

**EXERCICE 1 (5 points)**

1.

1.1

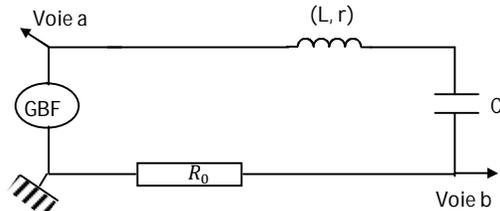
$$U_m = z I_m \quad (1) \text{ et } U_{R_0m} = z I_m \quad (2)$$

$$\frac{(1)}{(2)} : \frac{U_m}{U_{R_0m}} = \frac{z}{R_0} > 1 \Leftrightarrow U_m > U_{R_0m}$$

La courbe (a) ayant la plus grande amplitude  
Représente donc la variation de la tension  
aux bornes du circuit (RLC).

0,25

1.2



0,25

2.

2.1 Détermination de N

$$N = \frac{1}{T}$$

$$T \Leftrightarrow 6 \text{ div} \Rightarrow T = 6 \times \frac{5}{6} = 5 \text{ ms}$$

$$\text{A.N. : } N = \frac{1}{5 \cdot 10^{-3}} ; \underline{N = 200 \text{ Hz}}$$

0,25

2.2 Calcul de  $I_m$ .

$$I_m = \frac{U_{R_0m}}{R}$$

$$U_{R_0m} \Leftrightarrow 1 \text{ div} \Rightarrow U_{R_0m} = 1 \times 2 = 2V$$

$$\text{A.N. : } I_m = \frac{2}{10} ; \underline{I_m = 0,2 A}$$

Impédance Z du circuit

$$Z = \frac{U_m}{I_m}$$

$$U_m \Leftrightarrow 4 \text{ div} \Rightarrow U_m = 4 \times 2 = 8V$$

$$\text{A.N. : } Z = \frac{8}{0,2} ; \underline{Z = 40 \Omega}$$

0,25

2.3 Détermination de la phase de  $i$  par rapport à  $u$

$$\left| \varphi_{i/u} \right| = \frac{2\pi\tau}{T}$$

$$\tau \Leftrightarrow 1 \text{ div} \text{ et } T \Leftrightarrow 6 \text{ div}$$

$$\text{A.N. : } |\varphi| = \frac{2\pi \times 1}{6} = \frac{\pi}{3}$$

$i(t)$  est en retard sur  $u(t)$  car (b) s'annule  
après (a). On en déduit que  $\varphi_{i/u} = -\frac{\pi}{3}$

Expression de  $i(t)$

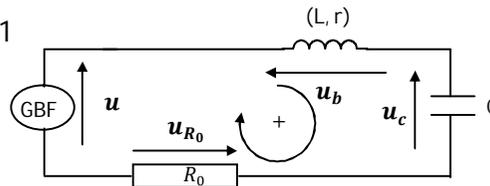
$$i(t) = I_m \sin(2\pi Nt - \frac{\pi}{3})$$

$$\boxed{i(t) = 0,2 \sin(400\pi t - \frac{\pi}{3})}$$

0,5

3.

3.1



Appliquons la loi des mailles à ce circuit :

$$u - u_b - u_c - u_{R_0} = 0$$

$$u(t) - R_0 i(t) - r i(t) - L \frac{di}{dt} - \frac{q}{c} = 0$$

$$\text{Or } i = \frac{dq}{dt} \Leftrightarrow q = \int i dt$$

Finalement:

$$\boxed{u(t) - R_0 i(t) - r i(t) - L \frac{di}{dt} - \frac{1}{c} \int i dt = 0}$$

0,25

C'est l'équation différentielle du circuit

3.2 Construction de Fresnel

$$*U_m = 8V \Leftrightarrow 4 \text{ cm}$$

$$*U_{R_0m} = 2V \Leftrightarrow 1 \text{ cm}$$

$$*U_{Lm} = L(2\pi N)I_m$$

$$U_{Lm} = 25.13V \Leftrightarrow 12.55 \text{ cm}$$

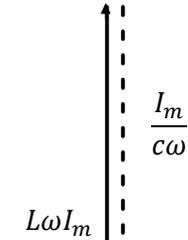
0,25

**Programme de construction**

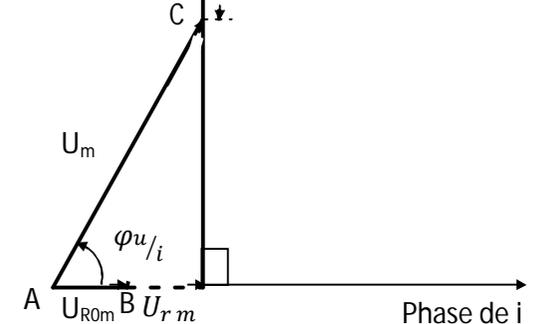
\*AB=1 cm

\* $(\widehat{AB}, \widehat{AC}) = \frac{\pi}{3}$  et

{C} = C(A, 4cm) \cap [AC]



