

Corrigé SESSION
NORMALE 97
Série D

Exercice 1

1. Le montage a) permet de déterminer R (Car la tension est continue) ; cette tension aux bornes de la bobine est donnée par la relation :

$$U_1 = R I_1 \Rightarrow R = \frac{U_1}{I_1} = 20\Omega$$

Le montage b) permet de déterminer L :

$$U_2 = Z I_2 \Rightarrow Z = \frac{U_2}{I_2} \text{ or } Z = \sqrt{R^2 + (L\omega)^2} = \sqrt{R^2 + L^2(2\pi N)^2} \text{ on en déduit } L : L = \frac{1}{2\pi N} \sqrt{\frac{U_2^2}{I_2^2} - R^2} = 0,150H$$

2.b L'intensité efficace est maximale pour $N = N_0 = 260Hz$.

N_0 est appelée fréquence de résonance ou fréquence propre.

$$c. I_0 = 0,5A; U_3 = R I_0 = 10V; C = \frac{1}{L \omega^2} = \frac{1}{L (2\pi N)^2} = 2,5\mu F$$

d. On cherche les valeurs de N (N_1 et N_2) correspondant à

$$I = \frac{I_0}{\sqrt{2}} = 0,35A \text{ soit } N_1 = 250Hz \text{ et } N_2 = 272Hz.$$

$$\Delta N = N_2 - N_1 = 22Hz; Q = \frac{N_0}{\Delta N} = 11,8$$

Exercice 2

1.a

$$\vec{v}_G \begin{cases} \dot{x} = v_0 \cos\alpha \\ \dot{y} = -gt + v_0 \sin\alpha \\ \dot{z} = 0 \end{cases} \Rightarrow \vec{OG} \begin{cases} x = (v_0 \cos\alpha) t \\ y = -\frac{1}{2}gt^2 + (v_0 \sin\alpha)t \\ z = 0 \end{cases}$$

b. suivant \vec{k} , $z(t) = 0 \forall t \geq 0$ on peut donc conclure que le mouvement se situe dans le plan xoy . L'équation de la trajectoire :

$$y = -\frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 + x \tan \alpha$$

2.a A t_1 , $x(t_1) = x_1 = L$; donc $t_1 = \frac{L}{v_0 \cos \alpha} = 0,69s$

b. A t_1 , les coordonnées de \vec{v}_1 ont pour valeur :

$$\vec{v}_1 \begin{cases} \dot{x} = 13 \text{ m/s} \\ \dot{y} = 0,72 \text{ m/s} \end{cases} \Rightarrow v_{G_1} = \sqrt{\dot{x}^2 + \dot{y}^2} = 13 \text{ m/s}$$

c. A t_2 , $x_2 = D = 16m$ d'où $t_2 = \frac{D}{v_0 \cos \alpha} = 1,23s$

3.a Le défenseur a un mouvement uniformément accéléré d'équation horaire $x' = \frac{1}{2} a t'^2$ avec pour origine des dates l'instant t_1 où la balle passe au dessus du mur, et des espaces le point A.

Il doit atteindre la ligne de but au bout d'une durée t' telle que $x' = \ell = \frac{1}{2} a t'^2$, d'où

$$t' = \sqrt{\frac{2\ell}{a}} = 2s.$$

La date t_3 est donc égale: $t_3 = t_1 + t' = 2,69s$.

b. $t_2 < t_3$ par conséquent le "coup franc" sera marqué

Exercice 3

3. L'acide AH est un acide faible car :

- c'est un monoacide carboxylique
- la courbe $pH = f(V_B)$ présente deux points d'inflexion
- Le pH à l'équivalence est supérieur à 7

4. Le pH tendrait vers celui de l'hydroxyde de sodium ; c'est-à-dire 13.

5. $E(pH_E = 8,2 ; V_B = 20mL)$; on trouve $C_A = 0,1 \text{ mol/L}$

6. $pK_a = 4,2$; 7. $[HA] = C_A - [A^-] = 0,097 \text{ mol/L}$

