

1/ Couplage des enroulements statoriques

Réseau triphasé 230V/400V

Moteur asynchrone triphasé 230V/400V donc  
couplage étoile. (3pts)

2/ Résistance d'un enroulement du stator et du rotor

$$R_s = \frac{0,14}{2} = 0,07 \Omega$$

$$R_s = 0,07 \Omega$$

(2pts)

$$R_r = \frac{0,18}{2} = 0,09 \Omega$$

$$R_r = 0,09 \Omega$$

(2pts)

3/ Nombre de pôles du moteur

Pour  $U = 400V$  Couplage étoile correspond  $N_r = 2942 \text{ Tr/min}$   
qui est plus proche de  $N_s = 3000 \text{ Tr/min}$

$$N_s = \frac{60f}{P} \quad P=1 \text{ d'où le moteur contient } \boxed{2 \text{ pôles}}$$

(3pts)

4/ Glissement en fonctionnement nominal.

$$g = \frac{N_s - N_r}{N_s} \text{ avec } N_s = 3000 \text{ Tr/min et } N_r = 2942 \text{ Tr/min}$$

$$g = \frac{3000 - 2942}{3000} = 0,01933 \text{ soit } \boxed{g = 1,933\%}$$

(3pts)

5/ Courant nominal  $I_{2n}$  au rotor

$$P_{J_r} = 3 R_r I_{2n}^2 \Rightarrow I_{2n} = \sqrt{\frac{P_{J_r}}{3 R_r}}$$

$$P_{J_{s_n}} = 2 P_{J_{R_n}} \Rightarrow P_{J_{R_n}} = \frac{P_{J_{s_n}}}{2}$$

$$P_{J_{s_n}} = 3 R_s I_n^2 = 3 \times 0,2 \times 33^2 = 6534 \text{ W} \quad (1pt)$$

$$P_{J_{R_n}} = \frac{6534}{2} = 3267 \text{ W} \quad (1pt)$$

$$P_g = 3R_r I_{2n}^2 \Rightarrow I_{2n} = \sqrt{\frac{P_r}{3R_r}} = \sqrt{\frac{3267}{3 \times 0,09}}$$

$$I_{2n} = 34,785 \text{ A} \quad (2 \text{ pts})$$

6/ Puissance électromécanique transmise au rotor

$$P_{Tn} = 3 \times \frac{R_r}{s} \times I_{2n}^2 = \frac{P_r}{s}$$

$$P_{Tn} = \frac{3267}{0,09} = 17194,737 \text{ W} \Rightarrow P_{Tn} = 17194,737 \text{ W} \quad (3 \text{ pts})$$

7/ Pertes fer ( $P_{fs}$ ) statiques en fonctionnement nominal

$$P_g = P_{fs} + P_{js} + P_{Tr} \Rightarrow P_{fs} = P_g - (P_{js} + P_{Tr})$$

$$\text{avec } P_g = \sqrt{3} U I \cos \varphi = 400 \times \sqrt{3} \times 33 \times 0,81$$

$$P_g = 18519,087 \text{ W} \quad (2 \text{ pts})$$

$$P_{fs} = 18519,087 - (653,4 + 17194,737)$$

$$P_{fs} = 670,95 \text{ W} \quad (2 \text{ pts})$$

8/ Pertes mécaniques

8.1. Pertes fer statiques à vide

$$P_{fs} = K U_1^2 \quad \text{avec } K = \frac{P_{fs}}{U_1^2} = \frac{670,95}{400^2} \Rightarrow K = 4,193 \cdot 10^{-3}$$

$$P_{fs} = \frac{670,95}{400^2} \times 300^2 \Rightarrow P_{fs} = 377,409 \text{ W} \quad (3 \text{ pts})$$

8.2. Valeur de  $P_c = P_{c0}$  correspondant à l'exci à vide

$$P_{g0} = P_{js0} + P_c \Rightarrow P_c = P_{g0} - P_{js0} \quad \text{avec } P_{g0} = \sqrt{3} U_0 I_0 \cos \varphi_0$$

$$P_{g0} = \sqrt{3} \times 300 \times 13 \times 0,84 \Rightarrow P_{g0} = 2296,699 \text{ W} \quad (1 \text{ pt})$$

$$P_{js0} = 3 R_s I_0^2 = 3 \times 0,2 \times 13^2 \Rightarrow P_{js0} = 101,4 \text{ W} \quad (1 \text{ pt})$$

$$P_c = 2296,699 - 101,4 \Rightarrow P_c = 2195,299 \text{ W}$$

(2 pts)