0,5



3.3 Calcul de  $r$

$$U_{rm} \Leftrightarrow 1 \text{ cm} \Rightarrow U_{rm} = 1 \times 2 = 2 \text{ V}$$

$$U_{rm} = r I_m \Leftrightarrow r = \frac{U_{rm}}{I_m}$$

A.N :  $r = \frac{2}{0,2}$  ;  $r = \mathbf{10 \Omega}$

0,5

Calcul de  $C$

$$U_{cm} \Leftrightarrow 9 \text{ cm} \Rightarrow U_{cm} = 9 \times 2 = 18 \text{ V}$$

$$U_{cm} = \frac{I_m}{C \omega} \Leftrightarrow C = \frac{I_m}{2\pi N U_{cm}}$$

A.N :  $C = \mathbf{8,84 \mu F}$

0,5

Calcul de la puissance moyenne  
consommée par le circuit

$$P_m = (R_0 + r) I_m / \sqrt{2}$$

A.N :  $P_m = \mathbf{0,4 W}$

0,25

4.

$$4.1 N_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

A.N :  $N_0 = \mathbf{169,27 \text{ Hz}}$

0,25

4.2 L'intensité du courant maximal

A la résonance,  $Z = R_0 + r$

$$U_m = (R_0 + r) I_m \Leftrightarrow I_m = \frac{U_m}{(R_0 + r)}$$

A.N :  $I_m = \mathbf{0,4 A}$

0,25

4.3 Calcul du coefficient de surtension  $Q$

$$Q = \frac{2\pi N_0 L}{R_0 + r}$$

A.N :  $Q = \mathbf{5,31}$   
OU

$$U_{cm} = Q U_m \Leftrightarrow Q = \frac{U_{cm}}{U_m}$$

$$U_{cm} = \frac{I_m}{2\pi N_0 C} = 42,54 \text{ V}$$

A.N :  $Q = \mathbf{5,31}$   
OU

$$U_{Lm} = Q U_m \Leftrightarrow Q = \frac{U_{Lm}}{U_m}$$

$$U_{Lm} = 2\pi N_0 L I_m = 42,54 \text{ V}$$

$Q = \mathbf{5,31}$

0,25

4.4 Calcul de la largeur de la bande passante.

$$Q = \frac{N_0}{\Delta N} \Leftrightarrow \Delta N = \frac{N_0}{Q}$$

A.N :  $\Delta N = \mathbf{31,9 \text{ Hz}}$

0,25

**EXERCICE 2 (5 points)**

1.

1.1 A  $t=0$ ,  $x_0 = -3 \text{ cm}$  : le ressort est comprimé. Le solide est écarté vers la gauche.

0,25

1.2 Le solide oscille entre  $x = -6 \text{ cm}$  et  $x = 6 \text{ cm}$ , il a donc été lancé avec une vitesse initiale non nulle. En effet, si la vitesse initiale était

0,25

nulle, le solide oscillerait entre les positions  $x = -3 \text{ cm}$  et  $x = +3 \text{ cm}$ .

1.3 L'amplitude des oscillations est constante. Les oscillations sont par conséquent non amorties.

0,25

2. Valeur de  $\omega_0$  et  $m$ .

$$\bullet \omega_0 = \frac{2\pi}{T_0}$$

$$T_0 = 2 \times 0,314 = 0,628 \text{ s}$$

A.N :  $\omega_0 = \mathbf{10 \text{ rad.s}^{-1}}$

0,5

$$\bullet \omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}} \Leftrightarrow m = \frac{k}{\omega_0^2}$$

A.N :  $m = \mathbf{0,5 \text{ kg}}$

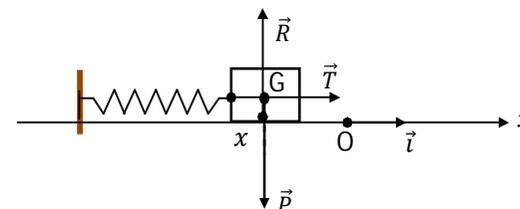
0,5

3. Equation différentielle

Système : solide de masse  $m$   
Référentiel terrestre supposé galiléen  
Bilan des forces :

