REDRESSEMENT NON COMMANDE SIMPLE ALTERNANCE

1°/ DEBIT SUR CHARGE RESISTIVE : R

1.1-Schéma de montage

$$v_1 = V \sqrt{2} \sin \omega t = \hat{V} \sin \omega t$$

1.2- Analyse du fonctionnement

⇒ Si $v_1 > 0$, la diode est passante. $v_D = 0$; $v_2 = v_1$; $i = \frac{v_2}{R} = \frac{v_1}{R}$

⇒ Si $v_1 < 0$, la diode est bloquée. $v_D = v_1$; $v_2 = 0$; $i = 0$; $v_D = v_1$

1.3- Chronogrammes

1.4 – Caractéristiques

a) Tension et courant moyens

Les valeurs moyennes de la tension aux bornes de la charge et du courant sont :

$$\langle v_2 \rangle = V_{2\text{moy}} = \frac{1}{2\pi} \int_0^\pi v_1 d\theta \Rightarrow \langle v_2 \rangle = V_{2\text{moy}} = \frac{V \sqrt{2}}{\pi} \Rightarrow \langle i \rangle = I_{\text{moy}} = \frac{V \sqrt{2}}{\pi R}$$

b) Tension et courant efficaces

$$V_{2\text{eff}}^2 = \frac{1}{2\pi} \int_0^\pi v_1^2 d\theta \Rightarrow V_{2\text{eff}} = \frac{V \sqrt{2}}{2} \Rightarrow I_{\text{eff}} = \frac{V_{2\text{eff}}}{R} = \frac{V \sqrt{2}}{2R}$$

c) Puissances

$$\text{puissance consommée par le récepteur : } P = \frac{1}{2\pi} \int_0^\pi u_c \cdot i d\theta = \frac{1}{2\pi} \int_0^\pi \frac{\hat{V}_2^2}{R} (\sin\theta)^2 d\theta = \frac{\hat{V}_2^2}{4R}$$

$$\text{Puissance apparente : } S = V_2 \cdot I_{\text{eff}}$$

$$\text{Facteur de puissance : } F_p = \frac{P}{S} = \frac{1}{\sqrt{2}} \cong 0,71$$

2°/ CHARGE INDUCTIVE : R-L

2.1-Schéma de montage

En électrotechnique, les charges sont souvent combinées : inductives et résistives.

Les électroaimants ou les machines à courant continu en sont des exemples.

$$v_1 = V \sqrt{2} \sin \omega t = \hat{V} \sin \omega t$$

2.2- Analyse du fonctionnement

⇒ $\theta \in [0; \pi]$ D est passante. $v_D = 0$; $v_2 = v_1$; i croit selon l'équation différentielle

$$L \frac{di(t)}{dt} + Ri(t) = v_2(t) = V \sqrt{2} \sin \omega t \text{ ou } L \omega \frac{di(\theta)}{d\theta} + Ri(\theta) = V \sqrt{2} \sin \theta.$$

NB : La résolution de cette équation conduit à $i(\theta) = \frac{V \sqrt{2}}{R} \cos \varphi \cdot (\sin \varphi \cdot e^{\frac{\theta}{\tan \varphi}} + \sin(\theta - \varphi))$ avec

$\tan \varphi = \frac{L\omega}{R}$. D'où la superposition du régime transitoire (terme exponentiel) et du régime permanent faisant apparaître le déphasage φ du courant sur la tension et le courant ne s'annule pas pour $\theta = \pi$, mais un peu au-delà en θ_0 .

⇒ $\theta \in [\pi; \theta_0]$ La diode est alors en conduction forcée. $v_D = 0$; $v_2 = v_1$; i décroît selon l'équation $L \omega \frac{di(\theta)}{d\theta} + Ri(\theta) = V \sqrt{2} \sin \theta$ et s'annule en θ_0 .

⇒ $\theta \in [\theta_0; 2\pi]$ La diode D est bloquée. $i = 0$; $v_2 = 0$; $v_D = v_1 < 0$.

2.3- Chronogrammes

2.4- Caractéristiques

a) Tension et courant moyens

Les valeurs moyennes de la tension aux bornes de la charge et du courant sont :

$$V_{2\text{moy}} = \frac{1}{2\pi} \int_0^{\theta_0} v_1 d\theta = \frac{1}{2\pi} (\int_0^{\pi} v_1 d\theta + \int_{\pi}^{\theta_0} v_1 d\theta) = \frac{\hat{V}}{\pi} - \frac{\hat{V}}{2\pi} (\cos \theta_0 + 1) = \frac{1 - \cos \theta_0}{2} \times \frac{\hat{V}}{\pi} \Rightarrow I_{\text{moy}} = \frac{V_{2\text{moy}}}{R}$$

b) Tension et courant efficaces

$$V_{2\text{eff}}^2 = \frac{1}{2\pi} \int_0^{\theta_0} v_1^2 d\theta = \frac{1}{2\pi} (\int_0^{\pi} v_1^2 d\theta + \int_{\pi}^{\theta_0} v_1^2 d\theta) \Rightarrow V_{2\text{eff}} = \frac{\hat{V}}{2} \sqrt{\frac{\theta_0}{\pi} - \frac{1}{2\pi} \sin 2\theta_0} ;$$

$$I_{\text{eff}}^2 = \frac{1}{2\pi} \int_0^{\theta_0} i^2 d\theta ; \text{ si } \theta_0 \leq 3\pi/2 \quad V_{D\text{max}} = \hat{V}$$