### 8.3 Pertes mécaniques.

$$P_{\text{méc}} = P_{C_0} - P_{f_e} = 2195,299 - 377,409$$

$$P_{\text{méc}} = 1817,89 \text{ W} \quad (3 \text{ pts})$$

9/ Rendement du moteur en fonctionnement nominal.

$$\eta = \frac{P_u}{P_a} \quad \text{avec } \left\{ \begin{array}{l} P_u = P_a - \sum \text{Pertes} \\ = P_a - P_{f_e} - P_{f_g} - P_r - P_m \\ = 18519,087 - 670,95 - 653,4 - 26,7 - 1817,89 \\ = 15050,149 \text{ W} \end{array} \right.$$

$$\eta = \frac{15050,149}{18519,087} \Rightarrow \eta = 0,813 \text{ soit } 81,268\% \quad (3 \text{ pts})$$

10/ Puissance normalisée inscrite sur la plaque signalétique.

$$P_u = 15 \text{ Kw.}$$

(3 pts)

1/3

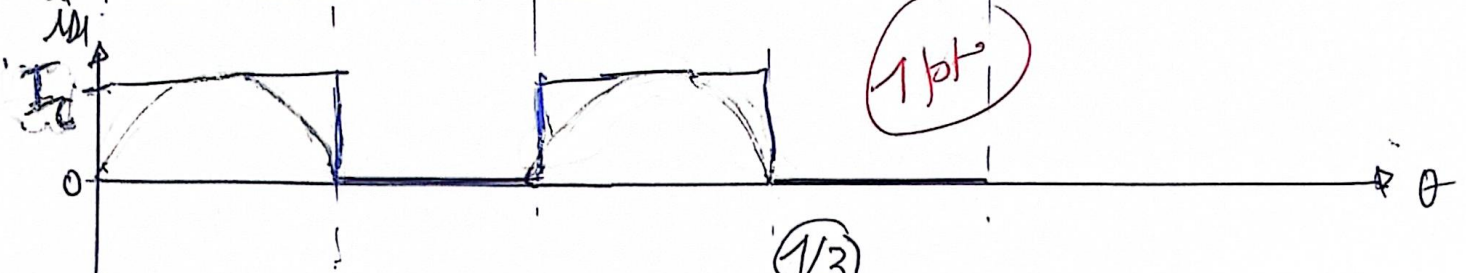
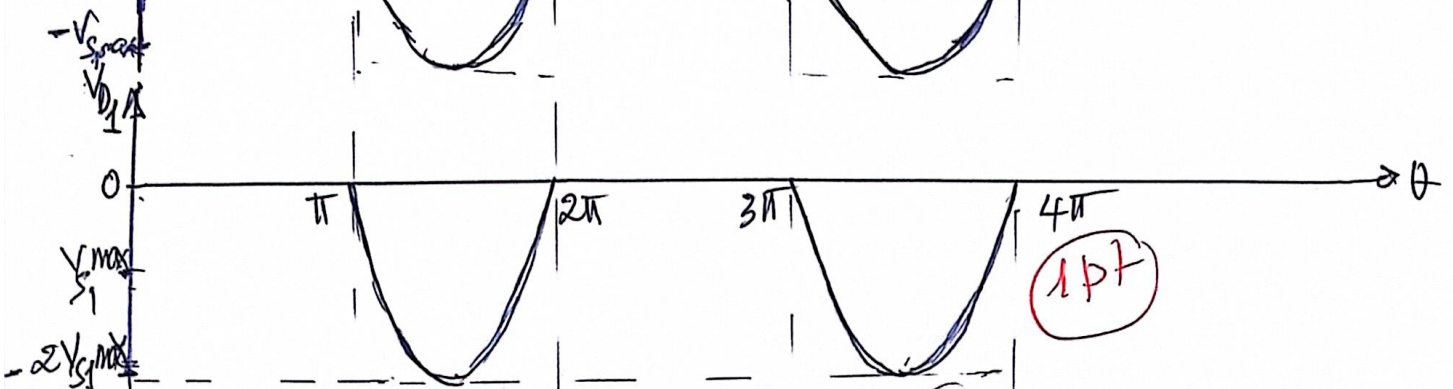
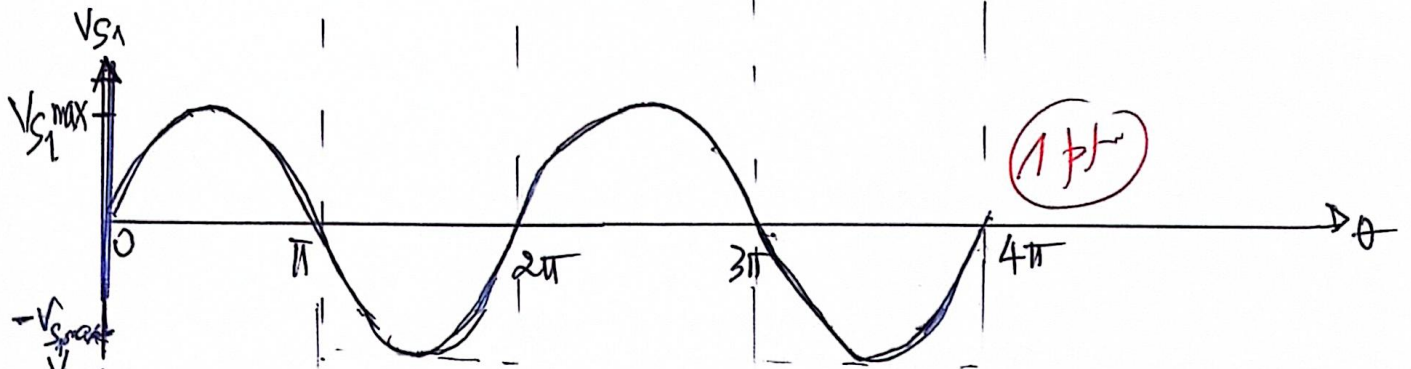
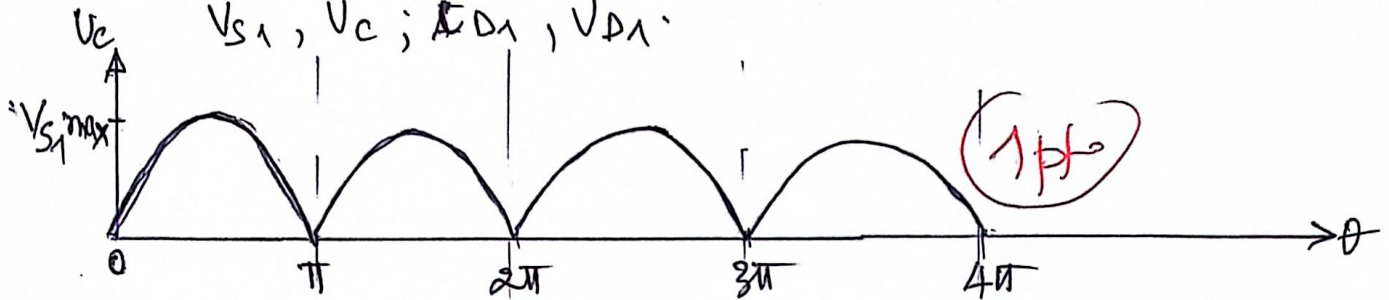
# PROBLEME 2: ELECTRONIQUE DE PUISSANCE (MSP)