$\vec{P}$  : le poids du solide  
 $\vec{R}_N$  : La réaction normale de la piste  
 $\vec{T}$  : La tension du ressort

0,25



0,25

Appliquons le théorème du centre d'inertie,  
 $\vec{P} + \vec{R}_N + \vec{T} = m \vec{a}$   
projection sur l'axe (Ox) :  $0 + 0 + T = m a_x$  or

0,25

$$T = -k x$$

donc  $-k x = m \ddot{x} \Rightarrow \ddot{x} + \frac{k}{m} x = 0$

4.  
4.1 Expression de l'énergie mécanique

$$E = \frac{1}{2} m v^2 + \frac{1}{2} k x^2$$

Montrons que l'énergie se conserve  
Les oscillations étant périodique non amorties,  
l'énergie, mécanique se conserve.  
Accepter toute démonstration cohérente.

$$E = \frac{1}{2} k X_m^2$$

A.N :  $E = 0.09 \text{ J}$

4.2 Déterminons  $v_0$ .

$$E = \frac{1}{2} m v_0^2 + \frac{1}{2} k x_0^2 \Leftrightarrow v_0 = \sqrt{\frac{2E - kx_0^2}{m}}$$

A.N :  $v_0 = 0.52 \text{ m/s}$

Déterminons  $X_m$  et  $\varphi$

$$\text{A } t=0, \begin{cases} x_0 = X_m \sin \varphi \\ v = v_0 = X_m \omega_0 \cos \varphi \end{cases} \Rightarrow \tan \varphi = \frac{\omega_0 x_0}{v_0} \Rightarrow \varphi = \tan^{-1} \left( \frac{\omega_0 x_0}{v_0} \right)$$

$$\varphi = -0.52 \text{ rad}$$

$$X_m = \frac{x_0}{\sin \varphi}; X_m = 0.06 \text{ m}$$

D'où

$$x(t) = 0.06 \sin(10t - 0.52)$$

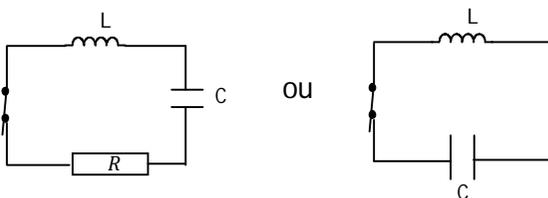
$$4.3 E = \frac{1}{2} m v_1^2 + \frac{1}{2} k x_1^2 \Leftrightarrow v_1 = \sqrt{\frac{2E - kx_1^2}{m}}$$

A  $t_1, x=3 \text{ cm}$  d'où  $v_1 = 0.52 \text{ m/s}$

5.  
5.1 Les oscillations sont amorties.

5.2 Les force de frottement sont responsables de l'amortissement des oscillations.

5.3

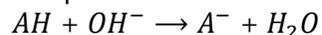


$$\begin{aligned} L &\leftrightarrow m \\ R &\leftrightarrow f \\ \frac{1}{C} &\leftrightarrow k \\ q &\leftrightarrow x \end{aligned}$$

**EXERCICE 3 (5 points)**

1. schéma dosage pH-métrique

2. Equation bilan de la réaction



La réaction est totale et exothermique

3.

3.1 courbe pH=f(Vb)

3.2 L'acide AH est un acide faible car la courbe comporte 4 parties et présente deux points d'inflexions

3.3 L'équivalence acido-basique est le mélange dans les proportions stoechiométriques indiqué par l'équation bilan de la réaction. On obtient en utilisant la méthode des tangentes parallèles

0,25

0,25

0,25

0,25

0,5

0,5

0,25

0,5

0,5

0,25

$$E \begin{cases} V_{BE} = 20 \text{ mL} \\ pH_E = 8,7 \end{cases}$$

3.4 A l'équivalence ; on obtient une solution de Ana de base faible d'où la valeur  $pH = 8,7 > 7$ .

4.

4.1 Déterminons le pKa

Pour  $V_B = \frac{V_{BE}}{2} = 10 \text{ mL}$ , on a

$$pH = pKa = 4,8$$

$$\text{Or } Ka = 10^{-pKa} \Leftrightarrow Ka = 1,6 \cdot 10^{-5}$$

Il s'agit donc de l'acide éthanoïque.

