

**Travaux Dirigés Série n° 1**

**Exercice 1 : Relation entre l'indice et la longueur d'onde**

On mesure l'indice d'un verre pour différentes longueurs d'onde (dans le vide) :

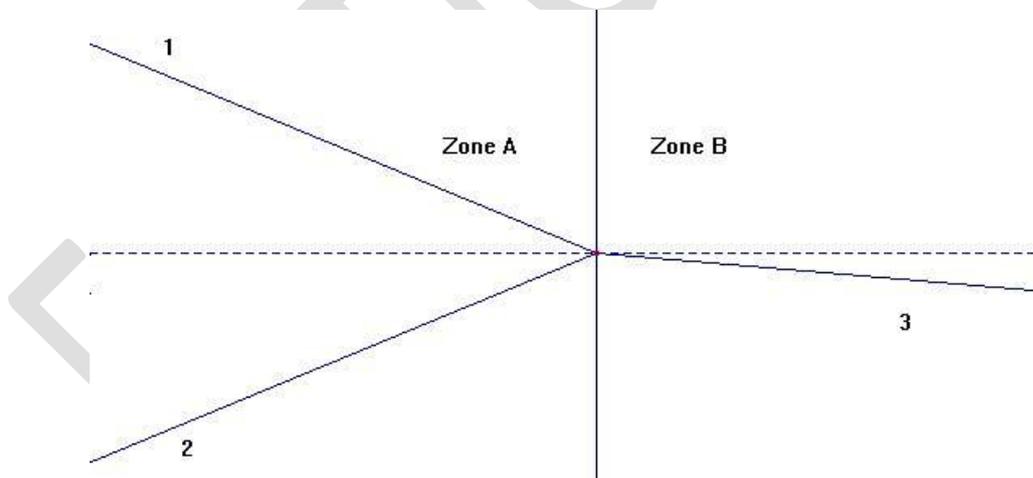
$\lambda$ (nm)	400	500	600	700	800
$n(\lambda)$	1,500	1,489	1,482	1,479	1,476

On veut déterminer les coefficients  $A$  et  $B$  de la relation de CAUCHY :  $n(\lambda) = A + \frac{B}{\lambda^2}$

- 1) Déterminer les unités de  $A$  et  $B$ .
- 2) Expliquer pourquoi il ne faut pas étudier  $n$  en fonction de  $\lambda$ , mais  $n$  en fonction de  $\frac{1}{\lambda^2}$
- 3) A l'aide d'une calculatrice, déterminer  $A$  et  $B$  par régression linéaire.
- 4) En déduire  $n$  pour  $\lambda = 633$  nm

**Exercice 2**

Un fin pinceau lumineux arrive sur un dioptre plan séparant l'eau de l'air. On donne  $n_{\text{eau}}=1,33$ . On représente les rayons observés sur la figure ci-dessous :



En justifiant vos réponses :

1. Identifier les différents rayons
2. Indiquer le sens de propagation de la lumière
3. Dans quelle zone l'eau se trouve-t-elle ?
4. Calculer l'angle limite de réfraction

- Généraliser le résultat en précisant la zone où se trouve l'angle limite en fonction de la différence de réfringence des milieux en présence et les conséquences sur la propagation de la lumière d'un milieu vers l'autre.

### **Exercice 3 : La loi de la réfraction**

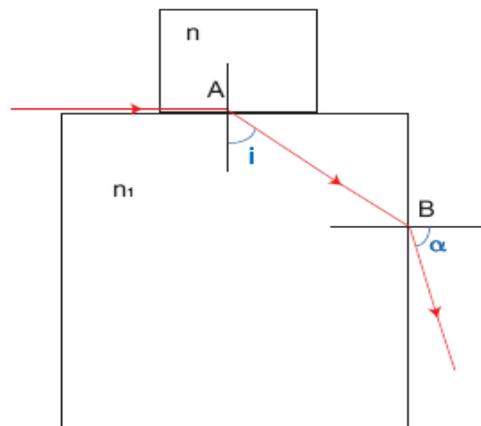
Un rayon lumineux dans l'air tombe sur la surface d'un liquide ; il fait un angle  $\alpha = 56^\circ$  avec le plan horizontal. La déviation entre le rayon incident et le rayon réfracté est  $\theta = 13,5^\circ$ .

