

BACCALAURÉAT  
SESSION 2024

Durée : 4 H  
Coefficient : 5

# MATHÉMATIQUES

## SÉRIE C

Cette épreuve comporte 3 pages numérotées 1/3, 2/3 et 3/3.

Toute calculatrice scientifique est autorisée.

Chaque candidat recevra deux (02) feuilles de papier millimétré

### EXERCICE 1

(2 points)

Écris le numéro de chacune des propositions ci-dessous suivi de V si la proposition est vraie ou de F si elle est fausse.

- Soit  $(\Delta)$  une droite et  $\vec{u}$  un vecteur non nul. On note  $S_{(\Delta)}$  la symétrie orthogonale d'axe  $(\Delta)$  et  $t_{\vec{u}}$  la translation de vecteur  $\vec{u}$ . Si  $\vec{u}$  est normal à  $(\Delta)$ , alors la composée  $S_{(\Delta)} \circ t_{\vec{u}}$  est une symétrie glissée.
- Soit  $(X, Y)$  une série statistique à deux variables. Une équation de la droite de régression de X en Y par la méthode des moindres carrés est :  

$$x = \frac{\text{cov}(X,Y)}{v(X)}(y - \bar{Y}) + \bar{X}.$$
- Toute similitude directe du plan de rapport 1 est une isométrie du plan.
- La suite géométrique  $(u_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$  par  $u_n = -2 \left(\frac{3}{5}\right)^n$  est divergente.

### EXERCICE 2

(2 points)

Écris le numéro de chacun des énoncés ci-dessous suivi de l'une des lettres A, B, C ou D qui permet d'obtenir la proposition vraie.

- Les solutions sur  $\mathbb{R}$  de l'équation différentielle  $y' + 2y = 0$  sont les fonctions :  
 A.  $x \mapsto 2x + k, k \in \mathbb{R}$  ;      B.  $x \mapsto ke^{2x}, k \in \mathbb{R}$  ;  
 C.  $x \mapsto ke^{-2x}, k \in \mathbb{R}$  ;      D.  $x \mapsto k(e^{2x} + e^{-2x}), k \in \mathbb{R}$ .
- L'ensemble de définition de la fonction  $h$  de  $\mathbb{R}$  vers  $\mathbb{R}$  définie par  $h(x) = \ln(\ln(-x))$  est :  
 A.  $] -\infty ; -e$  ;      B.  $] -\infty ; 0[$  ;      C.  $] -1 ; 0[$  ;      D.  $]1 ; +\infty[$ .
- Dans le plan rapporté à un repère orthonormé  $(O ; \vec{e}_1, \vec{e}_2)$ , les coordonnées du foyer de la parabole d'équation  $y^2 - 2y + 4x + 5 = 0$  sont :  
 A.  $(-2 ; 1)$  ;      B.  $(2 ; -1)$  ;      C.  $(-1 ; 0)$  ;      D.  $(-2 ; -1)$ .

4. L'espace est muni d'un repère orthonormé  $(O ; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ .

Si un plan  $(P)$  a pour équation cartésienne  $y = x - 1$  et une droite  $(\Delta)$  a pour représentation

paramétrique  $\begin{cases} x = 3 + 2t \\ y = -2t \\ z = -t \end{cases} (t \in \mathbb{R})$ , alors le plan  $(P)$  et la droite  $(\Delta)$  sont :

A. orthogonaux ;

;

B. parallèles ;

C. sécants au point  $E(2 ; 1 ; -\frac{1}{2})$  ;

;

D. sécants au point  $F(2 ; 1 ; \frac{1}{2})$ .

### EXERCICE 3

(3 points)

Un grossiste achète des pagnes basin chez deux fournisseurs A et B. Il achète 80% de sa provision chez le fournisseur A et le reste chez le fournisseur B. On sait que 10% des pagnes basin provenant du fournisseur A présentent des défauts. Par ailleurs, 11% des pagnes basin du stock total du grossiste présentent des défauts.

On prélève au hasard un pagne basin du stock du grossiste et on considère les événements suivants :

A : « le pagne basin provient du fournisseur A » ;

B : « le pagne basin provient du fournisseur B » ;

D : « le pagne basin présente des défauts ».

1. Traduis la situation décrite par l'énoncé à l'aide d'un arbre de probabilité.

(Tu le complèteras par la suite.)

