


|   |   |  |
|---|---|--|
| DRENA : YAMOOUSSOUKRO   | <h1 style="margin: 0;">DEVOIR N°1</h1> <h2 style="margin: 0;">1<sup>ER</sup> TRIMESTRE</h2> <p style="margin: 5px 0;">« NUL N'ENTRE ICI S'IL N'EST GEOMETRE »</p> | ANNEE SCOLAIRE : 2022-2023   |
|  |   | NIVEAU : 2 <sup>nd</sup> C<br>DUREE : 2 HEURES<br>Prof : KONAN J.M |

***Cette épreuve comporte deux pages numérotées 1 et 2  
Tout modèle de calculatrice scientifique est autorisé***

**EXERCICE 1**

Pour chaque ligne du tableau ci-dessous, une seule affirmation est vraie. Ecris sur ta copie le numéro de chaque ligne et la lettre de la colonne permettant d'obtenir l'affirmation vraie. **Exemple 5-A**

| N° | Affirmations   | Réponse A              | Réponse B                | Réponse C                 |
|----|--|------------------------|--------------------------|---------------------------|
| 1  | Tout vecteur $\vec{u}$ de couple de coordonnées $(\frac{\sqrt{2}}{2}; 2)$ dans une base orthonormée a pour norme égale à     | $2\sqrt{3}$            | $\frac{3\sqrt{2}}{2}$    | 1                         |
| 2  | Si $\vec{AB} = 2\vec{AC} + 3\vec{BC}$ , alors  | $\vec{AB} = 5\vec{AC}$ | $\vec{AB} = 2,5\vec{AC}$ | $\vec{AB} = 1,25\vec{AC}$ |
| 3  | Soit (D) une droite orientée par un vecteur unitaire directeur $\vec{i}$ . Si $\vec{ED} = -5\vec{i}$ ; alors $\overline{DE}$ | -5                     | $\sqrt{5}$               | 5                         |
| 4  | A ;B et C sont des points distincts du plan .On a $\overline{AB} - \overline{AC}$ égale à                                    | $\overline{BC}$        | $\overline{AC}$          | $\overline{CB}$           |

**EXERCICE 2**

A- Recopie le numéro de l'affirmation puis écris **Vrai** si l'affirmation est vraie et **Faux** si l'affirmation est fausse

**EXEMPLE 1-Vrai**

| N° | Affirmations  |
|----|---|
| 1  | Deux vecteurs sont colinéaires lorsqu'ils ont la même direction ou lorsqu'un des deux est le vecteur nul                |
| 2  | On appelle vecteur unitaire tout vecteur du plan dont la norme est inférieure à 1                                       |
| 3  | Pour tout point A et pour tout vecteur $\vec{u}$ du plan il existe un unique point M tel que $\overline{AM} = \vec{u}$  |
| 4  | On appelle vecteur directeur d'une droite (D), tout vecteur $\vec{u}$ du plan ayant la même direction que la droite (D) |
| 5  | Le vecteur nul ( $\vec{0}$ ) est colinéaire à n'importe quel vecteur du plan .  |

**EXERCICE 3**

A) Simplifie les vecteurs suivants

$$\vec{c} = 7\vec{u} - 5\vec{v} + 2(\vec{u} + 3\vec{w}) - 5(2\vec{w} - \vec{v})$$

$$\vec{d} = \vec{u} + 2(3\vec{v} + \vec{w}) - 3(2\vec{u} + 3\vec{v})$$

B) Soit une droite (D) orientée par un vecteur directeur unitaire  $\vec{u}$

1) Placer trois points A ; B et C tels que  $\overline{AB} = 2$  ;  $\overline{AC} = -3$

2) Calculer  $\overline{BC}$

EXERCICE 4

On donne  $(\vec{i}; \vec{j})$  une base de  $\mathcal{V}$

On pose  $\vec{u} = (m + 3)\vec{i} + 3\vec{j}$  et  $\vec{v} = (m - 1)\vec{i} + 2\vec{j}$  ou  $m \in \mathbb{R}$

- 1) a) Montre que  $\det(\vec{u}; \vec{v}) = -m + 9$
- b) Détermine la valeur du nombre réel  $m$  pour laquelle les vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  sont colinéaires.
- 2) Pour la suite de l'exercice on pose  $m = 0$ 
  - a) Ecris les vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{v}$  sous forme d'une combinaison linéaire des vecteurs  $\vec{i}$  et  $\vec{j}$
  - a) Démontre que  $(\vec{u}; \vec{v})$  est une base de  $\mathcal{V}$

EXERCICE 5

Sur la figure ci-dessous, on définit le repère  $(A; \overrightarrow{AB}; \overrightarrow{AD})$

Les élèves de la 2<sup>nd</sup> C du collège Konan 1 de Yamoussoukro découvrent la figure ci-dessous sur leur tableau après la récréation laissée par les élèves de la 4<sup>ème</sup> 1.

Moyé, un élève affirme que le triangle ABD est rectangle isocèle. N'étant pas d'accord, les autres élèves de la 2<sup>nd</sup> C décident de vérifier cette affirmation de Moyé en répondant aux mêmes questions.

- 1) Détermine les coordonnées des points A ; B ; C ; D ; E et G dans le repère  $(A; \overrightarrow{AB}; \overrightarrow{AD})$
- 2) Justifie que  $\overrightarrow{AB} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$  ;  $\overrightarrow{AD} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$  et  $\overrightarrow{BD} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix}$
- 3) Calcule les distances AB ; AD et BD
- 4) Moyé a-t-il raison ? justifie ta réponse

