

1.2. Montrons que $BC = 50 \text{ m}$.

$$BC = AC - AB$$

$$BC = AC - \frac{V_B^2}{2g \cos \alpha} \quad (0, 25 \text{ pt})$$

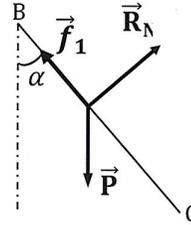
$$BC = 60 - \frac{10^2}{2 \times 10 \times \cos 60}$$

$$BC = 50 \text{ m} \quad (0, 25 \text{ pt})$$

1.3. Valeur f_1 .

• Bilan des forces :

- Poids du solide : \vec{P}
- Réaction normale de la partie BC : \vec{R}_N
- Force de frottements : \vec{f}_1



Application du théorème de l'énergie cinétique

$$\Delta E_{C-B} = \sum W(\vec{F}_{\text{ext}})$$

$$\frac{1}{2} m (V_C^2 - V_B^2) = W(\vec{P}) + W(\vec{R}_N) + W(\vec{f}_1) \quad \text{avec } V_C = 2V_B \text{ et } W(\vec{R}_N) = 0$$

$$\frac{1}{2} m (4V_B^2 - V_B^2) = mgh - f_1 BC \quad \text{avec } h = BC \cos \alpha$$

$$\frac{3}{2} m V_B^2 = mgBC \cos \alpha - f_1 BC$$

$$f_1 = 0,5(10 \cos 60 - \frac{3}{2 \times 50} \times 10^2)$$

$$f_1 = m(g \cos \alpha - \frac{3}{2BC} V_B^2) \quad (0, 50 \text{ pt})$$

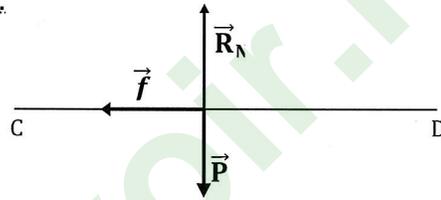
$$f_1 = 1 \text{ N} \quad (0, 25 \text{ pt})$$

2. Etude de la partie CD

2.1. Valeur V_D de la vitesse du mobile au point D.

• Bilan des forces :

- Poids du solide : \vec{P}
- Réaction normale de la partie CD : \vec{R}_N
- Force de frottements : \vec{f}



Application du théorème de l'énergie cinétique

$$\Delta E_{C-D} = \sum W(\vec{F}_{\text{ext}})$$

$$\frac{1}{2} m (V_D^2 - V_C^2) = W(\vec{P}) + W(\vec{R}_N) + W(\vec{f}) \quad \text{avec } W(\vec{R}_N) = 0 \text{ et } W(\vec{P}) = 0$$

$$\frac{1}{2} m (V_D^2 - V_C^2) = -f \times CD \quad \text{avec } f = \frac{1}{6} m \cdot g$$

$$\frac{1}{2} m (V_D^2 - V_C^2) = -\frac{1}{6} m \times g \times CD$$

$$V_D^2 = V_C^2 - \frac{1}{3} g \times CD$$

$$V_D = \sqrt{20^2 - \frac{1}{3} 10 \times 60}$$

$$V_D = \sqrt{V_C^2 - \frac{1}{3} g \times CD} \quad (0, 25 \text{ pt})$$

$$V_D = 14,14 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} \quad (0, 25 \text{ pt})$$

2.2. Nature du mouvement sur CD.

La trajectoire est rectiligne et la vitesse du solide varie entre C et D ($V_C \neq V_D$).

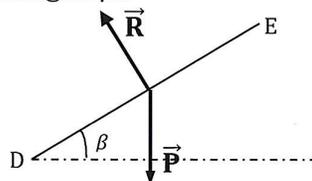
Le mouvement du solide entre C et D est rectiligne et uniformément varié. (0, 25 pt)

3. Etude de la partie DE

3.1. Expression de l'accélération \vec{a} en fonction de g et β .

- Bilan des forces :

- Poids du solide : \vec{P}
- Réaction de la partie DE : \vec{R}



Application du théorème du centre d'inertie

$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m \cdot \vec{a}$$

$$\vec{P} + \vec{R} = m \cdot \vec{a}$$

En projetant suivant (DE), on aura :

$$-m \cdot g \cdot \sin\beta = m \cdot a$$

$$a = -g \cdot \sin\beta \quad (0,25 \text{ pt})$$

3.2. Valeur V_E de la vitesse du mobile au point E.

$$V_E^2 - V_D^2 = 2 \cdot a \cdot DE \quad ; DE = l \quad ; a = -g \cdot \sin\beta$$

$$V_E = \sqrt{14,14^2 - (2 \times 10 \times 30 \times \sin 10)}$$

$$V_E = \sqrt{V_D^2 - 2 \cdot g \cdot l \cdot \sin\beta} \quad (0,25 \text{ pt})$$

$$V_E = 9,78 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} \quad (0,25 \text{ pt})$$