Quel est l'indice  $n$  du liquide ?

### **Exercice 4 : Réfractométrie**

Pour mesurer l'indice  $n$  d'un milieu solide transparent, on taille dans ce matériau un cube que l'on place sur un autre cube en verre d'indice  $n_1$ . On envoie un pinceau de lumière monochromatique sous incidence rasante sur la surface de séparation entre les deux cubes en A, et on mesure l'angle d'émergence  $\alpha$  dans l'air en B (voir figure 2).

- Enoncer les lois de SNELL-DESCARTES.
- Ecrire la troisième loi de DESCARTES pour les réfractions en A puis en B.
- A partir des deux relations précédentes, donner l'expression de  $n^2$  en fonction de  $n_1$  et  $\alpha$ . Sachant que  $n_1 = 1,7321$  et que  $\alpha = 60^\circ$ , calculer la valeur de  $n$ .



### **Exercice 5 : Angle limite de réfraction - Réflexion totale**

On considère un parallélépipède de verre d'indice  $n=1,5$ . Un rayon arrive au point d'incidence I avec un angle d'incidence  $i$  ; il pénètre dans le prisme et on appelle  $r$  l'angle de réfraction. Au point J, sur la deuxième face, il se réfléchit en formant un angle  $\gamma$  avec la normale. Enfin il ressort par la troisième face au point K sous l'angle  $i'$ .

- Faire une figure.

2. Établir les relations entre les différents angles en I, J et K.
3. Montrer que le rayon ne peut pas se réfracter en J.
4. Montrer qu'il ne peut pas y avoir réflexion totale en K.
5. Calculer la déviation D subie par le rayon à la traversée du parallélépipède.

### **Exercice 6 : Fibre optique à saut d'indice**

Une fibre optique cylindrique placée dans l'air d'indice  $n_0$  est constituée d'un cœur cylindrique transparent d'axe  $Ox$ , de rayon  $R_1$  et d'indice constant  $n_1$ , entouré d'une gaine transparente d'indice constant  $n_2$  (inférieur à  $n_1$ ).

Un rayon lumineux (R) monochromatique dans l'air atteint la face d'entrée de la fibre optique en O, sous l'angle d'incidence  $\theta$ . On donne  $n_0=1,000$  ;  $n_1=1,515$  ;  $n_2=1,490$  ;  $R_1=40 \mu\text{m}$  et la célérité  $c=3.10^8$  m/s de la lumière dans le vide.

1/ Montrer que le rayon (R) ne peut se propager à l'intérieur de la fibre (guidage du rayon dans le cœur) que si l'angle d'incidence  $\theta$  est inférieur à une valeur limite  $\theta_0$  qu'on exprimera en fonction de  $n_0$ ,  $n_1$ , et  $n_2$ . Calculer l'angle d'acceptance  $\theta_0$ .

2/ Exprimer les chemins optiques  $[L_1]$  et  $[L]$  suivis par (R) respectivement :

- a) entre le point O et le premier point  $A_1$  où (R) coupe l'axe  $Ox$ , en fonction de  $n_0$ ,  $n_1$ ,  $\theta$  et  $R_1$  ;
- b) entre le point O et la sortie de la fibre optique de longueur  $l \gg OA_1$ , en fonction de  $n_0$ ,  $n_1$ ,  $\theta$  et  $l$ .

3/ un détecteur placé dans le cœur de la fibre, dans le plan d'équation  $x=c$ , perçoit à l'instant  $\tau$  le signal lumineux émis en O ( $x=0$ ) à l'instant  $t=0$ .

- a) Exprimer  $\tau$  en fonction de  $n_0$ ,  $n_1$ ,  $\theta$ ,  $x$  et  $c$ .

On rappelle que le chemin optique  $L(AB)$  représente la distance que la lumière aurait parcourue dans le vide pendant le temps qu'elle met, dans le milieu réel de propagation, pour aller de A à B.