2. a) Calcule la probabilité pour que le pagne basin provienne du fournisseur A et présente des défauts.

b) Démontre que la probabilité de  $B \cap D$  est égale à 0,03.

c) On prélève au hasard un pagne basin provenant du fournisseur B.

Détermine la probabilité pour qu'il présente des défauts.

d) Complète l'arbre de probabilité de la question 1.

3. Un gérant de magasin de vente de pagnes basin achète cent pagnes chez ce grossiste. On suppose que les pagnes basin sont choisis au hasard l'un après l'autre de façon indépendante. On désigne par X la variable aléatoire prenant pour valeurs le nombre de pagnes basin avec des défauts.

a) Justifie que X suit une loi binomiale dont tu préciseras les paramètres.

b) Calcule l'espérance mathématique  $E(X)$  de X, puis interprète le résultat obtenu.

### EXERCICE 4

(4 points)

1. a) Justifie que :  $(4 - 2i)^2 = 12 - 16i$ .

b) Résous dans  $\mathbb{C}$ , l'équation (E) :  $z^2 - (2 + 6i)z - 11 + 10i = 0$ .

2. On considère dans  $\mathbb{C}$  le polynôme P tel que :  $P(z) = z^3 + (1 - 6i)z^2 - (17 + 8i)z - 33 + 30i$ .

a) Calcule  $P(-3)$ .

b) Justifie que :  $\forall z \in \mathbb{C}, P(z) = (z + 3)[z^2 - (2 + 6i)z - 11 + 10i]$ .

c) Déduis-en les solutions de l'équation :  $z \in \mathbb{C}, P(z) = 0$ .

3. Le plan complexe est muni d'un repère orthonormé direct  $(O ; \vec{u}, \vec{v})$ . (Unité graphique : 1 cm)

On considère les points A ; B et C d'affixes respectives  $-3 ; -1 + 4i$  et  $3 + 2i$ .

a) Place les points A, B et C.

b) Justifie que ABC est un triangle rectangle isocèle en B.

c) Soit D le point d'affixe  $1 - 2i$ .

Démontre que les points A, B, C et D sont cocycliques.

4. Soit  $(\Gamma)$  l'ensemble des points M du plan tel que :  $-MA^2 + MB^2 + MC^2 = -20$ .  
Soit G le barycentre des points pondérés (A, -1) ; (B, 1) et (C, 1).  
a) Détermine l'affixe  $z_G$  du point G, puis place ce point.  
b) Justifie que le point C appartient à  $(\Gamma)$ .  
c) Détermine et construis  $(\Gamma)$ .

**EXERCICE 5** (4 points)

Soit la fonction  $f$  définie sur  $[0 ; +\infty[$  par :  $f(x) = e^{\sqrt{x}}$ .

On désigne par  $(\mathcal{C})$  la courbe représentative de  $f$  dans le plan muni d'un repère orthonormé (O, I, J) d'unité graphique 2 cm.

**Partie I**

1. a) Calcule :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  et  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ .  
b) Donne une interprétation graphique des résultats précédents.
2. a) Étudie la dérivabilité de  $f$  en 0.  
b) Interprète graphiquement le résultat de la question 2. a).
3. On suppose que la fonction  $f$  est dérivable sur  $]0 ; +\infty[$ .  
a) Justifie que :  $\forall x \in ]0 ; +\infty[, f'(x) = \frac{\sqrt{x}e^{\sqrt{x}}}{2x}$ .  
b) Dresse le tableau de variation de  $f$ .
4. Construis la courbe  $(\mathcal{C})$ .

**Partie II**

Soit  $g$  et  $h$  deux fonctions définies sur  $[0 ; +\infty[$  par :  $g(x) = x^2$  et  $h(x) = \int_0^x e^{\sqrt{t}} dt$ .

On désigne par  $\psi$  la fonction dérivable sur  $[0 ; +\infty[$  et définie par :  $\psi(x) = (h \circ g)(x)$ .

1. a) Calcule  $\psi(0)$ .  
b) Justifie que :  $\forall x \in [0 ; +\infty[, \psi'(x) = 2xe^x$ .  
c) Dédus des questions 1. a) et 1. b) que :  $\forall x \in [0 ; +\infty[, \psi(x) = 2(x - 1)e^x + 2$ .
2. On pose :  $M = \int_0^1 e^{\sqrt{t}} dt$ .  
a) Calcule  $\psi(1)$  puis déduis-en la valeur de M.  
b) Dédus de tout ce qui précède l'aire  $\mathcal{A}$ , en  $\text{cm}^2$ , de la partie du plan limitée par la courbe  $(\mathcal{C})$ , l'axe des abscisses, l'axe des ordonnées et la droite d'équation :  $x = 1$ .

