

# MATHÉMATIQUES

## SÉRIE A1

*Cette épreuve comporte trois (03) pages numérotées 1 sur 3, 2 sur 3 et 3 sur 3.  
Chaque candidat utilisera une (01) feuille de papier millimétré.  
Seules les calculatrices scientifiques non graphiques sont autorisées.*

### EXERCICE 1 ( 2 points )

Dans le tableau ci-dessous, **quatre propositions** sont données.  
Pour chacune d'elles, écris sur ta copie le numéro de la proposition suivi de **Vrai** si la proposition est vraie ou de **Faux** si la proposition est fausse.

N°	Propositions
1.	Soit $g$ une fonction dérivable et strictement décroissante sur un intervalle $[a ; b]$ . Si $g(a) \times g(b) < 0$ , alors l'équation $g(x) = 0$ admet une unique solution entre $a$ et $b$ .
2.	La fonction exponentielle népérienne est strictement décroissante sur $\mathbb{R}$ .
3.	Dans le plan muni d'un repère $(O ; I ; J)$ , on note $(C_h)$ la représentation graphique d'une fonction rationnelle $h$ . Si on a : $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = -2$ , alors la droite d'équation $x = -2$ est une asymptote verticale à $(C_h)$ en $+\infty$ .
4.	En probabilité, deux évènements contraires sont incompatibles.

### EXERCICE 2 ( 2 points )

Pour chacun des **énoncés incomplets** du tableau ci-dessous, trois **réponses A, B et C** permettent d'obtenir trois affirmations dont une seule est juste.  
Écris sur ta feuille de copie, le numéro de l'énoncé incomplet suivi de **la réponse** qui permet d'obtenir l'affirmation juste.

N°	Énoncés incomplets	Réponse A	Réponse B	Réponse C
1.	Dans l'intervalle $] 1 ; 5 [$ , l'ensemble des solutions de l'équation $(E): \ln(x - 1) = \ln(5 - x)$ est ...	$\{2\}$	$\{4\}$	$\{3\}$
2.	$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{-x + 1}$ est égale à...	$+\infty$	$-\infty$	$0$
3.	Pour tous nombres réels $a$ et $b$ , on a : $e^a \times e^b$ est égal à...	$e^{a+b}$	$e^{ab}$	$e^{a-b}$
4.	Soit $A$ et $B$ deux évènements d'un univers $\Omega$ d'une expérience aléatoire et $P$ une probabilité sur $\Omega$ . Si $P(A) = 0,2$ ; $P(B) = 0,4$ et $P(A \cap B) = 0,15$ alors $P(A \cup B) = \dots$	$0,75$	$0,45$	$0,6$

**EXERCICE 3 ( 4 points )**

Au début du mois de janvier de l'année 2025, un magasin de distribution disposait d'un stock de 740 cartons de sachets plastiques.

Depuis lors, l'entreprise a arrêté d'acquérir de nouveaux cartons de sachets plastiques et a suivi l'évolution de son stock pendant six mois de l'année en notant, au début de chaque mois, le nombre de cartons de sachets plastiques disponibles.

Le tableau ci-dessous donne les résultats obtenus.

Mois de l'année 2025	Janvier	Février	Mars	Avril	Mai	Juin
Rang $x_i$ du mois	1	2	3	4	5	6
Nombre $y_i$ de cartons de sachets plastiques	740	680	650	580	500	450

**On donnera l'arrondi d'ordre 1 des résultats dans tout le reste de l'exercice.**

On désigne par  $X$  le caractère « Rang du mois » et par  $Y$  le caractère « Nombre de cartons de sachets plastiques ».

- Justifie que le point moyen  $G$  de la série statistique double de caractère  $(X; Y)$  a pour couple de coordonnées  $(3,5; 600)$ .
- Justifie que la variance  $V(X)$  des rangs du mois est égale à 2,9.
- Justifie que la covariance  $cov(X; Y)$  de la série statistique double de caractère  $(X; Y)$  est égale à  $-171,6$ .
- Détermine une équation de la droite d'ajustement linéaire de  $Y$  en  $X$  par la méthode des moindres carrés.

**EXERCICE 4 ( 7 points )**

Le plan est muni d'un repère orthonormé  $(O, I, J)$ . L'unité graphique est le centimètre.

On considère la fonction  $f$  définie sur  $]0; +\infty[$  par :  $f(x) = -2x + 1 + \ln x$  et on désigne par  $(C_f)$  sa représentation graphique.