4. Etude de la chute libre

4.1. Equations horaires $x(t)$ et $y(t)$, dans le repère $(0, \vec{i}, \vec{j})$.

- Bilan des forces :

- Poids du solide : \vec{P}

Application du théorème du centre d'inertie

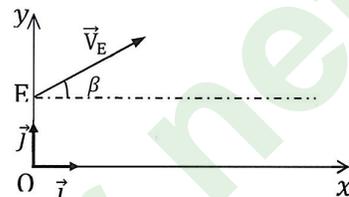
$$\sum \vec{F}_{\text{ext}} = m \cdot \vec{a}$$

$$\vec{P} = m \cdot \vec{a}$$

$$\vec{a} = \vec{g}$$

$$\begin{cases} x(t) = V_E \cdot \cos\beta \cdot t \\ y(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + V_E \cdot \sin\beta \cdot t + OE \end{cases} \quad \text{ou}$$

$$\begin{cases} x(t) = 9,85t \\ y(t) = -5t^2 + 0,174t + 5 \end{cases} \quad (0,25 \times 2 \text{ pt})$$



4.2. Equation cartésienne de sa trajectoire.

$$y = -\frac{g}{2V_E^2 \cdot \cos^2\beta} x^2 + x \cdot \tan\beta + OE \quad \text{ou} \quad y = -0,05x^2 + 0,176x + 5 \quad (0,25 \text{ pt})$$

4.3. Coordonnées du point de chute F.

Au point de chute F, $x = x_F$ et $y = y_F = 0$. **(0,25 pt)**

On aura $y_F = -0,05x_F^2 + 0,176x_F + 5 = 0$

$$\Delta = 1,03$$

$$x_1 = \frac{-0,176 - \sqrt{\Delta}}{-0,1}$$

$$x_2 = \frac{-0,176 + \sqrt{\Delta}}{-0,1}$$

$$x_1 = 11,91$$

$$x_2 = -8,39$$

On en déduit que $x_F = 11,91$

D'où les coordonnées du point de chute

$$F \begin{cases} x_F = 11,91 \\ y_F = 0 \end{cases} \quad (0,25 \text{ pt})$$

4.4. Vitesse du mobile au point F.

$$\frac{1}{2}m(V_F^2 - V_E^2) = m \cdot g \cdot h_{OE} \quad \text{avec} \quad h_{OE} = OE$$

$$V_F^2 = V_E^2 + 2 \cdot g \cdot OE$$

$$V_F = \sqrt{V_E^2 + 2 \cdot g \cdot OE} \quad (0,25 \text{ pt})$$

$$V_F = \sqrt{10^2 + (2 \times 10 \times 5)}$$

$$V_F = 14,14 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} \quad (0,25 \text{ pt})$$

EXERCICE 3 (5 points)

1. Signe de la tension U_{PS} pour que les ions soient effectivement accélérés entre S et P.
Les ions sont accélérés entre S et P donc la force électrostatique \vec{F}_e qu'ils subissent est orientée de S vers P.

La charge q portée par les ions étant positive, le champ \vec{E} et la force électrostatique \vec{F}_e ont même direction et même sens. Il s'en suit que \vec{E} est orienté de S vers P.

D'où : $V_P < V_S \Leftrightarrow V_P - V_S < 0 \Leftrightarrow U_{PS} < 0$ **(0, 50 pt)**

2. Expression de v_T en T en fonction de U, m et e.

- Système : l'ion
- Référentiel : terrestre supposé galiléen **(0, 25 pt)**
- Bilan des forces : force électrostatique \vec{F}_e

Application du Théorème de l'énergie cinétique

$$\Delta E_{C_{S-T}} = \sum W(\vec{F}_{ext}) \quad \frac{1}{2} m v_T^2 = e \cdot U_{SP} \quad \text{avec } U_{SP} = U = -U_{PS}$$

$$\frac{1}{2} m (v_T^2 - v_S^2) = W(\vec{F}_e) \quad \text{avec } v_S = 0$$

$$v_T = \sqrt{\frac{2eU}{m}} \quad \text{(0, 50 pt)}$$

3. Valeur de U avec une vitesse $v_T = 8 \cdot 10^5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$.

$$U = \frac{m v_T^2}{2e} \quad \text{(0, 25 pt)}$$

$$U = \frac{1,67 \cdot 10^{-27} \times (8 \cdot 10^5)^2}{2 \times 1,6 \cdot 10^{-19}}$$

$$U = 3340 \text{ V} \quad \text{(0, 25 pt)}$$

4.