**EXERCICE 6** (5 points)

À l'occasion de ton anniversaire, ta maman t'a permis d'inviter dans un restaurant des élèves de ta classe. Les invités avaient la possibilité de choisir deux types de kits : un kit comprenant des frites de pomme de terre et un kit comprenant de l'alloco. Le kit contenant des frites coûte 4 500 F et celui contenant de l'alloco coûte 2 400 F.

À la fin de la cérémonie, tu donnes à ta maman une facture de 90 300 F. Par curiosité, elle te demande de déterminer le nombre de kits de chaque sorte choisie par les invités au cours de cette cérémonie.

Tu te souviens seulement que les invités ont choisi plus de 10 kits de chaque sorte.

En utilisant tes connaissances mathématiques, réponds à la préoccupation de ta maman.

DIRECTION DES EXAMENS ET CONCOURS

SOUS-DIRECTION DES EXAMENS SCOLAIRES

SERVICE BACCALAUREAT

## BACCALAUREAT - SESSION 2024

EPREUVE : ... MATHÉMATIQUES ... DATE : 19/06/2024 ... HEURE : 12.H.

CORRIGE ET BAREME

SERIE(S) :

C

CORRIGE

BAREME

Ce barème est national. Il ne peut être modifié.

Certaines réponses ont été données à titre indicatif. Cependant, toute autre démarche correcte sera acceptée.

Le correcteur devra tenir compte de la démarche qui conduit au résultat.

A un résultat correct non justifié ou incorrectement justifié, on accordera la moitié des points sauf si la question est notée sur 0,25.

Dans ce cas, on attribuera la note 00 (zéro).

Pour l'exercice 6, le correcteur doit attribuer les points en fonction des indicateurs et non à chaque résultat.

Le critère de perfectionnement (CP) est à prendre en compte une seule fois pour l'exercice 6.

1/11

CORRIGE	BAREME
<b>EXERCICE 1</b> (2 points)	
1 - - - - F	0,5
2 - - - - F	0,5
3 - - - - V	0,5
4 - - - - F	0,5

<b>EXERCICE 2</b> (2 points)	
1 - C - - - - -	0,5
2 - A - - - - -	0,5
3 - A - - - - -	0,5
4 - D - - - - -	0,5

**EXERCICE 3** (3 points)

1- arbre pondéré

2°)

a)  $P(AND) = P(A) \times P(D) = 0,8 \times 0,1 = 0,08$  (0,25)

$P(AND) = 0,08$

2/11

CORRIGE	BAREME
<p>(b) <u>Démonstration</u></p> $P(D) = P(A \cap D) + P(B \cap D)$ $P(B \cap D) = P(D) - P(A \cap B)$ $= 0,11 - 0,08$ <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;"> <math>P(B \cap D) = 0,03</math> </div>	<p style="text-align: center;">(0,5)</p>
<p>(c) Evénement : D sachant B</p> $P(D) = \frac{P(B \cap D)}{P(B)} = \frac{0,03}{0,2}$ <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;"> <math>P(D) = 0,15</math> </div>	<p style="text-align: center;">(0,5)</p>
<p>2°) (d) <u>Complete l'arbre</u></p> <p style="text-align: center;">arbre complet — — — —</p>	<p style="text-align: center;">(0,25)</p>
<p>3°) a) <u>Justification</u></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- justification du schéma de Bernoulli</li> <li>paramètres : <math>n=100</math>; <math>p=0,11</math></li> </ul>	<p style="text-align: center;">0,25 } (0,5) 0,25 }</p>
<p>b) <u>Esperance Mathématique</u></p> $E(X) = 100 \times 0,11$ <div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;"> <math>E(X) = 11</math> </div>	<p style="text-align: center;">(0,25)</p>
<p>Interprétation : On a en moyenne 11 basins avec de fau</p>	<p style="text-align: center;">} (0,25)</p>

CORRIGE BAREME

**EXERCICE 4** (4 points)

1°) (a) Justification correcte — — — (0,25)