- b) Dans le cas où  $\theta=0$ , exprimer  $\tau$  (noté alors  $\tau_0$ ), en fonction de  $n_1$ ,  $x$  et  $c$ . Retrouver ce résultat par une autre méthode.
- c) Le détecteur étant à  $x=2$  km de l'entrée O, calculer  $\tau_0$

### **Exercice 7**

Un cube de verre a un indice de réfraction de 1,5. Un rayon lumineux entre par la face supérieure obliquement et frappe le côté du cube. La lumière émerge-t-elle de ce côté ? Justifiez

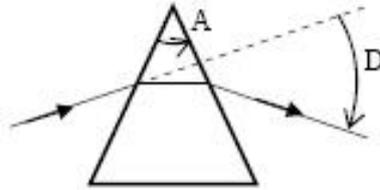
*Application* :  $n_{\text{air}}=1$

Construisez la marche d'un rayon lumineux pour un angle d'incidence  $i_1=60^\circ$

### **Exercice 8 : formules du Prisme**

Vous connaissez les lois de Snell-Descartes. On vous propose ici d'étudier théoriquement le trajet d'un rayon lumineux à travers un prisme après réfraction sur les dioptries d'entrée et de sortie.

Un prisme est un bloc de verre pyramidal d'indice  $n$  baignant dans l'air. On définit l'angle  $A$  comme sur la figure ci-dessous, et on étudie la réfraction des rayons tels que représentés



1. Définir pour la 1<sup>ère</sup> face les angles incidents ( $i$ ) et réfractés ( $r$ ) puis pour la 2<sup>ème</sup> face ( $r'$  et  $i'$ ). Ces angles sont-ils positifs ou négatifs ?
2. Donner les relations qui relient ces angles. (2 premières relations du prisme)
3. Donner la relation reliant  $r$ ,  $r'$  et  $A$  (3<sup>ème</sup> relation du prisme)

On définit la déviation comme l'angle entre le rayon incident  $i$  et le rayon émergent  $i'$ .

4. Exprimer  $D$  en fonction de  $i$ ,  $i'$  et  $A$ . (4<sup>ème</sup> relation du prisme)

Le rayon sort-il nécessairement du prisme ? Si non, dans quel cas ?

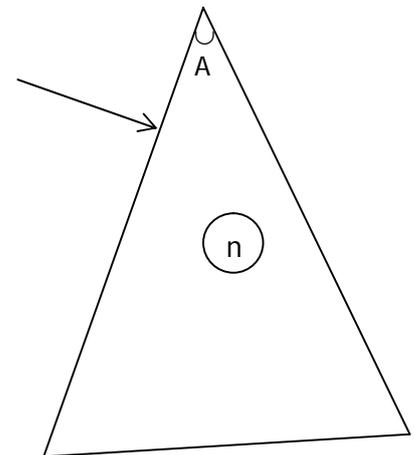
5. Calculer  $D$  pour  $i = 30^\circ$ , en supposant que  $n = 1,5$  et que  $A = 60^\circ$

4

### Exercice 9 : Prisme de petit angle

Un rayon lumineux tombe normalement sur la face d'entrée (en un point  $I$ ) d'un prisme d'indice de réfraction  $n$  de petit angle  $A$  baignant dans l'air comme indiqué sur le schéma ci-contre. Sur la face de sortie (en un point  $I'$ ), il est partiellement réfracté et partiellement réfléchi :

- le rayon réfléchi frappe la face d'entrée à nouveau (en un point  $J$ ) et en émerge selon une direction faisant un angle  $\alpha$  avec la direction du rayon incident ;
- le rayon réfracté subit une déviation  $\delta$  par rapport au rayon incident.



I.1. Compléter le schéma.

I.2. Exprimer l'indice de réfraction  $n$  et l'angle  $A$  du prisme en fonction de  $\delta$  et  $\alpha$ , puis les calculer. On utilisera le fait que l'angle  $A$  est petit.

I.3. Pour quelles valeurs de  $A$  le rayon réfléchi émerge-t-il effectivement de la face d'entrée du prisme.

Données :  $\delta = 1^\circ 15'$  ;  $\alpha = 6^\circ 30'$

ESATIC 2013