

DRENA D'ADZOPE

APFC-ADZOPE

BAC BLANC – SESSION 2026

ÉPREUVE : MATHÉMATIQUES ;

SÉRIE D

CORRIGE ET BAREME

CORRIGE	BAREME
<p>Ce barème est régional. Il ne peut être modifié. Certaines réponses ont été données à titre indicatif. Cependant toute autre démarche correcte sera acceptée. Le correcteur devra tenir compte de la démarche qui conduit au résultat.</p>	
<p>A un résultat correct non justifié ou incorrectement justifié on accordera les "moitié" des points sauf si la question est notée sur 25.</p>	
<p>Dans ce cas, on attribuera la note 0 (zéro).</p>	
<p>Pour l'exercice 6, le correcteur doit attribuer les points en fonction des indicateurs et non à chaque résultat.</p>	

DRENA D'ADZOPE

APFC-ADZCPE

BAC BLANC - SESSION 2026
EPREUVE : MATHÉMATIQUES ; SERIE D

CORRIGE ET BAREME

CORRIGE	BAREME
<u>EXERCICE 1</u>	02 points
1 - VRAI	0,5 pt
2 - VRAI	0,5 pt
3 - FAUX	0,5 pt
4 - VRAI	0,5 pt
<u>EXERCICE 2.</u>	0,2 points
1 - C	0,15 pt
2 - C	0,15 pt
3 - A	0,15 pt
4 - A	0,15 pt
<u>EXERCICE 3</u>	0,25 points
1 - a) $(1+2i)^2 = -3+4i$	0,25 pt
b) justification correcte	0,5 pt
c) $P(z) = 0$ équivaut à	
$z-2=0$ ou $z^2+z+1-i=0$	
$\Delta = -3+4i$	0,25 pt
$S(E) = \{2i, -1-ij, i\}$	0,25 pt
2 a) positions correctes des points	
$A(-1, -1)$, $B(2, 0)$ et $C(0, 1)$	0,5 pt
b) $ z_A - z_C = \sqrt{5}$	0,25 pt

CORRIGE	BAREME														
$ z_2 z_c = \sqrt{5}$ ABC est un triangle isocèle en C	0,25 pt 0,25 pt														
<p><u>EXERCICE 4</u></p>	03 points														
1) Justification correcte X suit une loi binomiale de paramètre $n=5$ et $p=\frac{3}{4}$	0,25 pt														
2-a) $P(X=k) = C_5^k \left(\frac{3}{4}\right)^k \left(\frac{1}{4}\right)^{5-k}$ avec $k \in \{0; 1; 2; 3; 4; 5\}$	0,25 pt														
<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>k</td> <td>0</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>4</td> <td>5</td> </tr> <tr> <td>$P(X=k)$</td> <td>$\frac{1}{1024}$</td> <td>$\frac{15}{1024}$</td> <td>$\frac{45}{512}$</td> <td>$\frac{135}{512}$</td> <td>$\frac{405}{1024}$</td> <td>$\frac{243}{1024}$</td> </tr> </table>	k	0	1	2	3	4	5	$P(X=k)$	$\frac{1}{1024}$	$\frac{15}{1024}$	$\frac{45}{512}$	$\frac{135}{512}$	$\frac{405}{1024}$	$\frac{243}{1024}$	0,25 pt
k	0	1	2	3	4	5									
$P(X=k)$	$\frac{1}{1024}$	$\frac{15}{1024}$	$\frac{45}{512}$	$\frac{135}{512}$	$\frac{405}{1024}$	$\frac{243}{1024}$									
b) $E(X) \approx 4$ $V(X) = \frac{15}{16}$	0,25 pt 0,25 pt														
c) l'automobiliste rencontre en moyenne 4 fois le feu vert sur les 5 passages.	0,25 pt														
3-a) Justification correcte	0,5 pt														
b) $P_n + q_n = 1$ $P_n = 1 - \left(\frac{1}{4}\right)^n$	0,25 pt 0,25 pt														

CORRIGE

BAREME

EXERCICE 5

5,5 points

PARTIE A

1) justification correcte

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$$

0,25 pt

2-a) $f'(x) = 1 - 2e^{-x}$

0,25 pt

$f'(x) > 0$ sur $]\ln 2; +\infty[$ et $f'(x) < 0$ sur $]-\infty; \ln 2[$

0,25 pt

b) tableaux de variation

x	$-\infty$	$\ln 2$	$+\infty$
$f'(x)$	-	\emptyset	+
$f(x)$	$+\infty$	$(1 + \ln 2)$	$+\infty$

0,25 pt

$\forall x \in \mathbb{R}, f(x) > 0$

0,25 pt

Partie B

1a) justification correcte

0,25 pt

b) justification correcte de

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = +\infty$$

0,25 pt

c) justification correcte de

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = +\infty \text{ et } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{g(x)}{x} = 0$$