(b) Résolution de (E)

$A = 12 - 16i = (4 - 2i)^2$  — — — (0,25)

$S = \left\{ \underset{0,25}{3 + 2i} ; \underset{0,25}{-1 + 4i} \right\}$

} 0,75  
0,5

2°) (a)  $P(-3) = 0$  — — — (0,25)

(b) Justification correcte — — — (0,25)

(c) Deduction des solutions

$S = \left\{ -3 ; 3 + 2i ; -1 + 4i \right\}$

(0,25)

3°) (a) Voir annexe Exercice 4 — — — (0,25)

(b) Justification correcte — — — (0,25)

(c) Points cocycliques — — — (0,25)

4°) (a) Affixe de G

$z_G = 5 + 6i$

(0,25)

(b) Justification correcte — — — (0,25)

(c) Détermination MG =  $2\sqrt{5}$

( $\Gamma$ ) est le cercle de centre G, de rayon  $2\sqrt{5}$

Construction de ( $\Gamma$ )

0,5 }  
0,25 } (1pt)  
0,25 }

CORRIGE

BAREME

**EXERCICE 5** (4 points)

Partie I

1°) (a) limites:

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$$

0,25

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$$

0,25

(b) Interprétation

Branche parabolique de direction  $(OJ)$

0,25

2°) (a) dérivabilité

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0} = +\infty$$

f n'est pas dérivable en 0

0,25

(b) Interprétation: (B) admet une demi-tangente verticale en 0

0,25

3°) (a) Justification correcte

0,25

(b)

$$\forall x \in ]0; +\infty[ , f'(x) > 0$$

x	0	$+\infty$
f'(x)	+	
f	1	$+\infty$

0,25

CORRIGE

4°) Construction de  $(\mathcal{E})$

(voir Annexe Exercice 5) — — —

0,25

Partie II

1°) a)  $\psi(0) = h[g(0)] = h(0) = 0$

$\psi(0) = 0$  — — —

0,25

b) Justification correcte — — —

0,25

c) D'après 1°) a) et 1°) b)  
 $\psi$  est l'unique primitive de  $x \mapsto 2xe^x$   
 sur  $[0; +\infty[$  qui s'annule en 0

détermination correcte de  $\psi$  — — —

0,15

2°)  $M = \int_0^1 e^{\sqrt{t}} dt$

a)  $\psi(1) = 2$  — — —

0,25

$M = \int_0^1 e^{\sqrt{t}} dt = h(1) = h[g(1)] = \psi(1) = 2$  — — —

0,25

b) Déduction

$$A = \int_0^1 f(x) dx \text{ u.a.}$$

$$= \int_0^1 e^{\sqrt{x}} dx \text{ u.a.}$$

$= M \cdot u.a$  et  $u.a = 4 \text{ cm}^2$

0,25

$A = 8 \text{ cm}^2$  — — —

0,25

CORRIGÉ

BAREME

EXERCICE 6

CRITERES

INDICATEURS

CM1

- Leçon : PPCM - PGCD

1ind/4 → 0,25

Pertinence

- Mise en Equation
- Résolution de l'équation

2ind/4 → 0,5

3ind/4 → 0,75

0,75

$$15x + 8y = 301$$

- Déterminant du nombre de Kits de Chaque type

CM2

Soit  $x$  le nombre de Kits de fites  
 $y$  le nombre de Kits d'Alloco

1ind/5 → 1

$$4500x + 2400y = 90.300$$

2ind/5 → 1,5

$$15x + 8y = 301$$

3ind/5 → 2

4ind/5 → 2,5

Utilisation  
 Correcte  
 des outils  
 mathéma-  
 tiques

- PGCD(15; 8) = 1  
 $1|301$  donc l'équation admet  
 des solutions dans  $\mathbb{Z} \times \mathbb{Z}$