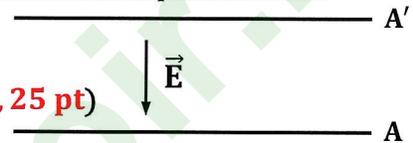
4.1. Sens du champ électrostatique \vec{E} créé entre les armatures et représentation

$$U_{AA'} > 0 \Rightarrow V_A' > V_A$$

\vec{E} est donc orientée de l'armature A' vers l'armature A.

(0, 25 pt)

(0, 25 pt)



4.2. Equations horaires $x(t)$ et $y(t)$ du mouvement de chaque ion.

Application du théorème du centre d'inertie

$$\vec{F}_e = m \cdot \vec{a} \Rightarrow \vec{a} = \frac{e}{m} \vec{E} \quad \text{(0, 25 pt)}$$

$$\begin{cases} x(t) = v_0 t \\ y(t) = -\frac{e}{2m} E t^2 \end{cases} \quad \text{(0, 25 pt} \times 2)$$

4.3. Equation de la trajectoire d'un ion entre les armatures du condensateur.

$$y = -\frac{eE}{2m v_0^2} x^2 \quad \text{(0, 50 pt)}$$

4.4. Expression de $\tan \alpha$ en fonction de h, l, U et U'

$$\tan \alpha = \frac{2y_F}{l} \quad y_F = y_{x=l} = -\frac{eEl^2}{2m v_0^2} \quad \text{avec } E = \frac{U'}{h} \quad \text{et } v_0 = v_T = \frac{2eU}{m}$$

$$y_F = y_{x=l} = -\frac{emU'l^2}{4me h U} = -\frac{U'l^2}{4hU}$$

$$\text{D'où } \tan \alpha = -\frac{U'l}{2hU} \quad \text{(0, 75 pt)}$$

4.5. Valeur de α pour $U' = 2500 \text{ V}$

$$\alpha = \tan^{-1}\left(-\frac{U'l}{2hU}\right) \quad \text{(0, 50 pt)}$$

$$\alpha = \tan^{-1}\left(-\frac{2500 \times 10}{2 \times 4 \times 3340}\right)$$

$$\alpha = -43,09 \quad \text{(0, 25 pt)}$$

EXERCICE 4 (5 points)

1. Détermination de la formule brute de l'ester

1.1. Masse molaire de l'ester.

$$\frac{16z}{\%O} = \frac{M}{100}$$

avec $z = 2$

$$M = \frac{1600 \times 2}{24,6} = 130,08$$

$$M = 130 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1} \quad (0,25 \text{ pt})$$

1.2. Vérifions que l'ester E a pour formule brute $C_7H_{14}O_2$.

$$M_E = 14n + 32 = 130$$

$$n = 7 \quad (0,25 \text{ pt})$$

E a donc pour formule brute $C_7H_{14}O_2$.

2. Etude du composé organique A

2.1. Fonction chimique de A

A est un acide carboxylique (0,25 pt)

2.2. Groupement fonctionnel A

-COOH (0,25 pt)

2.3. Formule semi-développée et nom de A.

$CH_3 - CH_2 - COOH$: acide propanoïque (0,25 pt × 2)

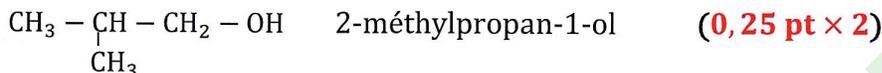
3. Etude des composés organiques B et D

3.1.

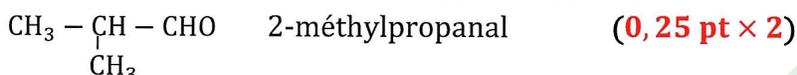
3.1.1. Fonctions chimiques des composés B et D

B : alcool ; (0,25 pt) D : aldéhyde (0,25 pt)

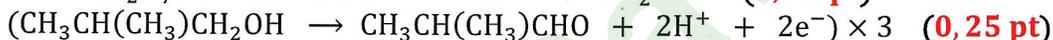
3.1.2. Formule la semi-développée et nom de B



3.1.3. Formule semi-développée et le nom de D



3.2. Equation bilan de la réaction entre l'ion dichromate ($Cr_2O_7^{2-}$) et le composé B

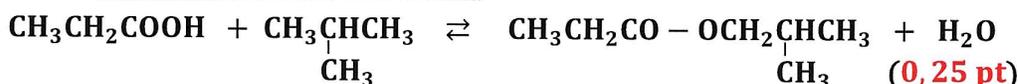


4. Synthèse de l'ester E

4.1. Formule semi-développée et nom de E



4.2. Equation bilan de la réaction



4.3. Nom et caractéristiques de cette réaction

Réaction d'estérification directe. (0,25 pt)

Elle est lente, athermique, limitée et réversible. (0,25 pt)