- Justifie que  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty$ .
  - Donne une interprétation graphique de ce résultat.
- On admet que pour tout nombre réel  $x$  strictement positif,  $f(x) = x(-2 + \frac{1}{x} + \frac{\ln x}{x})$ .  
Calcule  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ .
- On admet que  $f$  est dérivable sur  $]0; +\infty[$  et on note  $f'$  sa fonction dérivée.
  - Pour tout nombre réel  $x$  élément de  $]0; +\infty[$ , justifie que :  $f'(x) = \frac{-2x + 1}{x}$ .
  - Démontre que  $f$  est strictement croissante sur  $]0; \frac{1}{2}[$  et strictement décroissante sur  $]\frac{1}{2}; +\infty[$ .
  - Dresse le tableau de variation de  $f$ .
- Recopie et complète le tableau de valeurs suivant.

$x$	0,3	0,5	1	1,5	2	2,5	3
Arrondi d'ordre 1 de $f(x)$							

- Construis avec soin  $(C_f)$  dans le plan muni du repère  $(O, I, J)$  sur l'intervalle  $[0,3; 3]$ .

6. Soit  $G$  la fonction définie et dérivable sur  $]0; +\infty[$  par :  $G(x) = -x^2 + x \ln x$ .

- a) Justifie que  $G$  est une primitive de  $f$  sur  $]0; +\infty[$ .
- b) Détermine la primitive  $F$  de  $f$  sur  $]0; +\infty[$  qui prend la valeur 2 en 1.

**EXERCICE 5** ( 5 points )

Le conseil d'administration d'une coopérative de cacao située dans un village de Soubré doit désigner, au hasard et simultanément, 6 représentants pour participer à un séminaire à Abidjan.

Parmi les 15 travailleurs volontaires, on compte :

- 10 hommes
- 5 femmes

Le Président du Conseil d'Administration (PCA), soucieux de promouvoir l'équité de genre, souhaite qu'il y ait au moins une femme parmi les 6 représentants.

Le responsable des ressources humaines affirme que la probabilité d'avoir au moins une femme dans le groupe choisi dépasse 90 %.

Le PCA te sollicite, afin de vérifier cette affirmation.

À l'aide d'une production argumentée basée sur tes connaissances mathématiques donne ton avis sur cette affirmation du responsable des ressources humaines.

CORRIGE				BAREME
<u>Exercice 1</u> 2 pts				
1. Vrai	2. Faux	3. Faux	4. Vrai	0,5 x 4
<u>Exercice 2</u> 2 pts				
1. C	2. B	3. A	4. B	0,5 x 4
<u>Exercice 3</u> 4 pts				
1. Justification correcte				0,5pt
2. Justification correcte				
$V(x) = \frac{x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 + x_4^2 + x_5^2 + x_6^2}{6} - (\bar{x})^2$ $= \frac{1^2 + 2^2 + 3^2 + 4^2 + 5^2 + 6^2}{6} - (3,5)^2$				} 1pt
$V(x) = 2,9$				
3. Justification correcte				
$\text{cov}(x, y) = \frac{x_1 y_1 + x_2 y_2 + x_3 y_3 + x_4 y_4 + x_5 y_5 + x_6 y_6}{6} - \bar{x} \times \bar{y}$ $= \frac{1 \times 740 + 2 \times 680 + 3 \times 650 + 4 \times 580 + 5 \times 500 + 6 \times 450}{6} - 3,5 \times 600$				} 1pt
$\text{cov}(x, y) = -171,6$				
4. Une équation est de la forme $y = ax + b$ avec				
$a = \frac{\text{cov}(x, y)}{V(x)}$ et $b = \bar{y} - a \bar{x}$				
$a = \frac{-171,6}{2,9}$		$b = 600 - (-59,1) \times 3,5$		$a = -59,1 \rightarrow 0,5 \text{pt}$ $b = 806,8 \rightarrow 0,5 \text{pt}$
$a = -59,1$		$b = 806,8$		
donc une équation de la droite d'ajustement de Y en X par la méthode des moindres carrés est :				
$y = -59,1 x + 806,8 \rightarrow 0,5 \text{pt}$				