3°/ CHARGE ACTIVE R-E

3.1- Schéma de montage

3.2- Analyse du fonctionnement

⇒ Si $v_1 > E$ la diode D conduit et $v_2 = v_1$; $v_D = 0$; $i = \frac{v_2 - E}{R}$. Cette condition correspond aux angles θ_a d'allumage et θ_e d'extinction avec $\theta_a = \sin^{-1} \left(\frac{E}{V \sqrt{2}} \right)$ et $\theta_e = \pi - \theta_a$

⇒ Si $v_1 < E$ la diode est bloquée et $i=0$; $v_2 = E$; $v_D = v_1 - E$.

3.3- Chronogrammes

3.4- Caractéristiques : Tension et courant moyens

$$\langle v_2 \rangle = V_{2\text{moy}} = \frac{1}{2\pi} \left(\int_0^{\theta_a} E d\theta + \int_{\theta_a}^{\theta_e} v_1 d\theta + \int_{\theta_e}^{2\pi} E d\theta \right) ; \Rightarrow V_{2\text{moy}} = \frac{[E(2\theta_a + \pi) + 2V_{1\text{max}} \cos \theta_a]}{2\pi}$$

$$i_{\text{moy}} = \frac{(V_{2\text{moy}} - E)}{R} \text{ on peut aussi faire le calcul } \langle i \rangle = i_{\text{moy}} = \frac{1}{2\pi} \int_{\theta_a}^{\theta_e} v_1 d\theta.$$

La tension inverse maximale aux bornes de la diode est : $V_{D\text{max}} = \hat{V}_2 + E$

Le courant maximal dans la diode est : $I_{D\text{max}} = \frac{\hat{V} - E}{R}$

4°/ CHARGE INDUCTIVE: R-L-E

4.1-Schéma de montage

$$v_1 = V\sqrt{2} \sin \omega t = \hat{V} \sin \omega t$$

4.2- Analyse de fonctionnement

⇒ $[0; \theta_a]$ $v_1 < E$; D est bloquée : $i = 0$; $v_2' = E$; $v_D = v_1 - E$

⇒ $[\theta_a; \theta_e]$ $v_1 > E$; D conduit ; $v_2' = v_1$; $v_D = 0$; i croît selon $L \frac{di(t)}{dt} + Ri(t) + E = v_2'(t)$

⇒ $[\theta_e; \theta_0]$ $v_1 < E$ mais D est en conduction forcée. $v_2' = v_1$; $v_D = 0$;

i décroît selon $L \frac{di(t)}{dt} + Ri(t) + E = v_2'(t)$

⇒ $[\theta_0; 2\pi]$ D se bloque ; $i = 0$; $v_2' = E$; $v_D = v_1 - E$

4.3- Chronogrammes

4.4- Caractéristiques

⇒ La tension moyenne $\langle v_2' \rangle$ se calcul comme suit :

$$\langle v_2' \rangle = \overline{V_2'} = \frac{1}{2\pi} \left[\int_0^{\theta_a} E d\theta + \int_{\theta_a}^{\theta_0} v_1 d\theta + \int_{\theta_0}^{2\pi} E d\theta \right] = \frac{E(\theta_a - \theta_0) - 2\pi E + \hat{V}(\cos \theta_a - \cos \theta_0)}{2\pi}$$

⇒ Le courant moyen se calcul comme suit :

$$\langle i \rangle = \bar{I} = \frac{1}{2\pi} \left[\int_{\theta_a}^{\theta_0} i d\theta \right] \text{ autrement } v_2' = Ri + L \frac{di}{dt} + E \text{ d'où } \overline{V_2'} = R\bar{I} + E ; \bar{I} = \frac{\overline{V_2'} - E}{R}$$

4°/ CHARGE INDUCTIVE: R-L avec diode de roue libre

4.1-Schéma de montage

4.2- Analyse du fonctionnement

⇒ Si $v_1 > 0$, D est passante ; D' est bloquée : $v_2 = v_1$; $v_D = 0$; $i_{D'} = 0$; i_C respecte l'équation différentielle $L \frac{di_C(t)}{dt} + R i_C(t) = v_1(t) = V \sqrt{2} \sin \omega t$.

⇒ Si $v_1 \leq 0$, D se bloque et D' est passante : $v_2 = 0$; $v_D = v_1$; $i_{D'} = i_C$ avec i_C décroissant et respectant l'équation différentielle $L \frac{di_C(t)}{dt} + R i_C(t) = 0$.

En effet i_C décroît en s'annulant en θ_0 . L'annulation du courant caractérise un fonctionnement en conduction discontinue. Si l'énergie emmagasinée dans l'inductance est suffisante, le courant ne s'annule pas : c'est la conduction continue.

4.3- Chronogrammes