}$  ?
- Donnée : charge élémentaire :  $e = 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}$



**Exercice 3** : (5 points)

On dissout 12 mL de gaz ammoniac ( $\text{NH}_3$ ) dans  $V_e = 500$  mL d'eau pure. Le pH de la solution obtenue est égal à 10,1.

1. Montrer que la concentration de la solution d'ammoniac obtenue est  $C_b = 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$ .
2. L'ammoniac est-elle une base forte ou faible? Justifier votre réponse.
3. Ecrire l'équation-bilan de sa réaction avec l'eau en indiquant les couples acide-base qui interviennent dans cette réaction.
4.
  - 4.1 Faire l'inventaire de toutes les espèces chimiques présentes dans la solution.
  - 4.2 Calculer leur concentration molaire volumique.
  - 4.3 En déduire le coefficient d'ionisation  $\alpha_1$  de l'ammoniac dans l'eau.
5. On ajoute à la solution précédente,  $V_a = 500$  mL d'une solution de chlorure d'ammonium ( $\text{NH}_4\text{Cl}$ ) de concentration  $C_a = 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$ . Le pH du mélange obtenu est égal à 9,2.
  - 5.1 Faire l'inventaire de toutes les espèces chimiques présentes dans la solution.
  - 5.2 Calculer leur concentration molaire volumique.
  - 5.3 Calculer le coefficient d'ionisation  $\alpha_2$  de l'ammoniac dans le mélange.
  - 5.4 Donner une interprétation qualitative de ce résultat.

Donnée: volume molaire gazeux :  $V_m = 24 \text{ L. mol}^{-1}$

**Exercice 4** : (5 points)

1. On veut préparer deux solutions aqueuses l'une A d'acide éthanóique ( $\text{CH}_3\text{COOH}$ ) et l'autre B d'éthanoate de sodium ( $\text{CH}_3\text{COONa}$ ), de même concentration  $C_A = C_B = 10^{-1} \text{ mol.L}^{-1}$ .
  - 1.1 Calculer la masse d'éthanoate de sodium solide que l'on doit dissoudre dans l'eau pure pour préparer 1L de solution B. On donne C : 12 ; O : 16 ; Na : 23 ; H : 1 (en  $\text{g.mol}^{-1}$ )
  - 1.2 Pour préparer la solution A d'acide éthanóique, on dispose d'une solution mère de concentration  $1 \text{ mol.L}^{-1}$ . Calculer le volume de la solution mère à prélever pour obtenir 200 mL de la solution A.
2. On mélange un volume  $V_A = 40$  mL de la solution A et un volume  $V_B = 60$  mL de la solution B. Le pH du mélange est égal à 5.
  - 2.1 Calculer les concentrations des différentes espèces chimiques présentes dans le mélange.
  - 2.2 En déduire que  $\frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-]}{[\text{CH}_3\text{COOH}]} = \frac{V_B}{V_A}$ .
3. On admettra que le résultat précédent est valable pour toute la suite. Différents mélanges des solutions A et B sont réalisés. On mesure à chaque fois le pH et on consigne les résultats dans le tableau suivant :

$V_A$ (mL)	20	40	60	80
$V_B$ (mL)	80	60	40	20
pH	5,4	5	4,6	4,2
$\log \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-]}{[\text{CH}_3\text{COOH}]}$				

- 3.1 Recopier le tableau, compléter et tracer la courbe de la variation du pH en fonction de  $\log \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-]}{[\text{CH}_3\text{COOH}]}$ .

Echelle : 1 cm  $\leftrightarrow$  0,1 unité de  $\log \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-]}{[\text{CH}_3\text{COOH}]}$  et 1cm  $\leftrightarrow$  1 unité de pH.

3.2 A partir de la courbe déterminer la relation entre le pH et  $\log \frac{[CH_3COO^-]}{[CH_3COOH]}$ . En déduire la constante d'acidité du couple acide éthanoïque/ion éthanoate.

3/3