

Exercice 1

- 1 - B
- 2 - B
- 3 - A
- 4 - A
- 5 - B

$$\pi < 4 \Rightarrow \pi - 4 < 0 \text{ donc } |\pi - 4| = -(\pi - 4)$$

$$|\pi - 4| = -\pi + 4 = 4 - \pi$$

Amplitude:  $A = |-3 - 5| = |-8| = 8$

$$-6x + 4 \leq 0$$

$$-6x \leq -4 \Leftrightarrow 6x \geq 4 \Leftrightarrow x \geq \frac{4}{6} \Leftrightarrow x \geq \frac{2}{3}$$

Exercice 2

- 1 - V
- 2 - F
- 3 - F
- 4 - V
- 5 - V

$$\sin^2 a^\circ + \cos^2 a^\circ = 1$$

$$\sin^2 a^\circ = 1 - \cos^2 a^\circ$$

$$\sin a^\circ = \sqrt{1 - \cos^2 a^\circ}$$

$$\sin a^\circ = \sqrt{1 - (0,6)^2} = 0,8$$

$$\vec{AB} \begin{pmatrix} -\frac{3}{4} \\ 5 \end{pmatrix} \text{ et } \vec{CD} \begin{pmatrix} 2 \\ \frac{3}{10} \end{pmatrix}$$

$$-\frac{3}{4} \times 2 + 5 \times \frac{3}{10} = -\frac{3}{2} + \frac{3}{2} = 0$$

( $\vec{AB}$  et  $\vec{CD}$  sont orthogonaux)

Exercice 3

$$1) A^2 = (4 - 3\sqrt{2})^2$$

$$= 4^2 - 2 \times 4 \times 3\sqrt{2} + (3\sqrt{2})^2$$

$$= 16 - 24\sqrt{2} + 18$$

$A^2 = 34 - 24\sqrt{2}$

2. a) comparons 4 et  $3\sqrt{2}$

$$4^2 \text{ et } (3\sqrt{2})^2$$

$$16 \text{ et } 18$$

$$16 < 18$$

donc :  $4 < 3\sqrt{2}$

b) signe de A

on a :  $4 < 3\sqrt{2} \Leftrightarrow 4 - 3\sqrt{2} < 0$

donc A est négatif.

### 3) Encadrement.

$$1,414 < \sqrt{2} < 1,415$$

$$3 \times 1,414 < 3\sqrt{2} < 3 \times 1,415$$

$$4,242 < 3\sqrt{2} < 4,245$$

$$-4,242 > -3\sqrt{2} > -4,245$$

$$4 - 4,242 > 4 - 3\sqrt{2} > 4 - 4,245$$

$$-0,242 > 4 - 3\sqrt{2} > -0,245$$

$$-0,24 > 4 - 3\sqrt{2} > -0,25$$

Conclusion :

$$\boxed{-0,25 < A < -0,24}$$

### Exercice 4

1.a)  $\vec{NP} \begin{pmatrix} -3 - (-5) \\ 3 - (-1) \end{pmatrix}$

$$\vec{NP} \begin{pmatrix} -3 + 5 \\ 3 + 1 \end{pmatrix}$$

$$\boxed{\vec{NP} \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix}}$$

b) on a:  $\vec{NP} \begin{pmatrix} 2 \\ 4 \end{pmatrix}$  et  $\vec{PQ} \begin{pmatrix} 0 \\ -3 \end{pmatrix}$

$2 \times (-3) - 4(0) = -6 - 0 = -6 \neq 0$  donc  $\vec{NP}$  et  $\vec{PQ}$  ne sont pas colinéaires.

2)  $T \left( \frac{2}{2} ; \frac{4}{2} \right) \Leftrightarrow \boxed{T(1; 2)}$

3)  $NP = \sqrt{2^2 + 4^2}$

$$NP = \sqrt{4 + 16}$$

$$NP = \sqrt{20}$$

$$\boxed{NP = 2\sqrt{5}}$$

## Exercice 5

1. a) Le triangle AEF est inscrit dans le cercle (c) de diamètre [EF] alors le triangle AEF est rectangle en A.

b) AEF est un triangle rectangle en A. D'après la propriété de Pythagore, on a :

$$EF^2 = AE^2 + AF^2 \Leftrightarrow AE^2 = EF^2 - AF^2$$

$$\text{or } EF = EI + IF = 2 \times EI \\ EF = 4 \times 2 = 8$$

$$\text{Donc } AE^2 = 8^2 - 6^2 \\ = 64 - 36$$

$$AE = \sqrt{28} = \underline{\underline{2\sqrt{7}}}$$

2) Justification.

$$a) \sin \hat{A}EF = \frac{AF}{EF}$$

$$\sin \hat{A}EF = \frac{6}{8}$$

$$\boxed{\sin \hat{A}EF = 0,75}$$

b) Les deux angles inscrits  $\hat{A}EF$  et  $\hat{A}BF$  interceptent le même arc de cercle AF donc ils ont la même mesure.

Conclusion:  $\text{mes } \hat{A}EF = \text{mes } \hat{A}BF$

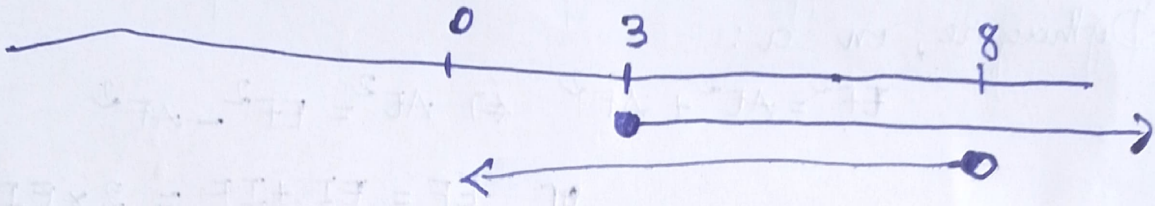
$$3) \text{mes } \hat{A}EF = \text{mes } \hat{A}BF \Rightarrow \sin \hat{A}BF = 0,75$$

$$0,743 < \sin \hat{A}BF < 0,754$$

$$\text{Donc : } 48^\circ < \text{mes } \hat{A}BF < 49^\circ$$

## Exercice 6

1) \*  $x \in [3; \rightarrow[$  et  $x \in ]\leftarrow; 8[$



Conclusion:  $\boxed{I = [3; 8[}$

2) on sait que  $]4; 8[ \subset [3; 8[$ , donc le nombre d'enfant appartient à l'intervalle  $]4; 8[$ .

↑  
inclut

3) Determinons  $x$ .

$$x = \frac{4 + 8}{2} \quad (\text{Centre})$$

$$x = \frac{12}{2}$$

$$\boxed{x = 6}$$