0,25 pt + 0,25 pt

CORRIGE	BAREME												
<p><u>Interpretation</u>: (Cg) admet une branche parabolique de direction (O, I)</p>	07,25 pt												
<p>2-a) Justification correcte.</p>	07,25 pt												
<p>b) $g(x) - (-x + \ln 2) = \ln\left(1 + \frac{x e^x}{2}\right)$ $\lim_{x \rightarrow -\infty} [g(x) - (-x + \ln 2)] = 0$</p>	07,25 pt												
<p>c) $g(x) - (-x + \ln 2) > 0$ sur $]0; +\infty[$ $g(x) - (-x + \ln 2) < 0$ sur $] -\infty; 0[$ $g(x) - (-x + \ln 2) = 0$ en $x = 0$</p>	07,25 pt												
<p>(Pg) est au dessus de (D) sur $]0; +\infty[$ (Pg) est en dessous de (D) sur $] -\infty; 0[$ (Pg) et (D) coïncident en $x = 0$</p>	07,25 pt												
<p>3-a) Démonstration correcte de: $\forall x \in \mathbb{R}, g'(x) = \frac{1 - 2e^{-x}}{x + 2e^{-x}}$</p>	07,25 pt												
<p>b) Cons de variations. g est strictement croissante sur $] \ln 2; +\infty[$ et strictement décroissante sur $] -\infty; \ln 2[$ tableau de variations:</p>	07,25 pt												
<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse; text-align: center;"> <tr> <td style="padding: 5px;">x</td> <td style="padding: 5px;">$-\infty$</td> <td style="padding: 5px;">$\ln 2$</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">$g'(x)$</td> <td style="padding: 5px;">-</td> <td style="padding: 5px;">0</td> <td style="padding: 5px;">+</td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;">$g(x)$</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> <td style="padding: 5px;">$(\ln(1 + \ln 2))$</td> <td style="padding: 5px;">$+\infty$</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	$\ln 2$	$+\infty$	$g'(x)$	-	0	+	$g(x)$	$+\infty$	$(\ln(1 + \ln 2))$	$+\infty$	07,25 pt
x	$-\infty$	$\ln 2$	$+\infty$										
$g'(x)$	-	0	+										
$g(x)$	$+\infty$	$(\ln(1 + \ln 2))$	$+\infty$										

CORRIGE	BAREME
4-a) $g(-1) = \ln(2e-1)$	0,25 pt
b) g est continue et strictement decroissante sur $] -\infty; \ln 2[$ alors g réalise une bijection de $] -\infty; \ln 2[$ vers \mathbb{R} . $K =] \ln(\ln 2 + 1), +\infty[$	0,25 pt
c) $g(-1) = \ln(2e-1)$ $g'(-1) = -1 \neq 0$, donc g^{-1} est dérivable sur $\ln(-1+2e)$. $(g^{-1})'[\ln(-1+2e)] = \frac{1}{g'(-1)} = -1$.	0,25 pt
5) <u>construction</u> : (D) et (Cg)	0,25 pt + 0,25 pt

CORRIGE		BAREME
<u>EXERCICE 6</u>		<u>05 points</u>
critères	Indicateurs de performance	barème
CM 1 pertinence	<p>• Pour déterminer la distance parcourue, je vais utiliser mes connaissances sur la fonction <u>PRIMITIVES</u>.</p> <p>• Pour ce faire, je vais :</p> <ul style="list-style-type: none"> • déterminer la dérivée de l'expression $K(t)$ • Identifier les nombres a, b, c et d • calculer $K(60)$ • Et conclure 	<u>0,75 point</u>
CM 2 utilisation correcte des outils mathématiques	<p>• <u>Dérivée de $K(t)$</u></p> $K'(t) = 5at^2 + (12a+3b)t + 6b+c$ $2\sqrt{t+3}$ <p>• <u>Identification a, b, c et d</u></p> $K'(t) = t\sqrt{t+3} = \frac{2t^2+6t}{2\sqrt{t+3}}$ <p>par identification $a = \frac{2}{5}, b = \frac{2}{5}$</p> <p>et $c = -\frac{12}{5}$</p> <p>on sait que $K(1) = 1$ donc</p> $d = \frac{21}{5}$	<u>2,25 points</u>
		<p>1. ind/8 → 0,5</p> <p>2. ind/8 → 0,75</p> <p>3. ind/8 → 1</p> <p>4. ind/8 → 1,5</p> <p>5. ind/8 → 2</p> <p>6. ind/8 → 2,25</p>

	CORRIGE	BAREME
	<p>Donc</p> $K(t) = \left(\frac{2}{5}t^2 + \frac{2}{5}t - \frac{12}{5}\right)\sqrt{t+3} + \frac{21}{5}$ <ul style="list-style-type: none"> • Calculons $K(60)$ $K(60) \approx 11\,605,29$ 	
<p>CM3 : Cohérence de la réponse</p>	<ul style="list-style-type: none"> • Conclusion: l'astéroïde parcourt 11 605,29 km en une heure • Cohérence de la démarche • Qualité des enchaînements 	<p>1 point</p> <p>1 ind / 3 → 0,33</p> <p>2 ind / 3 → 1</p>
<p>CP critère de perfectionnement</p>	<p>Originalité concision Bonne présentation.</p>	<p>0,5 point</p> <p>1 ind / 3 → 0,33</p> <p>2 ind / 3 → 0,5</p>