1 - Analyse de fonctionnement.

	0	$\pi$	$2\pi$
D1	1	0	
D2	0	1	
$V_c$	$V_{S1}$	$V_{S2} = -V_{S1}$	
$V_{D1}$	0	$V_S = 2V_{S1}$	
$i_{D1}$	$I_c$	0	

(2pts)

2 - Traçons en concordance de temps les grandeurs  $V_{S1}, V_c; i_{D1}, V_{D1}$ .



1/3

2/3) 3 - calculons la valeur moyenne.

$$\bar{U}_c = \frac{2 V_{s1 \max}}{\pi}$$

$$V_{s1 \max} = \frac{V_{s \max}}{2}$$

$$V_{s1 \max} = \frac{48\sqrt{2}}{2} = 24\sqrt{2}$$

$$\bar{U}_c = \frac{2 \times 24\sqrt{2}}{\pi} = 21,607 \text{ V}$$

2pts

4 - Donnons la tension max aux bornes d'une diode.

$$V_{D \max} = 2 \times V_{s1 \max} = 2 \times 24\sqrt{2}$$

$$V_{D \max} = 48\sqrt{2}$$

1pt

5-1) calculons le courant efficace dans une diode.

$$I_{D \text{ eff}} = \frac{I}{\sqrt{2}} = \frac{5}{\sqrt{2}}$$

$$I_{D \text{ eff}} = 3,535 \text{ A}$$

2pts

5.2/ calculons E

$$\bar{U}_c = E + R \cdot \bar{I} \Rightarrow E = \bar{U}_c - R \cdot \bar{I}$$

$$E = 21,607 - 1,5 \times 5$$

$$E = 14,107 \text{ V}$$

2pts

2/3

3/3

5.3 - Deducisons  $n$

$$E = K \cdot n \Rightarrow n = \frac{E}{K}$$

$$n = \frac{14,107}{0,3}$$

$$n = 47,023 \text{ tr/min}$$

2pts

5.4 - Calculons la puissance absorbée par le moteur

$$P = \bar{U} \times I_c \Rightarrow P = 21,607 \times 5$$

$$P = 108,035 \text{ W}$$

2pts

6 - Le courant dans le moteur

$$\bar{I} = \frac{\bar{U} - Kn}{R}$$

$$\bar{I} = \frac{21,607 - 0,3 \times 50}{1,5}$$

$$\bar{I} = 4,40 \text{ A}$$

3pts

3/3

# Elu Analogique MSP 2024

## 1) Expression de $V_2$

(L'AOP fonctionne en régime linéaire car la sortie est reliée à l'entrée inverseuse)