4.2 Déduisons la concentration  $C_a$

A l'équivalence,  $C_a V_a = C_B V_{BE} \Leftrightarrow$

$$C_a = \frac{C_B V_{BE}}{V_a}$$

$$C_a = 0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

Autre méthode

à la demi-équivalence,

$$C_a = \frac{2 C_B V_{(BE)1/2}}{V_a} = \frac{2 \times 0,1 \times 10}{20}$$

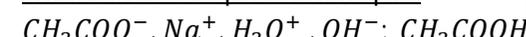
$$C_a = 0,1 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

Autre méthode

Concentrations molaire à la 1/2 équivalence

A la demi-équivalence,  $pH=4,8$

Inventaire des espèces chimiques :



- $[H_3O^+] = 1,58 \cdot 10^{-5} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$

- $[OH^-] = \frac{K_e}{[H_3O^+]} = 6,33 \cdot 10^{-10} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$

- $[Cl^-] = \frac{C_A V_A}{V_A + V_B} = 2,1 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$

- $[Na^+] + [H_3O^+] = [OH^-] + [CH_3COO^-]$  avec

$$[Na^+] \gg [H_3O^+] \gg [OH^-] \text{ d'où}$$

$$[Na^+] = [CH_3COO^-] = 3,33 \cdot 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{L}^{-1}$$

0,5

0,25

0,5

0,25

0,5

•  $[CH_3COOH] = [CH_3COO^-] = 3,33 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$

Calcul de  $C_a$

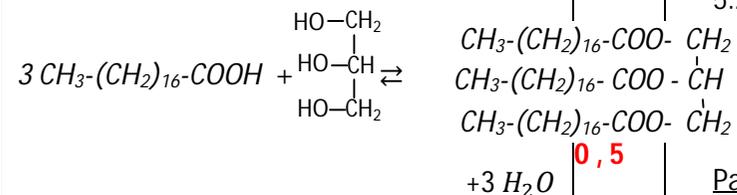
•  $\frac{C_a V_a}{V_a + V_{bE1/2}} = [CH_3COOH] + [CH_3COO^-] \Leftrightarrow$   
 $C_a = \frac{(V_a + V_{bE1/2})}{V_a} ([CH_3COOH] + [CH_3COO^-])$   
 $C_a = 0,0999 \text{ mol.L}^{-1}$   
 $C_a = 0,1 \text{ mol.L}^{-1}$

4.3 Aucun car le pH à l'équivalence n'appartient à aucune zone de virage.

0,25

**EXERCICE 4 (5 points)**

1. Equation de la réaction



0,5

Nom: estérification directe

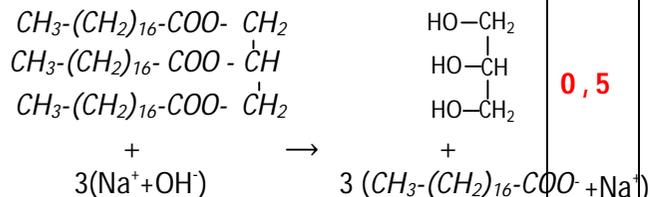
Caractéristiques: réaction lente, athermique; limitée et réversible.

0,5

2.  $M=890 \text{ g/mol}$

0,25

3. Volume de soude



0,5

$$\frac{m}{M} = \frac{cV}{3} \Leftrightarrow V = \frac{3m}{Mc}$$

$$\underline{V = 120 \text{ mL}}$$

4. Calculons le rendement  
\*calculons la masse théorique  
 $\frac{m}{M} = \frac{m_{Th}}{3M_s} \Rightarrow m_{Th} = \frac{3M_s m}{M}$   
 $\underline{m_{Th} = 183,6 \text{ g}}$

• Calcul du rendement  
•  $r = \frac{m_{exp}}{m_{Th}} \times 100 = 75\%$

5.  
5.1 Faux  
5.2 Faux

Partie B

1. Déterminons la composition centésimale

\*  $\%C = \frac{m_C}{m} \times 100$  or  $m_C = \frac{12 \times m_1}{44} = 0,48 \text{ g}$   
 $\%C = 35,82$

\*  $\%H = \frac{m_H}{m} \times 100$  or  $m_H = \frac{2 \times m_2}{18} = 0,06 \text{ g}$   
 $\%H = 4,48$

\*  $\%O = 100 - (\%C + \%H) = 59,7$

0,25  
x3

Déduisons la formule brute  $C_xH_yO_z$

\*  $x = \frac{\%C.M}{1200} = 4$   
\*  $y = \frac{\%H.M}{100} = 6$   
\*  $z = \frac{\%O.M}{1600} = 5$

D'où  $C_4H_6O_5$

0,5

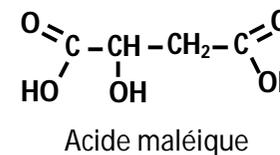
2. On observe une coloration jaune.

0,25

3. L'acide maléique possède une fonction alcool.

0,25

4. Formule semi-développée



0,25