2,5

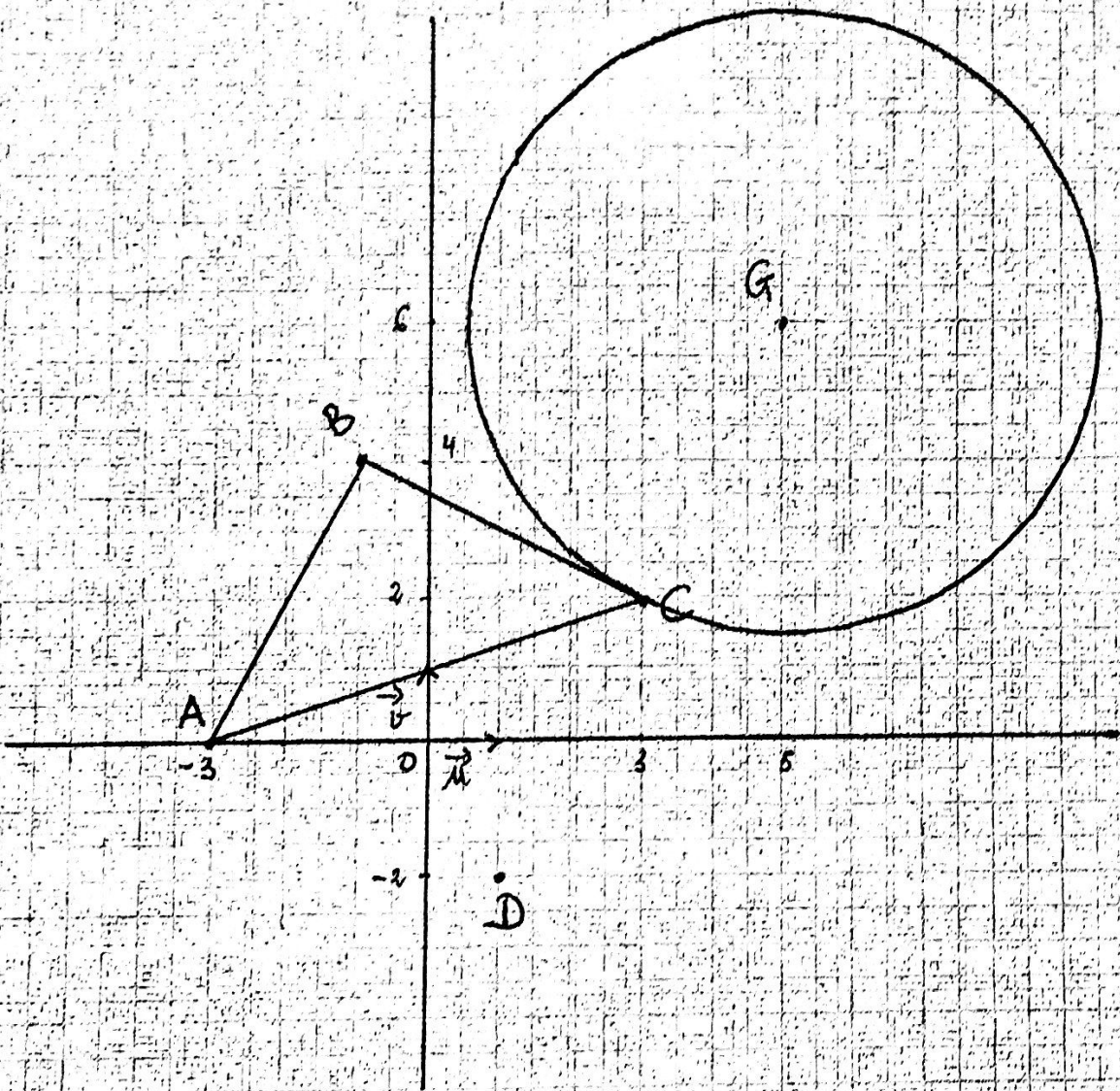
- Solution particulière  
 $(-301; 602)$

- Solution générale  
 $(-301 + 8k; 602 - 15k)$   $k \in \mathbb{Z}$

	CORRIGE	BAREME
	<p>• Nombre de kits de chaque type</p> $-301 + 8k > 10 \quad \text{et} \quad 602 - 15k > 10$ $38,875 < k < 39,46$ $k = 39$ <p>• Nombre de kits de futes : 11</p> <p>• Nombre de kits d'alloco : 17</p>	
<p>CM3</p> <p>Coherence des resultats</p> <p>1,25</p>	<p>• Qualité des enchainements</p> $15(-1) + 8(2) = 1$ $15(-301) + 8(602) = 301$ $15(x+301) + 8(y-602) = 0$ <p>ou PGCD(15; 8) = 1</p> <p>d'apres Théorème de Gauss il existe <math>k \in \mathbb{Z}</math> tel que</p> $\begin{cases} y = 602 - 15k & x > 10 \\ x = -301 + 8k & y > 10 \end{cases}$ <p>• Résultats attendus</p> $38,875 < k < 39,46$ $k = 39$ <p>ou a : <math>-301 + 8(39) = 11</math>  <math>602 - 15(39) = 17</math></p> <p>Conclusion : 11 kits de Futes  17 kits d'Alloco</p>	<p>1 ind/3 <math>\rightarrow</math> 0,75</p> <p>2 ind/3 <math>\rightarrow</math> 1,25</p>