CORRIGE	Exercice 4	7 pts	BAREME																
1. a)	Justification correcte	-----	0,5 pt																
b)	Interprétation:	-----	0,5 pt																
2-	Calcul correct : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -\infty$	-----	0,5 pt																
3. a)	Justification correcte	-----	0,5 pt																
b)	$f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = \frac{1}{2}$	-----	0,5 pt																
	Tableau de signe	-----	0,5 pt																
	Variations	-----	0,25x2																
c)	Tableau de variation																		
	<table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>0</td> <td>1/2</td> <td>+∞</td> </tr> <tr> <td>f'(x)</td> <td></td> <td>+</td> <td>-</td> </tr> <tr> <td>f(x)</td> <td>-∞</td> <td>↗ -ln 2 ↘</td> <td>-∞</td> </tr> </table>	x	0	1/2	+∞	f'(x)		+	-	f(x)	-∞	↗ -ln 2 ↘	-∞	$f(\frac{1}{2}) = -2 \times \frac{1}{2} + 1 + \ln(\frac{1}{2})$ $= -1 + 1 - \ln 2$ $f(\frac{1}{2}) = -\ln 2$	0,5 pt				
x	0	1/2	+∞																
f'(x)		+	-																
f(x)	-∞	↗ -ln 2 ↘	-∞																
4/.	Tableau																		
	<table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>0,3</td> <td>0,5</td> <td>1</td> <td>1,5</td> <td>2</td> <td>2,5</td> <td>3</td> </tr> <tr> <td>Arrondi d'ordre 1 de f(x)</td> <td>-0,8</td> <td>-0,7</td> <td>-1</td> <td>-1,6</td> <td>-2,3</td> <td>-3,1</td> <td>-3,9</td> </tr> </table>	x	0,3	0,5	1	1,5	2	2,5	3	Arrondi d'ordre 1 de f(x)	-0,8	-0,7	-1	-1,6	-2,3	-3,1	-3,9	} 1 pt	
x	0,3	0,5	1	1,5	2	2,5	3												
Arrondi d'ordre 1 de f(x)	-0,8	-0,7	-1	-1,6	-2,3	-3,1	-3,9												
5/	Courbe (cf)		0,5 pt																
6/ a)	on a : $G'(x) = (-x^2 + x \ln x)'$																		
	$= -2x + 1 \times \ln x + x \times \frac{1}{x}$																		
	$= -2x + \ln x + 1$		0,75 pts																
	$G'(x) = -2x + 1 + \ln x = f(x)$ donc G																		
	est une primitive de f sur ]0; +∞[																		
b)	les primitives de f sur ]0; +∞[ sont : $G(x) = -x^2 + x \ln x + k, k \in \mathbb{R}$		0,25 pt																
	$G(1) = 2 \Leftrightarrow -1 + k = 2$		0,25 pt																
	$\Leftrightarrow k = 3$																		
	La primitive F de f sur ]0; +∞[ qui prend la valeur 2 en 1 est :		0,25 pt																
	$G(x) = -x^2 + x \ln x + 3$																		

CORRIGE

BAREME

Exercice 5 5 points

Pour donner mon avis, je vais me baser sur la leçon de probabilité. Je vais :

- Nommer l'évènement : « Avoir au moins une femme dans le groupe choisi »
- Calculer sa probabilité
- Comparer cette probabilité à 90%
- Conclure

\* Je nomme l'évènement :

Soit  $A$  l'évènement : « Avoir au moins une femme dans le groupe choisi » et  $\bar{A}$  son contraire

\* Je calcule  $P(\bar{A})$

$$P(\bar{A}) = \frac{C_{10}^6}{C_{15}^6} = \frac{210}{5005} = \frac{6}{143}$$

$$P(A) = 1 - P(\bar{A})$$

$$P(A) = 1 - \frac{6}{143}$$

$$P(A) = \frac{137}{143} \approx 0,958$$

$$P(A) = 95,8\%$$

\* Je compare.

$$\text{on a : } 95,8\% > 90\%$$

\* Je conclus

Comme  $95,8\% > 90\%$  alors le responsable des ressources humaines a raison.

BACCALAUREAT BLANC REGIONAL SESSION : MARS 2025

MATHEMATIQUES

SERIE...A.1 Coefficient...3... Durée...3h...

CORRIGE		BAREME
Critères	Indicateurs de Performance	Barème
CM 1: Pertinence	Pour donner mon avis, je vais: - utiliser la leçon sur les probabilités - Désigner l'événement: "Avoir au moins une femme dans le groupe choisi".	0,75 pts
Identification du modèle correspondant au problème posé	- Calculer sa probabilité	1 ind / 5 → 0,25
	- Comparer cette probabilité à 90%	2 ind / 5 → 0,5
	- Conclure	3 ind / 5 → 0,75
CM 2: Utilisation correcte des outils mathématiques	- Désignation de l'événement - Calcul de la probabilité - Comparaison de la probabilité à 90% - Conclusion	2,5 pts 1 ind / 4 → 0,75 2 ind / 4 → 1,75 3 ind / 4 → 2,5
CM 3:	- Conformité avec le résultat attendu	1,25 pts
cohérence de la réponse	- le résultat produit est en adéquation avec la démarche	1 ind / 3 → 0,75
	- la qualité des enchaînements de la démarche	2 ind / 3 → 1,25
CP:		0,5 pt
Critère de perfectionnement	- Concision	1 ind / 3 → 0,25
	- Originalité - présentation	2 ind / 3 → 0,5