$$\varepsilon = V^+ - V^- = 0$$

$$V^+ = V_2 \quad \text{et} \quad V^- = \frac{R'V_1 + RV_2}{R + R'} = \frac{V_1 + V_2}{2} \quad (R = R')$$

$$V^+ - V^- = 0 \rightarrow$$

$$\boxed{V_2 = 2V_2 - V_1} \quad (5 \text{ pts})$$

## 2) Fonction de l'AOP

Montage soustracteur (4 pts)

## 3) Condition entre $V_1$ et $V_2$

$V_1$  supérieure ou égale à  $2V_2$  ( $V_1 \geq 2V_2$ ) (3 pts)

## 4) Rôle de l'ajustable P

Faire varier la tension  $V_1$  (4 pts)

## 5) Rôle de la diode DRL

La diode de Protection Libre (DRL) protège le transistor  $T_2$  (4 pts)

1) Fonction de transfert en boucle fermée.

$$H(p) = \frac{K \times \frac{1}{(1+p)^2} \times \frac{1}{p}}{1 + K \times \frac{1}{(1+p)^2} \times \frac{1}{p}}$$

$$H(p) = \frac{K}{p(1+p)^2 + K} = \frac{K}{p(1+2p+p^2) + K}$$

$$H(p) = \frac{K}{p^3 + 2p^2 + p + K}$$

3 pts

2) La stabilité par critère de Routh.

$p^3$	1	1	0
$p^2$	2	K	0
$p^1$	$\frac{2-K}{2}$	0	
$p^0$	K		

4 pts

Le système est stable si  $2 - K > 0$  et  $K > 0$   
 $K < 2$  et  $K > 0$

Le système est stable si

$K \in ]0; 2[$

2 pts

3- L'erreur statique.

(2/4)

$$\xi(p) = E(p) - \frac{K \times \frac{1}{(1+p)^2} \times \frac{1}{p}}{1 + K \times \frac{1}{(1+p)^2} \times \frac{1}{p}} \cdot E(p).$$

$$\xi(p) = E(p) \left[ 1 - \frac{K \times \frac{1}{(1+p)^2} \times \frac{1}{p}}{1 + K \times \frac{1}{(1+p)^2} \times \frac{1}{p}} \right].$$

$$\xi(p) = E(p) \cdot \left[ \frac{1}{1 + \frac{K}{(1+p)^2} \times \frac{1}{p}} \right]$$

$$\xi(p) = E(p) \left[ \frac{(1+p)^2 p}{K + (1+p)^2 p} \right].$$

$$\xi_s = \lim_{p \rightarrow 0} p \xi(p), \text{ pour } E(p) = \frac{1}{p}$$

$$\xi_s = \lim_{p \rightarrow 0} \frac{(1+p)^2 p}{K + (1+p)^2 p}.$$

$$\xi_s = 0$$

(3 pts)

4-1 L'expression du module et de l'argument pour  $k=1$ .

3/4

$$F(p) = \frac{1}{(1+p)^2 p} \Rightarrow \underline{F}(j\omega) = \frac{1}{(1+j\omega)^2 j\omega}$$

$$|F(j\omega)| = \frac{1}{(1+\omega^2)\omega}$$

(2 pts)

$$\text{Arg}(F(j\omega)) = -(90^\circ + \arg 2 \text{tg}^{-1} \omega)$$

$$\text{Arg}(F(j\omega)) = -90^\circ - 2 \text{tg}^{-1} \omega$$

(2 pts)

4-2 Tableau.

$\omega$	0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,75	1	1,2	1,4	1,6	2
$ F _{dB}$	$+\infty$	19,17	13,64	9,71	6,67	4,082	-1,38	-6,02	-9,33	-12,35	-15,11	-20
$\text{Arg}(F(j\omega))$	-90	-101,4	-112,6	-123,4	-133,6	-143,13	-153,74	-180	-190,33	-198,92	-206	-216,82

4-3 Voir page - 4/4 (1 pt)

4-4 La marge de gain et de phase.

- La marge de gain est 6,02 dB.

- La marge de phase est 20°

(2 pts)

(2 pts)