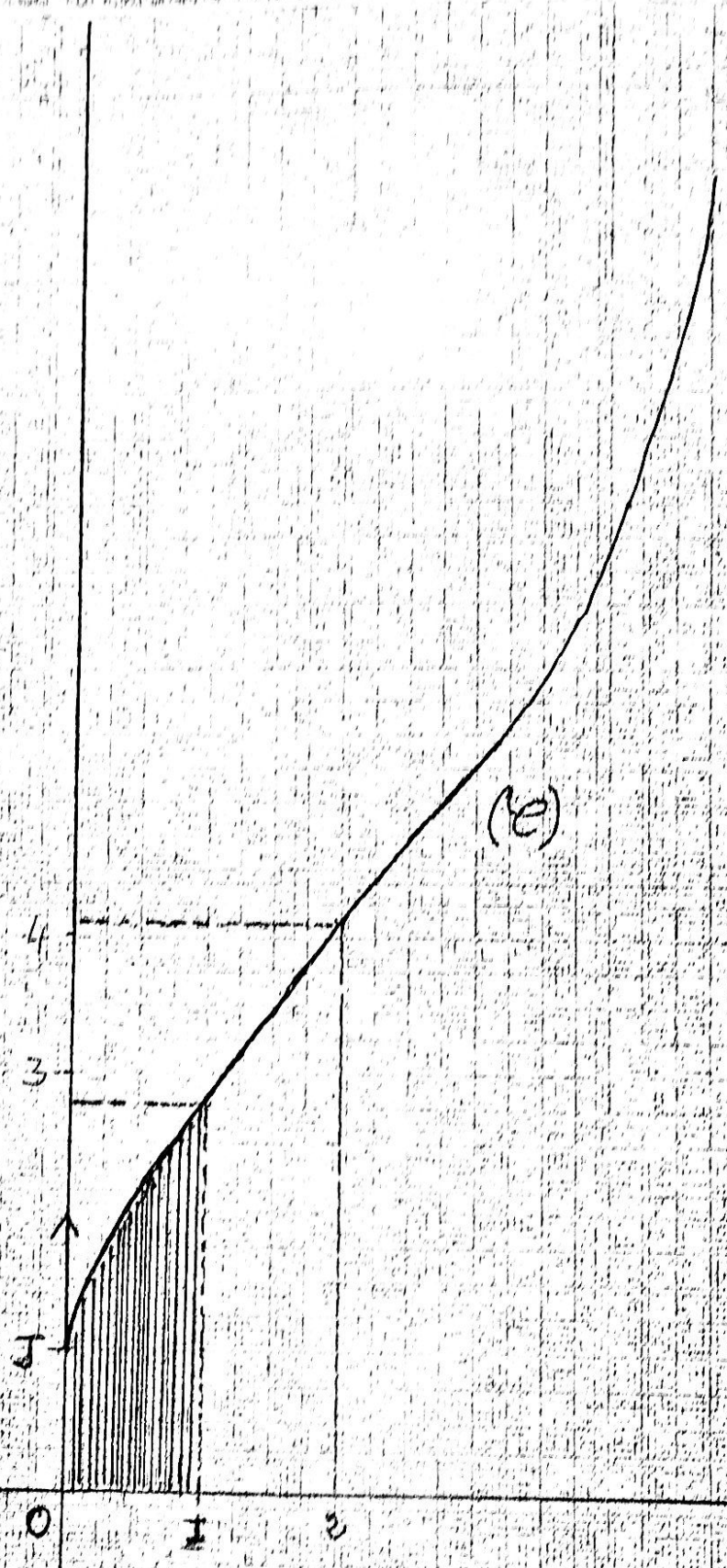


( $\Gamma$ )



ANNEXE EXERCICE 4

10/11



ANNEXE EXERCICE 5

11/11